

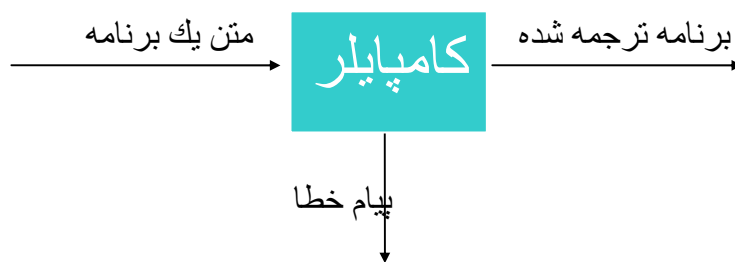


# فصل اول

## مقدمه

### ۱.۱ تعریف کامپایلر

**کامپایلر** برنامه ای است که در ورودی خود، متن یک برنامه را که طبق قوانین دستور زبان تدوین شده برای آن کامپایلر مشخص شده است پذیرفته و در خروجی برنامه ای به زبان دوم ایجاد می نماید. این زبان دوم می تواند ماشین یا برنامه به زبان دیگر باشد.



#### شکل 1- ورودی و خروجی کامپایلر

برنامه ترجمه شده در بعضی از محیط ها مثل Unix معمولاً "به زبان C می باشد". برای مثال کامپایلر راتفورد که نوع پیشرفته تر از فورترن می باشد در خروجی خود برنامه به زبان C را ایجاد می نماید که توسط کامپایلر C تبدیل به کد ماشین می گردد.

بعضی از کامپایلرها که در اصطلاح مفسر یا Interpreter نامیده می شوند همگام با ترجمه هر جمله اجرایی، آن را به اجرا در می آورند. برای نمونه زبان نرم افزار Dbase را میتوان نام برد. البته این ترجمه همراه با اجرا، زمان اجرایی را بسیار طولانی میکند، اما امکاناتی در اختیار برنامه نویس قرار میدهد که کامپایلرهای عادی قادر به حصول آن نیستند. برای مثال در زبان Dbase دستورالعمل ماکرو که با عملگر & مشخص می شود این امکان را فراهم میکند که بتوان در زمان اجرا محتوی یک رشته را به اجرا آورد. به مثال زیر توجه نمائید:

```
A = 'B = 10'
&A
```

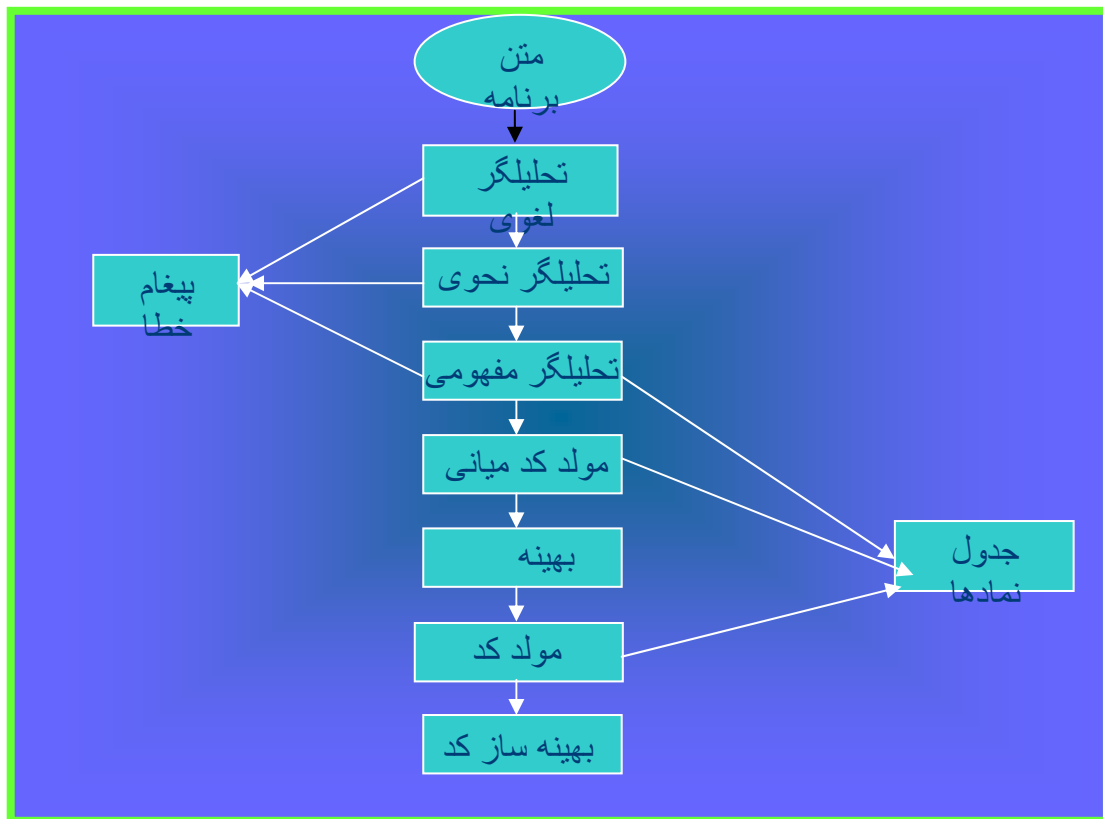


@ 2,3 get A  
&A

در مثال فوق با اجزای اولین دستورالعمل &A محتوای A بعنوان يك دستورالعمل تلقی می شود و به اجرا در می آید و به این ترتیب محتوای B برابر 10 قرار میگیرد. عمل کامپایل در طی مراحل مشخص که در بخش بعدی در مورد آن صحبت خواهد شد انجام میگردد. این مراحل میتوانند بطور همزمان اجرا شوند.

## ۱.۲ مراحل کامپایلر

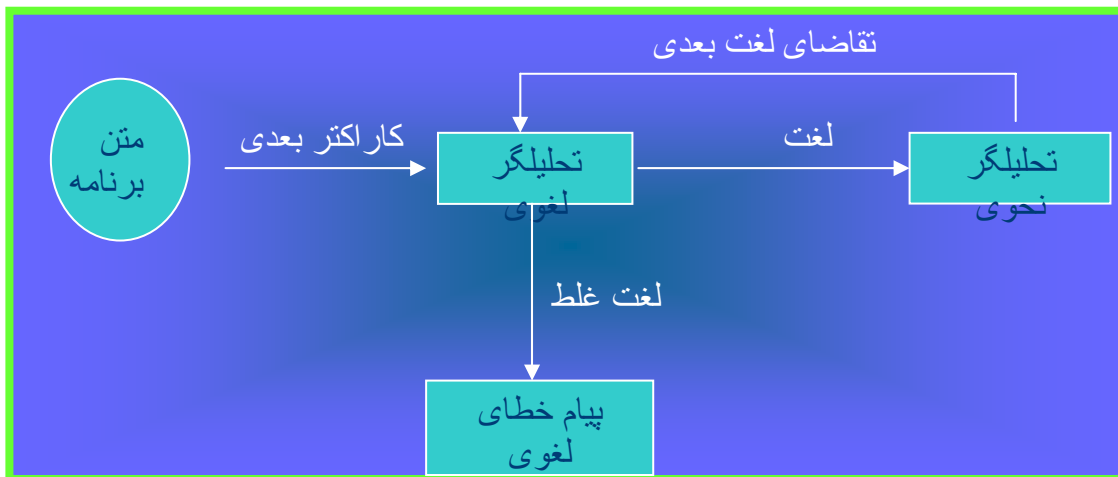
همانطور که در شکل 1.2 مشخص شده است، کامپایلرها در حالت کلی از هفت بخش اصلی تشکیل می شوند. در این بخش بطور خلاصه بخشهای متفاوت کامپایلر تشریح میشوند.



شکل 1.2- ساختار کلی کامپایلرها

الف - تحلیلگر لغوی

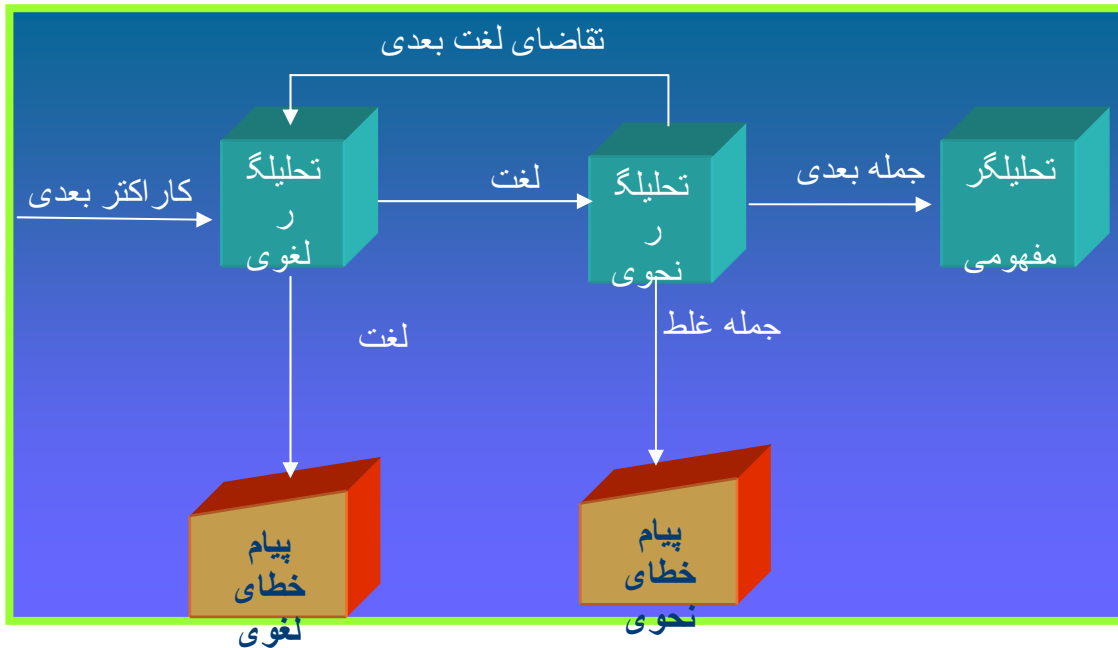
وظیفه تابع **تحلیلگر لغوی** یا در اصطلاح خارجی Lexical Analyser ، تشخیص لغات در متن برنامه مورد کامپایل است که توسط بخش دیگری از کامپایلر تحت عنوان تحلیلگر نحوی مورد فراخوانی قرار میگیرد. با هر بار فراخوانی این لغت بعدی را از متن برنامه تشخیص میدهد و اطلاعات لازم در مورد لغت را برای تحلیلگر نحوی ارسال میدارد. هر زبان برنامه سازی قوانین لغوی مربوط بخود را دارد. قوانین لغوی بیانگر فرم کلی انواع لغات در زبان برنامه سازی است. تحلیلگر لغوی در صورت وجود خطا در قالب بندی لغات استفاده شده در متن برنامه مورد کامپایل اعلام **خطا لغوی** مینماید. تابع تحلیلگر لغوی در فصل دوم از این کتاب مورد بررسی واقع خواهد شد.



شکل 1.3- شمایی تحلیلگر لغوی

## ب - تحلیلگر نحوی

وظیفه **تحلیلگر نحوی** یا در اصطلاح Syntax Analyser ، تشخیص صحت فرم ظاهری برنامه ها از لحاظ دستورالعمل زبان برنامه سازی مربوطه است. تحلیلگر نحوی با فراخوانی تحلیلگر لغوی لغات را از متن برنامه مورد کامپایل دریافت و صحت قرار گرفتن آنها را در مجاور یکدیگر بر اساس دستورالعمل زبان مربوطه مورد آزمون و تحلیل نحوی قرار میدهد. در صورتیکه از لحاظ دستورالعمل زبان ، برنامه مورد کامپایل دارای خطا باشد پیام خطا توسط تحلیلگر نحوی صادر میگردد.

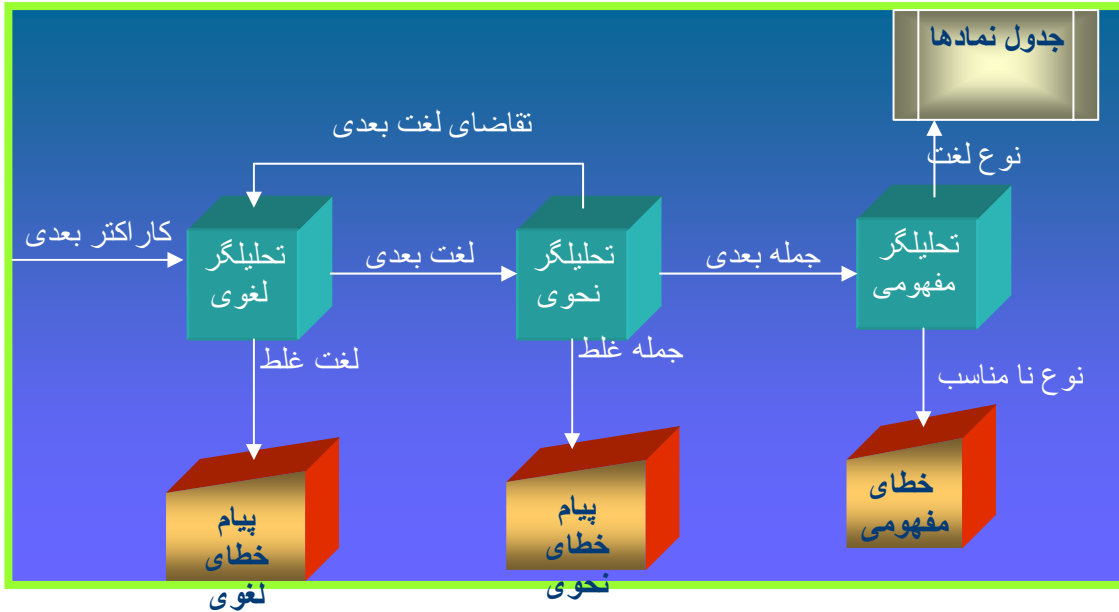


شکل 1.4- شمایی کلی تحلیلگر نحوی

انواع روشهای تحلیل نحوی و تشخیص صحت برنامه ها بر اساس دستورالعمل و گرامر زبانها برنامه سازی در فصل های 3، 4 و 5 مورد بحث و بررسی واقع خواهد شد .

### ج- تحلیلگر مفهومی

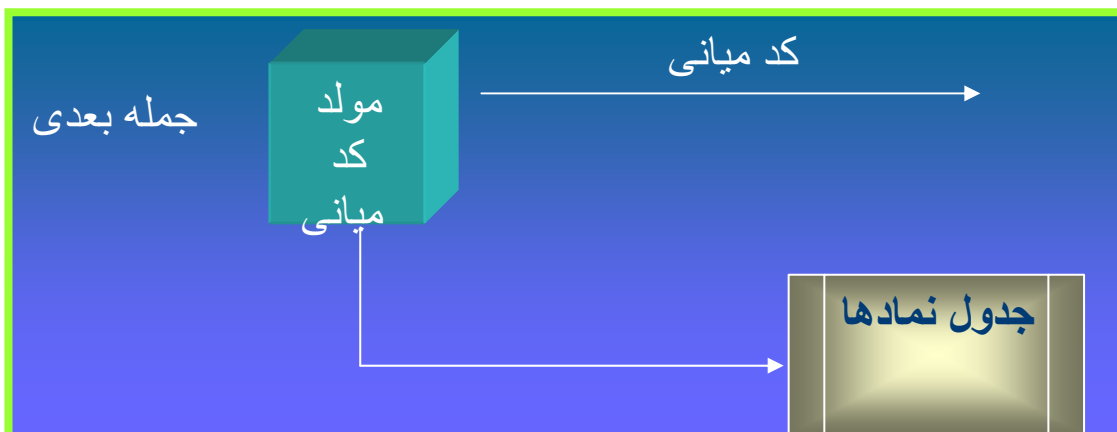
کار تحلیلگر مفهومی یا در اصطلاح Semantics Analyser تعیین صحت مفهوم جملات است. ممکن است يك جمله از نظر نحوی صحیح ولی از لحاظ مفهومی دارای خطا باشد. برای مثال جمله مهرداد آتش خورد علیرغم اینکه در دستور زبان فارسی از نظر نحوی صحیح میباشد از نظر مفهومی نادرست است. در کامپایلرها معمولاً "عمل تحلیل مفهومی محدود به آزمون نوع یا Type Checking است. تحلیلگر مفهومی وابسته به نوع اسامی و متغیرها که در جدول نمادها مشخص شده، صحت استفاده آنها را جملات و عبارات مختلف مورد آزمون قرار میدهد. برای مثال اگر متغیری از نوع رشته تعریف شده باشد نمی توان آن را با متغیری از نوع صحیح یا اعشاری جمع و یا مقایسه نمود. فصل 7 در ارتباط با آزمون نوع است.



شکل 1.5- شمائي تجزيهگر مفهومي

#### د- مولد کد مياني

مولد کد مياني بخشي از کامپايلر است که در ورودی خود جملات تشخيص داده شده توسط تجزيهگر نحوي را پذيرفته و در خروجي کد واسطه يا مياني توليد ميکند. کد مياني بسادگي قابل تبديل و نزديک به زبان ماشين است اما مستقل از ساختار و جزئيات هر گونه ماشين خاص ميباشد.



شکل 1.6- شمائي کلي مولد کد مياني

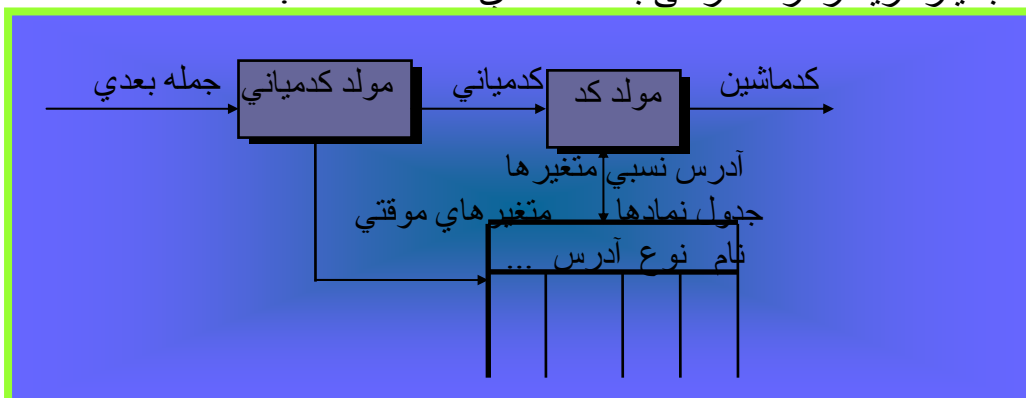
یکی از مزیت‌های ایجاد کد میانی افزایش قابلیت حمل کامپایلر بر روی سخت افزارها با کد متفاوت و ساختار متفاوت است. به این ترتیب که برنامه کامپایلر را بتوان بر روی کامپیوترها با کد ماشین و اسمبلی متفاوت کامپایل نموده، با اجرای آن متن برنامه‌های مورد کامپایل را به کد میانی تبدیل کرد و سپس با نوشتن یک برنامه کوچک این کد واسطه را به کد ماشین مورد نظر تبدیل نمود. مزیت دیگر ایجاد کد میانی، فراهم نمودن شرایط خوب برای بهینه‌سازی کد برنامه‌ها است. کد میانی در فصل 6 مطرح شده است.

## ه- بهینه‌سازی کد میانی

هدف از بهینه‌سازی کد میانی می‌تواند تقلیل حجم و افزایش سرعت اجرایی کد ماشین حاصل از کار کامپایلر باشد. برای این منظور بهینه‌سازی کد میانی حاصل از مولد کد میانی را مورد تحلیل قرار می‌دهد. معمولاً "تحلیل کد میانی با آزمون نمادی برنامه‌ها تحقق می‌یابد، به این ترتیب که مفهوم برنامه‌ها در زمان کامپایل، با تبدیل کد میانی به یک گراف بنام گراف جریان مورد بررسی و تحلیل واقع شده، سعی می‌کنند تا حجم کد حاصل را تقلیل داده، در صورت وجود کد زائد را مشخص و حذف نمایند. بهینه‌سازی موضوع فصل 8 از این کتاب است. تحلیل نمادی برای آزمون صحت نرم افزارهای کاربردی در مباحث مهندسی نرم افزار نیز مطرح می‌باشد. مبحث آزمون نرم افزار تحت عنوان Software testing شناخته شده است. تکنیک‌های بهینه‌سازی در تشخیص توازی کد برنامه‌ها و اجرای موازی (Parallel) یا هم‌زمان کد برنامه‌ها بر روی چند پردازنده نیز مورد استفاده قرار می‌گیرد.

## و- مولد کد

این بخش از کامپایلر وابسته به ساختار سخت افزار است که معمولاً "فازی جداگانه در کامپایلر می‌باشد و کد میانی بهینه شده را تبدیل به کد ماشین (Object Code) مینماید. در الگوریتم‌های تولید کد، معمولاً هدف اینست که حداکثر بجای ارجاع به حافظه از ثبات‌های ماشین استفاده شود، چرا که دسترسی به یک ثبات بسیار سریعتر از دسترسی به خانه‌های حافظه است.





## شکل 2.7- شمایی مواد کد

همانگونه که در شکل فوق مشاهده میشود در زمان کامپایل، آدرس نسبی متغیرها و اسمی بکار رفته در داخل برنامه، درون جدول نمادها ثبت میگردد. این آدرس های نسبی همیشه نسبت به شروع برنامه و در داخل هر زیر برنامه نسبت به آدرس شروع زیر برنامه سنجیده میشود. آدرس شروع برای هر زیر برنامه و برنامه اصلی در زمان کامپایل صفر در نظر گرفته میشود. در هنگام پیوند و قرار دادن برنامه ها در حافظه اصلی که به منظور اجرای برنامه صورت میگیرد آدرسهای شروع محاسبه میگردند. روشهای تولید کد در فصل 9 مطرح شده است.

### ز - بهینه سازی کد

هدف از بهینه سازی کد، تقلیل حجم اشغالی و تسریع کد اجرایی برنامه است. در این مرحله برای انجام عمل بهینه سازی و رسیدن به اهداف آن ساختار اسمبلی و کد ماشین و امکانات سخت افزاری آن در نظر گرفته میشود و از دستورالعمل هایی که سریعتر و با حجم کمتر به اجرا در می آیند استفاده می شود بهینه سازی کد در صورت امکان دستورالعمل های سریع و کم حجم را با دستورالعمل های بکار برده شده در خروجی مولد کد، که همان کد اجرایی برنامه است جایگزین میکند.

البته مراحل فوق الذکر بعضاً ممکن است در ایجاد کامپایلر حذف شود. برای مثال قسمت بهینه سازی و یا تحلیل مفهومی ممکن است در یک کامپایلر وجود نداشته باشد. و نیز ممکن است کلیه مراحل در یک مرحله و به صورت همزمان اجرا شود. معمولاً عملیات کامپایل برنامه ها در دو مرحله و یا در اصطلاح در دو Pass انجام می شود.

### ۱.۳ کامپایلر کامپایلرها

کامپایلر کامپایلر در واقع یک مولد کامپایلر میباشد و یا برنامه ای است که در ورودی خود قوانین لغوی و گرامر و کدی که برای هر جمله، عبارت و عنصری از زبان را که باید توسط مولد کد ایجاد شود را در ورودی پذیرفته و در خروجی خود یک کامپایلر ایجاد میکند.

در طی فصل های بعدی خواهیم دید که چگونه میتوان یک مولد تحلیل گر لغوی و تحلیل گر نحوی را بسادگی تولید نمود. از کامپایلر کامپایلرهای رایج یکی YACC را میتوان نام برد. این مولد کامپایلر قواعد گرامری و کد مورد نظر

برای تبدیل و در واقع کامپایل جملات متن برنامه کامپایلر را در ورودی خود دریافت میکند. خروجی YACC برنامه کامپایلر به زبان C است. عمل تحلیل لغوی برای این کامپایلر کامپایلر توسط یک مولد تحلیلگر لغوی بنام LEX انجام میشود. در این کتاب نشان داده خواهد شد که چگونه میتوان یک تحلیلگر لغوی ایجاد نمود که بسیار ساده تر از LEX بتوان آنرا برای تحلیل لغوی مورد استفاده قرار داد.

#### ۱.۴ کامپایلر برنامه ها با لغات فارسی

در زبان فارسی بعزت اینکه عبارات از چپ به راست و جملات از راست به چپ نوشته میشوند، نمیتوان بسادگی با استفاده از روشهای جاری کامپایلر زبان برنامه سازی که لغات در آن به زبان فارسی هستند، ایجاد نمود. اگر دستورالعمل های زبان برنامه سازی با استفاده از لغات فارسی از سمت چپ به راست نوشته شوند این مشکل برطرف خواهد شد.

میتوان برنامه های C یا پاسکال و هر زبان برنامه سازی دیگری را با استفاده از لغات فارسی و به زبان فارسی نوشت و با استفاده از یک تحلیلگر لغوی و جدول لغات کلیدی فارسی و مشابه آن در انگلیسی به زبان اصلی تبدیل نمود. پس از اشکالزدایی و تکمیل برنامه ها میتوان بالعکس عمل نموده متن انگلیسی را به فارسی تبدیل نمود.

#### ۱.۵ دلایل تألیف این کتاب

زبانهای برنامه سازی ابزار اصلی برای بهره بری از تسهیلات کامپیوتر و کامپایلرها ابزار تولید زبانهای برنامه سازی هستند. لذا، کامپایلرها یکی از مباحث اصلی و علم مادر در زمینه نرم افزار است. نرم افزار و تکنولوژی کامپیوتر امروزه کلیه علوم را تحت الشعاع خود قرار داده است. لذا، ایجاد و صدور قطعات نرم افزاری می تواند بعنوان یک منبع درآمد و سرمایه ملی مطرح باشد. پیشرفت در این مسیر بسادگی امکان پذیر است زیرا، تولید قطعات نرم افزاری در سطح بازار جهانی نیازی به پشتوانه قوی تکنولوژیک و صنعتی ندارد. متأسفانه رقابت جهانی موجب حذف مطالب اصلی و کاربردی از داخل کتب علمی بخصوص در زمینه نرم افزار شده است. تا حدی که مشاهده میشود اکثر کتب درسی در عمل کاربردی ندارند. کامپایلرها نیز از این قاعده مستثنی نیست. برای نمونه مرجع 795 صفحه ای اصلی کامپایلرها [5] که در سال 1986 انتشار یافته در



عمل مطالبی از قبیل بهبود از خطا<sup>1</sup> و طریق عملی پیاده سازی یک کامپایلر را کتمان میکند. در این کتاب نیز هیچگونه مطلبی در مورد یکی از روشهای رایج برای تجزیه گرامری جملات در برنامه های مورد کامپایل ، بنام کاهینه بازگشتی یا در اصطلاح خارجی Recursive Descent به میان نیامده است.

مسئله بهبود از خطا در مراجع [6] ، [8] و حاصل تحقیقی که بر روی چند مقاله در این زمینه انجام شد بطور عملی مشخص شده و در فصول 4 و 5 از این کتاب گنجانده شده است. روش کاهینه بازگشتی و مسأله بهبود از خطا در مرجع [9] مطرح شده است. در این مرجع هیچگونه مطلبی در مورد مسئله بهبود از خطا و تولید کد میانی ارائه نشده است.

روش کاهینه بازگشتی برای پیاده سازی کامپایلر ساده ای بنام دلتا در مرجع [10] بصورت جامع و کامل تری مطرح شده است. کمبود این کامپایلر ، مسئله بهینه سازی یا در اصطلاح Optimization در کد میباشد. در این کتاب گرامر زبان دلتا تکمیل تر شده ، مسأله بهینه سازی کد نیز در این کامپایلر در نظر گرفته شده است. کد کامپایلر دلتا بطور کامل در انتها ارائه شده است.

اصولاً" ، بهینه سازی [13, 15, 17, 18] در کامپایلرها در جهت افزایش سرعت اجرایی برنامه ها و اندازه اشغالی از حافظه است. در مرجع [13] روشی جدید و عملی برای پیاده سازی الگوریتمهای بهینه سازی در کد برنامه ها ارائه شده است. در فصل 8 از این کتاب روشی جدیدتر و سریع برای پیاده سازی الگوریتم های بهینه سازی مطرح شده است. این روش بطور عملی در کامپایلر دلتا پیاده سازی شده است.

تعیین فرم کلی لغات در زبانهای برنامه سازی بطور خلاصه و بدون ابهام توسط نوعی خاص از گراف بنام ماشین خودکار یا Finite Automata و نوعی خاص از عبارات بنام عبارات با قاعده بیان میشود. ایجاد ماشینهای خودکار برای بیان ساختارن لغوی زبانهای برنامه سازی در مرجع [16] به طرز مطلوبی بیان شده است. این روش در فصل دوم از این کتاب تحت عنوان تحلیل گر لغوی یا Lexical Analyser مطرح شده است.

<sup>1</sup> با مشاهده یک جمله که دارای اشتباه از لحاظ دستورالعمل زبان برنامه نویسی است ، کامپایلر نیز در تشخیص جملات بعدی ممکن است موجب اشتباه شود. لذا، بهبود از خطا یا Error Recovery برای پیاده سازی کامپایلرها در عمل بسیار مهم میباشد.



## مراجع

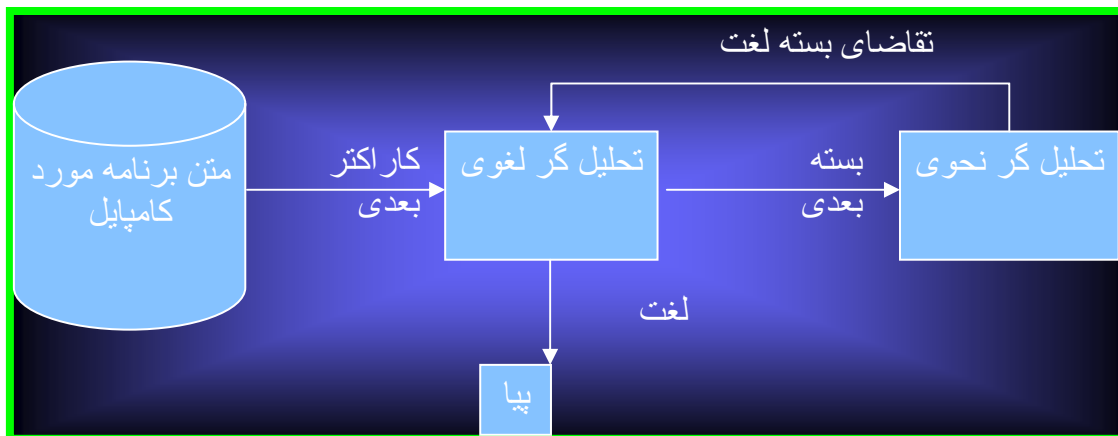
- 1- "SuperCompilers for Parallel and vector Computers", Hans Zima, Acm Press, 1990, 376 pages.
- 2- "Parallel Programming and Compilers", Constatine D. Polychronopoulos, Kluwer Academic Publishers, 1988, 230 Pages
- 3- "Symbolic Analysis For Parallelizing Compilers", Mohamad R. Hagigat, KAP Publisher, 1885, 196 Pages.
- 4- "Interprocedural Def-Use Associations For C systems With Single Level Pointers", Hermit D. Pande, IEEE Transaction On Soft. Eng., vol20, No.5, May 1994.
- 5- "The Theory and Practice of Compiler Writing", Paul G. Sorenson, Mc GrawHill, 1985
- 6- "Compilers Principles , Techniques and Tools", Alfred V. Aho", Addison- Wesley, 1986.
- 7- "Design of Compiler Techniques of Programming Language Translation", Karen A. Lemone, CRC Press, 1992.
- 8- "Generation of Interactive Parsers With Error Handling", E. Steegmans, IEEE Transaction on Software Engineering, vol. 18, no. 5, 1992.
- 9- "Brinch Hanson on Pascal Compilers", Brinch Hanson, Printice-Hall, 1985.
- 10- "Programming Language Processors", C.A.R Hoare, Printice-Hall, 1993.
- 11- "Compiler Design in C", Allen L. Hollub, 1990.
- 12- "Object Oriented Compiler Construction", Jim Holems, Printice Hall, 1995.
- 13- " The Art of Compiler Design", Thomas Pittman, Prentice-Hall, 1992.
- 14- "Introduction to Compilers", Thomas W,parsons , Computer Science Press, 1992.
- 15- "Optimizing Schemes For Structured Programming Language Processors" , Tatsou Tsuji, Ellis Horwood, 1994.
- 16- "Compiler Construction, Theory and Practice", W. A. Barrel, Science Research Associates INC, 1986.
- 17- "Interprocedural Def-Use Associations for C Systems with Single level Priorities. H. D. Pande, IEEE Transaction \s on Soft. Eng. , vol 20, may 1994.
- 18- " Analysing the optimization techniques Compilers use to Transform your C Code", Microsoft Systems Journal, March 1991.

## فصل دوم

## تحلیلگر لغوی

## ۲.۱ مقدمه

تحلیلگر لغوی تابعی است که در ورودی خود برنامه مورد کامپایل را بعنوان يك فایل متن بازگشوده و کاراکتر به کاراکتر می خواند وبا رسیدن به يك کاراکتر جداکننده لغت را تشخیص و تفکیک مینماید. جداکننده ها مثل : Tab , Blank یا New line فقط به منظور جداسازی لغات بکار میروند. دسته دیگر از جدا کننده ها مثل Semicolon یا + ارزش لغوی دارند. تحلیلگر لغوی در خروجی خود اطلاعات مربوط به لغت را در يك رکورد یا ساختار بنام بسته لغت قرار می دهد بسته لغت شامل اطلاعاتی در مورد لغت تشخیص داده شده توسط تحلیلگر لغوی مانند سطر ، ستون و نوع لغت است بسته لغت را در اصطلاح Token گویند.



شکل 2.1- شمایی کلی تحلیلگر لغوی

هر زبان برنامه سازی قوانین لغوی خاص خود را دارد. قوانین لغوی زبانها را میتوان بصورت غیر مبهم و خلاصه در قالب نوعی خاص از عبارات بنام عبارت با قاعده بیان نمود. قوانین لغوی را نیز میتوان توسط نوعی خاص از ساختارگراف بنام ماشین های خودکار مطرح کرد. ماشینهای خودکار ابزاری برای تبدیل قوانین لغوی به کد برنامه هستند. چنانچه لغتی بنا بر قوانین لغوی زبان برنامه سازی ایجاد نشده باشد ، تحلیلگر لغوی اعلام خطا مینماید.

## ۲.۲ ساختار ورودی / خروجی

در داخل تابع تحلیلگر لغوي برنامه مورد کامپایل به عنوان يك فایل متن دسترسي ميشود. اين فایل در ابتدای برنامه کامپایلر و خارج از محیط تحلیلگر لغوي تعريف و گشوده مي شود و به عنوان يك پارامتر به تابع تحلیلگر لغوي ارسال مي گردد. در قطعه کد ارائه شده در شکل 2.2 چگونگی فراخوانی تابع تحلیلگر لغوي نشان داده شده است..

```

Void main ( int arg c , char *argv [ ] )
{
File *InText ;
if ( argc < 2 )
{
clrscr ( ) ;
textcolor ( RED ) ;
gotoxy ( 10 , 5 )
printf ( " نام برنامه مورد فراموش شده است " ) ;
if ( !getch ( ) ) getch ( ) ;
}
InText = fopen ( argv [ 1 ] , " R " ) ;
while ! feof ( InText ) ;
{
Token-type Token ;
Token = Lexer ( InText ) ;
}
}

```

### شکل 2.2- فراخوانی تابع تحلیلگر لغوي

نقطه گنگ در مثال فوق TokenType و در واقع نوع خروجی تحلیلگر لغوي است. معمولاً اطلاعات زیر در بسته Token قرار داده مي شود :



```

Typedef struct Token
{ int ROW ; // شماره سطر
  int COL; // شماره ستون
  int BLKNO ; // شماره آشیانه اي
  int BLKORD ; // شماره ترتيب بلاك در برگیرنده
  enum Symbols type ; // نوع لغت
  char Name [ 30 ] ; // خود لغت
} Token-type ;

```

### شکل 2.7- ساختار بسته لغت

در ساختار ارائه شده برای تعریف لغت که در اینجا بسته لغت یا Token نامیده شده است شماره سطر و ستون ظاهر شده است. با استفاده از شماره سطر و ستون لغت ، در هنگام صدور پیام خطا کامپایلر قادر به بیان دقیق مکان خطا خواهد بود. BLKNO شماره آشیانه اي بلاك در بر گیرنده يك لغت را مشخص مي کند. تنها نام لغات برای تعیین و تشخیص آنها از یکدیگر کافی نیست بلکه ، جهت تعیین يك لغت نیاز به شماره آشیانه اي بلاك در برگیرنده آن نیز هست . برای نمونه به قطعه کد زیر توجه کنید.

```

{
  int I ;
  I=5 ;
  { int I ;
    I=6 ;
    printf ( " 2nd blk %d " / I ) ;
  }
  printf ( "\n 1st blk %d " / I ) ;
}

```

در قطعه کد فوق همانگونه که مشاهده می کنید اگرچه که برای دو متغیر يك نام I تعیین شده اما شماره آشیانه اي بلاك در بر گیرنده ، وجه تمایز این دو می باشد. گاهی اوقات شماره آشیانه اي بلاك نیز کافی نیست برای نمونه در قطعه کد زیر اگرچه که شماره آشیانه اي بلاكها یکی است اما دو متغیر وجود دارد.

```

{ int I ;
  I = I + 1
}
{ int I ;
  I = I + 3
}

```



شماره آشیانه اي با ورود به بلاك افزایش و با خروج از بلاك کاهش مي يابد. با ظهور هر بلاك جديد شماره بلاك يا BLKORD يك واحد اضافه مي شود در مثال فوق وجه تمايز دو متغیر شماره ترتیب بلاك در بر گیرنده آن است .

به هر لغت يك نوع تخصیص داده میشود. نوعي شمارش پذیر يا در اصطلاح Enumerated. براي نمونه تحلیلگر لغوي اگر در متن فایل ورودی عدد 123 را تشکیل دهد، در داخل فیلد Name عدد 123 و در داخل فیلد Type، نوع آن که يك عدد صحیح مي باشد را مشخص مي کند. اگر در متن ورودی، جمله زیر قرار گرفته باشد:

ABC := 123 ;

تحلیلگر لغوي با اجرای دستور العملي مثل :

NextChar = getc ( in-text );

ابتدا کاراکتر A و سپس B و بعد از آن C را از متن فایل ورودی خوانده، حالا با مشاهده Blank و در صورت عدم وجود Blank با مشاهده علامت کولون (: )، خاتمه اولین لغت را تشخیص داده، در داخل فیلد Name رشته ABC و در داخل فیلد Type، نوع آن که يك شناسه مي باشد را قرار مي دهد.

در فراخوانی بعدی تحلیلگر لغوي با Blank مواجه مي شود. از آن چشم پوشی مي کند و به جلو مي رود و علامت := را به عنوان لغت بعدی تشخیص داده در فیلد Name، رشته := و در فیلد Type، عملگر تخصیص را قرار مي دهد. البته شماره سطر وستون و بلاك در بر گیرنده هر لغت نیز مشخص مي شود.

نوع لغات در فیلد Type از ساختار TokenType مشخص شده است. این فیلد از نوع شمارش پذیر بنام Symbols تعریف شده است. در داخل نوع شمارش پذیر يا در اصطلاح Enumerated بنام Symbols انواع ممکن لغات در داخل زبان مورد نظر مشخص میشود. باید توجه داشته باشید که با تعریف متغیر از نوع شمارش پذیر مجموعه اي از مقادیر ثابت يا Constant تعریف میشود. نوع Symbols در زبان C بصورت زیر براي نمونه تعریف میشود.

```
enum Symbols { S_Program, S_Const, S_Eq, S_Semi, S_Id, S_No, S_Type,
              S_Record, S_End, S_Int, S_Real, S_Char, S_Array, S_String,
              S_Begin, S_Var, S_Colon, S_ParBaz, S_ParBast, S_Set, S_of,
              S_BrackBaz, S_BrackBast, S_Case, S_Pointer, S_ConstString,
              S_Function, S_Procedure, S_Begin, S_Dot, S_Comma,
              S_If, S_Then, S_Else, S_While, S_Do, S_Repeat, S_Until,
              S_For, S_Add, S_Sub, S_Div, S_Mul, S_Mod, S_Lt, S_Le,
              S_Gt, S_Ge, S_Gt, S_Ne, S_Not, S_And, S_Or};
```

همانگونه که مشاهده میشود انواع مختلف لغات باید در نوع Symbols گنجانده شود.

## ۲.۳ عبارات با قاعده

**عبارت با قاعده<sup>1</sup>** ، فرمی است چکیده و خلاصه برای بیان قوانین لغوي زبانها. شکل لغات در زبانهای برنامه سازی دارای فرم کلی خاص است. بر اساس این فرم کلی است که انواع لغات از قبیل شناسه ها (اسامي) ، اعداد ، رشته های ثابت کاراکتری ، جملات تفسیری (Comment) و سایر لغات از یکدیگر تفکیک و تمیز داده می شوند.

## ۲.۳.۱ نمونه هایی از عبارات با قاعده

به عنوان نمونه تعریف شناسه ها در زبان C را در نظر بگیرید. يك شناسه یا Identifire در زبان C حتماً باید با يك کاراکتر آغاز گردد و در ادامه ممکن است به هر تعداد وبا هر ترکیبی از ارقام صفر تا نه (0-9) ، حروف الفبای انگلیسی (A-Z) و علامت خط زیر یا در اصطلاح (UnderLine) ادامه یابد. به عنوان مثال اسامي :

A , B\_\_1 , BAC2345\_\_

از لحاظ زبان C به عنوان اسامي (شناسه) ، شناخته می شوند. میتوان با استفاده از يك عبارت با قاعده به صورت زیر ، فرم کلی شناسه ها را در زبان C تعریف نمود :

Identifire : Letter ( Letter | Digit | ' \_ ' ) \*

Letter : A | B | ..... | Z | a | b | ..... | z

Digit : 0 | 1 | 2 | ..... | 9

در عبارت ارائه شده برای شناسه ها ، علامت '\*' ، نمایانگر تکرار صفر یا بیشتر می باشد و علامت ' | ' ، علامت یا می باشد. می توان بصورت چکیده نیز Digit را تعریف نمود :

Digit : [ 0 ... 9 ]

به همین ترتیب ، حروف الفبای انگلیسی را بصورت زیر می توان تعریف نمود :

Letter : [ a ... z , A ... Z ]

شکل کلی اعداد صحیح را میتوان با استفاده از يك عبارت به این صورت مشخص نمود:

Number : digit digit \*

Digit : [ 0 ... 9 ]

بر طبق این عبارت ، يك عدد صحیح با يك رقم بین صفر تا نه آغاز می شود و به هر تعدادی رقم می تواند در ادامه آن ظاهر شود. برای مثال :

0 , 5 , 0123



همانگونه که مشخص است ، يك عدد حداقل داراي يك رقم بايد باشد يا به عبارت ديگر يك عدد از يك يا بيشتر ارقام تشكيل شده ، مي توان عدد را بصورت زير نيز تعريف کرد :

$$\text{Number} : \text{digit} +$$

در اينجا علامت '+' نمايانگر تکرار يك يا بيشتر مي باشد، يادآوري مي كنيم که علامت ستاره '\*' نمايانگر تکرار صفر يا بيشتر است.

اعداد مي توانند داراي علامت و يا بدون علامت باشند

$$\text{Number} : ( + | - | \epsilon ) \text{digit} +$$

در اين عبارت با قاعده ، علامت اپسيلون  $\epsilon$  نمايانگر عدم وجود و ياتهي مي باشد . عبارت فوق به اين صورت خوانده مي شود :

يك عدد داراي علامت بعلاوه يا منها و يا ممکن است اصلاً "علامتي نداشته باشد و بدنبال آن به تعداد يك يا بيشتر ارقام بين صفر تا نه ظاهر مي گردد.

اعداد را ميتوان به فرمي ساده تر با استفاده از اين قاعده که هر عبارت اختياري مثل  $r$  بصورت  $r?$  نمايش داده ميشود ، بصورت زير مشخص نمود :

$$\text{Number} : ( + | - ) ? \text{digit} +$$

بعنوان نمونه اي ديگر از عبارات با قاعده ، فرم كلي رشته ها در زبان پاسکال را در نظر بگيريد. بايد توجه داشته باشيد که در اين زبان چنانچه در وسط رشته علامت کوتيشن ' نياز باشد ، مي بايست آنرا دوبار تکرار نمود. براي نمونه چنانچه جمله 'This is your's در خروجي مورد نظر باشد، ميتوان دستور ' Writeln (' s ' ) This is your استفاده نمود. لذا، فرم كلي رشته ها با عبارت با يك عبارت با قاعده بصورت زير بيان ميشود :

$$\text{String} : ' ( \text{Characters} | ' ) * ' '$$

در عبارت فوق ، مجموعه Characters نمايانگر هرگونه کاراکتر قابل مشاهده منهاي کوتيشن است.





برای ایجاد یک عبارت با قاعده، تعدادی از علائم مورد استفاده واقع می شوند. هر یک از این علائم دارای معنی و مفهوم خاصی می باشد. در حالت کلی اگر دلتا ( $\Delta$ ) مجموعه علائم بکار رفته شده در عبارات باشد، آنگاه:

1. هر عنصر  $a \in \Delta$  خود یک عبارت با قاعده است. برای مثال چنانچه  $\Delta = [0..9]$  باشد آنگاه هر رقمی بین صفر تا نه مثل 1، خود به تنهایی یک عبارت با قاعده است.

2. چنانچه  $r$  و  $s$  دو عبارت با قاعده باشند، آنگاه  $rs$  نیز یک عبارت با قاعده است و به عبارت ساده تر در حالت کلی اگر دو عبارت با قاعده را در کنار یکدیگر قرار دهید، حاصل یک عبارت با قاعده خواهد بود.

3. چنانچه  $r$  و  $s$  دو عبارت با قاعده باشند، آنگاه  $r$  یا  $s$  که بصورت  $(r|s)$  مشخص میشود نیز یک عبارت با قاعده است و عملگر  $|$  دارای خاصیت جابجایی است، به عبارت دیگر:

$$r|s = s|r = (r|s)$$

4. چنانچه  $r$  یک عبارت با قاعده باشد آنگاه  $r^*$  نمایانگر تکرار صفر یا بیشتر از عبارات  $r$  است و برای نمونه اگر  $r$ ،  $a$  یا  $b$  باشد آنگاه  $r^*$  برابر است با:

$$r : a|b \\ : (a|b)^*$$

این عبارت گویای هر ترکیبی با هر تعدادی از  $a$  یا  $b$  که در کنار یکدیگر قرار گرفته اند می باشد. برای نمونه رشته های  
AAA, BAABB, BBBB

همگی فرم های خاصی از عبارت  $r^*$  هستند بنابراین علامت اپسیلون  $\epsilon$  که نمایانگر عنصر تهی است، به تنهایی یک عبارت با قاعده است

5. چنانچه  $r$  یک عبارت با قاعده باشد، آنگاه  $r^+$  نمایانگر تکرار یک یا بیشتر عبارت  $r$  است. برای نمونه:

$$\text{Number} : \text{digit}^+$$

$$r^+ = (r^*|\epsilon)$$

به این ترتیب واضح است که:

با استفاده از پنج قاعده فوق، می توان عبارات با قاعده را بنا نمود. با استفاده از نکات فوق، فرم کلی جملات تفسیری (Comment) در زبان پاسکال را میتوان بصورت زیر معین نمود. باید توجه داشته باشید که در زبان پاسکال جملات تفسیری در بین علائم آکولاد باز و آکولاد بسته قرار می گیرند.

$$\text{Comment1} : \{C^*\}$$

$$C : (\text{کلیه کاراکترها منهای آکولاد})$$

در زبان پاسکال جملات تفسیری را میتوان بین علائم  $($  و  $*$ ) نیز مشخص نمود. در این فرم از جملات تفسیری باید توجه داشته باشید که اگر ستاره در داخل جمله



ظاهر شود، در پشت آن باید هر حرفي به غير از ستاره و پرانتز بسته ظاهر شود  
براي نمونه ، لغت زیر يك جمله تفسيري نیست :

( \* abc \* ) acb \* )

فرم كلي اینگونه جملات را میتوان در قالب يك عبارت با قاعده بصورت زیر خلاصه نمود:

Comment2 : ‘( \* ((r | \*<sup>+</sup>s) \* r) \* \*<sup>+</sup> )’

r : کلیه کاراکترها منهای علامت \*

s : کلیه کاراکترها منهای علائم \* و ‘

به این ترتیب جملات تفسيري بصورت زیر

Comment : Comment1 | Comment2

تعريف مي شوند.

با توجه به اینکه اعداد یا به صورت صحیح و یا به صورت اعشاري ظاهر مي شوند و با در نظر گرفتن اینکه اگر قبل از ممیز حداقل يك رقم ظاهر شود آنگاه وجود ارقام پس از ممیز ضروري نیست و نیز اینکه اگر بعد از ممیز حداقل يك رقم ظاهر شود وجود رقم قبل از ممیز ضروري نیست . بطور خلاصه عبارت با قاعده براي بيان شکل كلي اعداد بصورت زیر میتواند باشد:

Number : (digit\*.digit<sup>+</sup>) | (digit<sup>+</sup>.digit\*) | digit<sup>+</sup>

عبارات با قاعده مبین قوانین لغوي و نمایانگر فرم كلي لغات هستند. متأسفانه ، این فرم كلي را بسادگی نمیتوان تبدیل به کد برنامه نمود. لذا ، براي رفع این مشکل از ماشینهای خودکار استفاده میشود .

## ۲.۵ - ماشینهای خودکار

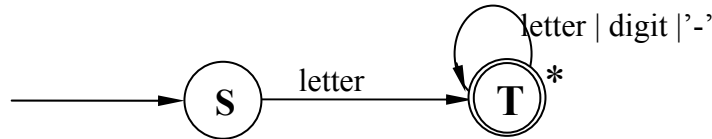
يك ماشین خودکار<sup>2</sup> نوعي گراف مي باشد که دارای تعدادي رئوس یا حالات (States) و تعدادي لبه یا یال (Edges) مي باشد و در این گراف یالها خطوط واصل بین حالات هستند. این ماشینها، ابزاري براي تعيين قوانین لغوي و تشخیص لغات مي باشند که بسادگی قابل تبدیل به کد برنامه بوده بطوري که با استفاده از آنها مي توان تحلیلگر لغوي را بصورت يك برنامه تبدیل کرد و یا Source يك برنامه را تولید نمود.

براي نمونه شناسه ها را در نظر بگیرید. شناسه ها توسط عبارت با قاعده :



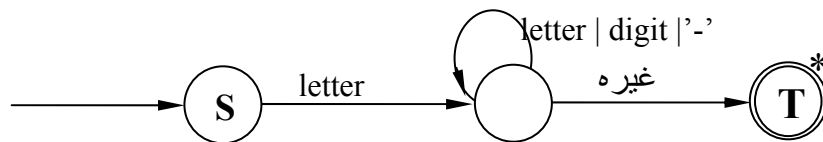
letter (letter | digit)\*

در بخش قبل معین شدند. برای تشخیص شناسه ها می توان ماشین خودکار زیر را مورد استفاده قرار داد:



این ماشین خودکار را بصورت زیر نیز میتوان نمایش داد. بنابر دیاگرام فوق در صورتیکه کاراکتر خوانده شده از متن فایل مورد تحلیل لغوي یکی از حروف الفبای لاتین یا در اصطلاح letter باشد میتوان وارد ماشین خودکار تشخیص شناسه ها شد. حالت شروع و در واقع نقطه ورود به ماشین خودکار با حرف S مشخص شده است. حالت بعدی T نامیده شده است. در حالت T اطمینان از تشخیص يك شناسه است زیرا ، يك حرف نیز به تنهایی يك شناسه در نظر گرفته میشود. پس در این حالت لغت خوانده شده بعنوان يك شناسه پذیرفته شده است.

حالت پذیرش ماشین خودکار را با دو دایره تو در تو نشان میدهند. در حالت پذیرش T آنقدر از ورودی کاراکتر های بعدی خوانده میشوند تا به کاراکتری غیر از آنچه بر روی این حالت مشخص شده در ورودی برسید. پس برای تشخیص يك شناسه نیز نیاز بخواندن يك کاراکتر اضافی از ورودی هست. در شکل فوق علامت \* نمایانگر خواندن يك کاراکتر اضافی تر است. برای مثال در <AB12 با دیدن علامت < است که می توان فهمید شناسه AB12 به پایان رسیده است. میتوان شناسه ها را با ماشین خودکار زیر نیز نمایش داد:



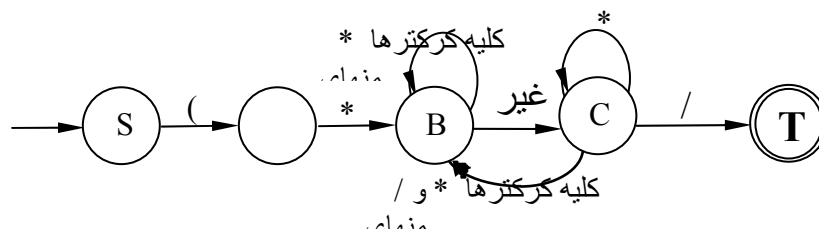
جملات تفسیری Comment توسط تحلیلگر لغوي بعنوان يك لغت شناسایی میشوند. جملات تفسیری پاسکال را میتوان توسط عبارت زیر مشخص نمود :

Comment2 : ‘(\* ((r|\*s)\*r)\* \*+’

r : کلید کاراکترها منهای علامت \*

s : کلید کاراکترها منهای علائم \* و ‘

میتوان جملات تفسیری را با يك ماشین خودکار بصورت زیر مشخص نمود:



همانگونه که مشاهده می کنید در حالت شروع S با دیدن کاراکتر / ، گذری (Transision) از حالت شروع S به حالت A وجود دارد و در حالت A اگر \* دیده شود گذری به حالت B وجود دارد. در غیر اینصورت این ماشین خودکار لغت خوانده شده را نمی پذیرد و در اصطلاح Reject می کند. در حالت B با دیدن هر کاراکتری غیر از \* ماشین خودکار به کار خواندن کاراکترهای بعدی ادامه می دهد. اما ورودی \* اهمیت دیگری دارد. با دیدن \* اگر در پشت آن علامت / ظاهر شود کار خاتمه یافته تلقی می شود.

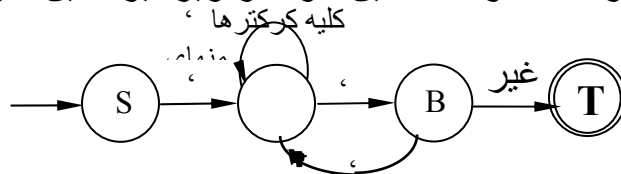
حالت T ، حالت پذیرش است. در حالت C در واقع ماشین بخاطر دارد که \* دیده شده است. اگر در حالت C در ورودی علامت / ظاهر شود ، کار خاتمه یافته است. در غیر اینصورت ، به حالت B تغییر وضعیت داده میشود. پس مشاهده می کنید که ماشینهای خودکار بسیار ساده تر از عبارات با قاعده قابل تولید هستند

فرم کلی رشته ها را در زبان پاسکال با عبارت با قاعده

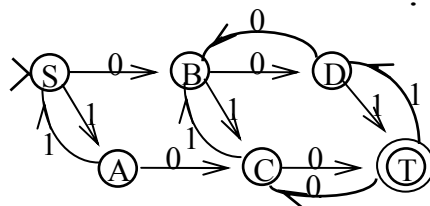
String : '(c|')\*

کلیه کاراکترها منهای علامت کوتیشن ' C :

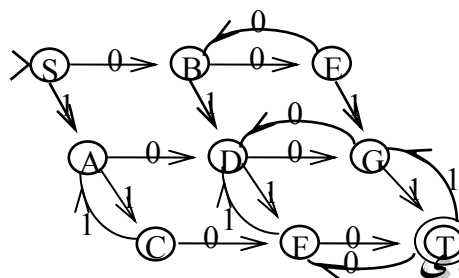
مشخص میشود. میتوان رشته ها را با ماشین خودکار زیر نیز معین نمود:



**مثال:** يك ماشین خودکار قطعی برای کلیه اعداد مبنای دو که تعداد صفرهای آنها زوج و تعداد یک ها فرد است ایجاد کنید. در ضمن لااقل دو عدد صفر و يك عدد يك باید در این اعداد موجود باشد.

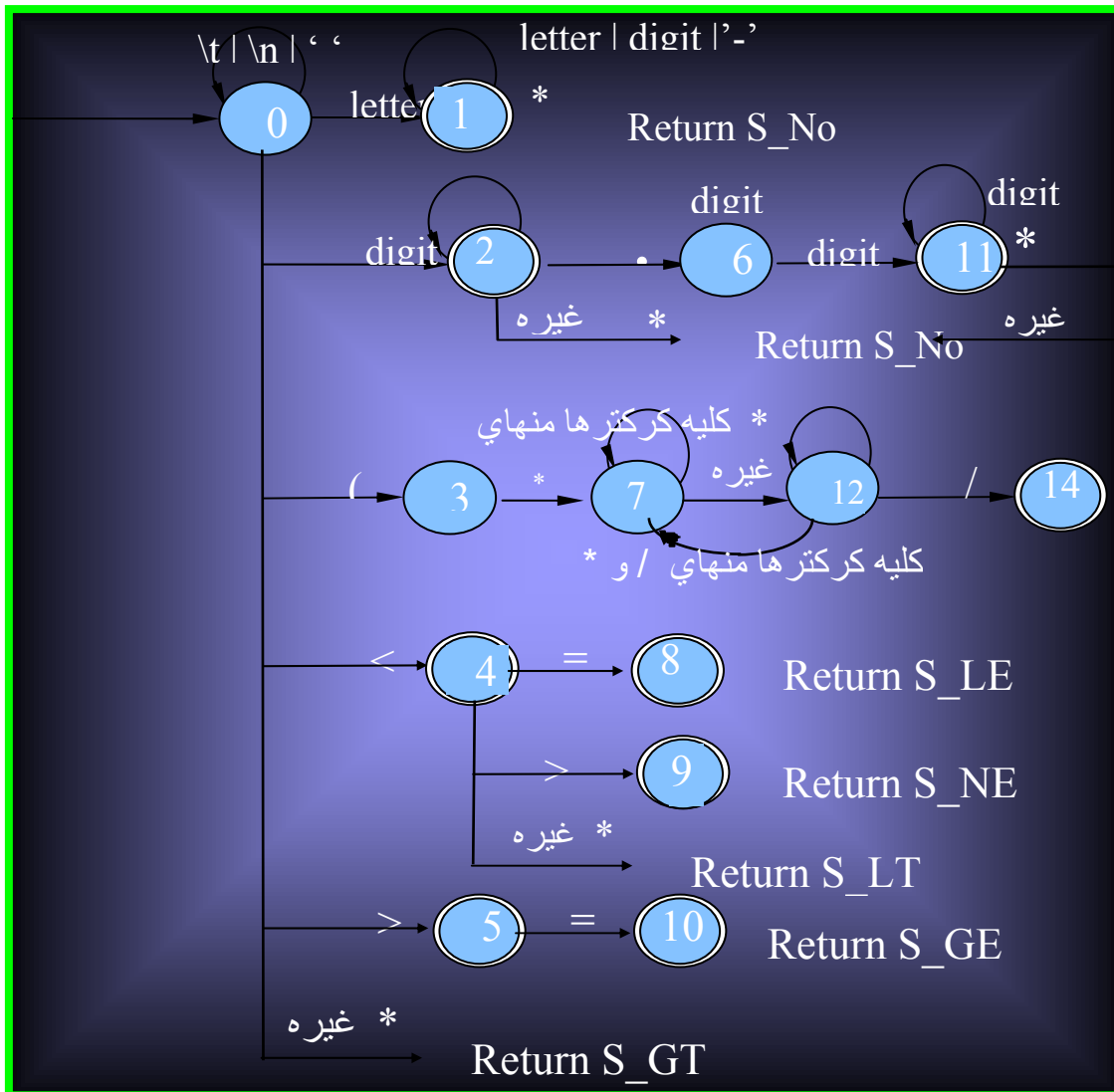


**مثال:** يك ماشین خودکار قطعی برای کلیه اعداد مبنای دو که تعداد صفرهای آنها زوج و تعداد یک ها زوج است ایجاد کنید. در ضمن لااقل دو عدد صفر و دو عدد يك باید در این اعداد موجود باشد.



۲.۶ ایجاد تابع تحلیلگر لغوی

همانگونه که در بخش 5 و 2 ذکر شد ، می توان با استفاده از ماشینهای خودکار قوانین لغوي را بیان نمود. در این بخش نشان داده خواهد شد که چگونه میتوان ماشین خودکار را بسادگی تبدیل به کد برنامه نمود . برای این منظور يك دیاگرام کلی برای نمایش برخی از لغات ارائه می شود . دیاگرام ارائه شده در شکل 2.8 نمایانگر ماشین خودکار کلی برای تشخیص تعدادی از لغات است. در واقع این دیاگرام بیان کننده الگوریتم تابع تحلیلگر لغوي است.



## شکل 2.8 - دیاگرام تابع تحلیلگر لغوي

هرگاه که تابع تحلیلگر لغوي مورد فراخواني واقع مي گردد ، در حالت شروع صفر قرار مي گيرد . اگر در فراخواني قبل، کاراکترهاي اضافه خوانده شده بود ، آن کاراکتر اضافه را مورد استفاده قرار مي دهد ، وگرنه کاراکتر بعدي را از داخل متن برنامه مورد کامپایل مي خواند. تا زماني که کاراکترهاي که ارزش لغوي ندارند مانند Tab ، Blank و Newline خوانده شوند ، تحلیلگر لغوي در همان حالت شروع صفر باقي ميماند. در غير اينصورت وابسته به نوع کاراکتر ، در يك جمله Case اقدام به تشخيص لغات مختلف مي نمايد .

میتوان با استفاده از دیاگرام شکل 2.8 کد تابع تحلیلگر لغوي را بشرح زیر در زبان C ايجاد نمود.

```

struct TokenType lexer ( FILE *InText
)
{
    enum Symbols LexiconType ;
    char NextChar ; NextWord[80] ;
    int State , Lentgh ;
    static char LastChar = '\0';
    static int RowNo =0, ColNo = 0;
    State = 0 ; // وضعیت شروع قرار مي گيرد
    Length = 0 ;
    while ( ! feof ( InText ) )
    {
        if ( LastChar )
            { Nextchar = LastChar ; LastChar = '\0' ; }
        else
            NextChar = fgetc ( InText ) ;
            NextWord[Length++] = NextChar;
            switch State
            {
                case 0: // حالت شروع صفر
                    if ( NextChar == '\n' ) {RowNo++; ColNo = 0; }
                    else ColNo++;
                    if ( Nextchar == ' ' || Nextchar == '\t ' ||
                        Nextchar == '\n ' ) Length = 0;
                    else if ( ( Nextchar <= ' z ' &&
                        Nextchar >= ' a ' ) ||
                        ( Nextchar <= ' Z ' &&
                        Nextchar >= ' A ' ) ) State = 1;
                    else if ( Nextchar <= ' 9 ' && Nextchar >= ' 0 ' )
                        State = 2 ;
                    else if ( Nextchar == ' ( ' ) State 3;

```



```

else if ( Nextchar == '<' )      State 4
else if ( Nextchar == '>' )      State 5
else  LexerError(NextWord, Length);
break ; // پایان حالت صفر
case 1 : // تشخیص شناسه ها
    if( Isalpha( Nextchar ) || Isdigit( Nextchar ) ||
        NextChar == '_' ) State = 1;
    else { Lastchar = Nextchar ;
          NextWord[Length-2] = '\0';
          return MakeToken(IsKeyWord(NextWord)); }

Break ;
case 3 : // تشخیص اعداد
    .
    .
} // پایان سوئچ
} // پایان حلقه

```

در مثال فوق تابع MakeToken کار ایجاد بسته لغات یا در اصطلاح Token را بر عهده دارد. IsKeyWord کار تشخیص نوع لغات کلیدی را بعهدده دارد. این تابع در زبان C بشرح زیر است:

```

enum Symbols IsKeyWord( char *key)
{
    int I ;
    struct KeyType
    { char *key;
      enum Symbols Type
    } KeyTab[] = { "if", S_If,
                  "while", S_While,
                  "then", S_Then,
                  "else", S_Else,
                  "integer", S_Integer,
                  "type", S_Type,
                  "function", S_Function,
                  0, 0};
    for( I =0; KeyTab[ I ].key &&
          strcmp(KeyTab[I].key, Key); I++ ) ;
    if(KeyTab[I].key) return KeyTab[I].Type;
    Return S_Identifier;
} // EOF IsKeyWord

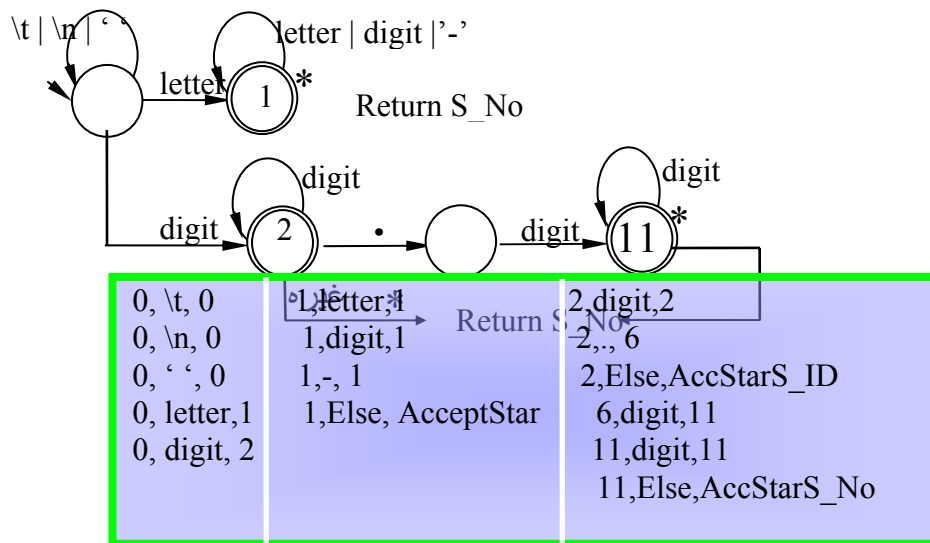
```



میتوان به سادگی تابع مولد تحلیلگر لغوي ایجاد نمود. کافیت ، تابعي براي پیمایش يك گراف بنویسید. این تابع در ورودي خود علاوه بر متن برنامه مورد تحلیل لغوي ، فایل قوانین لغوي را در فرم يك ماشین خودکاري پذیرد. این تابع با خواندن هرکاراکتر از داخل فایل متن برنامه مورد تحلیل لغوي به پیمایش ماشین خودکار میپردازد تا نوع لغت را تشخیص دهد.

از مولدهای شناخته شده تحلیلگر لغوي ، يکي LEX میباشد. این مولد امروزه بخصوص بر روي سیستمهاي عامل UNIX موجود مي باشد. کار با LEX مشکل است چرا که نیاز به بیان قوانین لغوي ، در فرم عبارات با قاعده دارد. در صورتی که همانگونه که تا کنون مشاهده کرده اید، به فرمی خیلی ساده تر می توان با استفاده از ماشینهاي خودکار ، قوانین لغوي را بیان نمود .

باید قوانین لغوي را در قالب يك ماتریس مشخص نموده و در داخل يك فایل متن قرار داد. سپس در داخل برنامه میتوان به این فایل متن ارجاع و ماشین خودکار را در قالب يك ماتریس مشخص نمود. برای نمونه در زیر قوانین لغوي در قالب ماشین خودکار و ماتریسی مشخص شده است.







برای ایجاد ماتریس نیاز به یک زبانی ساده است که بر اساس آن برای نمونه بتوان مشخص نمود که برای مثال Letter نیست و یا غیره ، که می باشد . شاید بهتر بود که در فایل ورودی در داخل ماتریس قوانین لغوي Letter بصورت زیر مشخص میشد:

0 ; [ A - Z , a - z ] ; 1

حالا در داخل برنامه ، این ساختار را به عنوان یک فایل TEXT ، کاراکتر به کاراکتر خوانده ، عینا در داخل یک ماتریس با تعداد سطرها که مساوی با تعداد رکوردهای فایل است و تعداد ستونها که مساوی با طول هر رکورد یا هر سطر است ، ضبط نمود.

اکنون یا با نوشتن یک برنامه پیمایش کننده ماشین خودکار و یا تولید متن یک برنامه C که بر اساس این ماشین خودکار برای انجام عمل تحلیل لغوي ایجاد شده ، می توان لغات را تشخیص داد . همزمان با خواندن هر کاراکتر از ورودی ، مثلاً با خواندن کاراکتر **کوچکتر** از ورودی طبق ماتریس از حالت شروع صفر به حالت 5 تغییر وضعیت داده می شود ، در اینجا سرعت عملیات تحلیلگر لغوي ، وابسته به سرعت جستجو در داخل ماتریس است .

می توان با ایجاد یک تحلیلگر لغوي برای تشخیص متن برنامه ها با لغات کلیدی فارسی اقدام نمود . برای مثال جمله زیر را میتوان به یک جمله if تبدیل نمود .

حقوق > 1000

اگر

: 100 / حقوق = مالیات آنگاه

۲.۸ تبدیل برنامه ها به زبان فارسی

میتوان متن برنامه های فارسی را که بر اساس قواعد زبانهایی متفاوت نوشته شده است را با استفاده از یک جدول تبدیل کلی به زبان انگلیسی تبدیل و بالعکس پس از کامپایل و اشکال زدایی برنامه ها دوباره با استفاده از همان جدول از انگلیسی به فارسی تبدیل نمود .

اصولاً زبانهایی سطح بالا به خاطر خوانا بودنشان ، **سطح بالا** خوانده می شوند . متأسفانه این انگلیسی بودن زبانها، خوانایی برنامه ها را با مشکل مواجه نموده است . بخصوص در انتهای مراحل تجزیه و تحلیل سیستم ها، برنامه سازان را در تبدیل متن عملیات تحلیل شده از شبه دستورالعمل یا در اصطلاح Pseudo code به کد برنامه عملاً با مشکل زیاد روبرو نموده است . شبه دستورالعمل را فارسی زبانها نمی توانند به سادگی به زبان انگلیسی بنویسند . شبه دستورالعمل ها معمولاً از زبانهایی سطح بالا الهام گرفته می شوند . مشکل زبان فارسی از راست به چپ بودن جملات و بالعکس ، چپ به راست بودن عبارات است . البته ، در اینجا این مشکل موردی ندارد .



در مورد شناسه ها نیز در زبان فارسي مشکل وجود دارد . شناسه ها از انتها تشخیص داده مي شوند . مشکل ديگر اين است که در زبان انگلیسی 28 و در زبان فارسي 32 حرف وجود دارد . البته ، با ترکیب حروف مي توان اين مشکل را حل نمود .

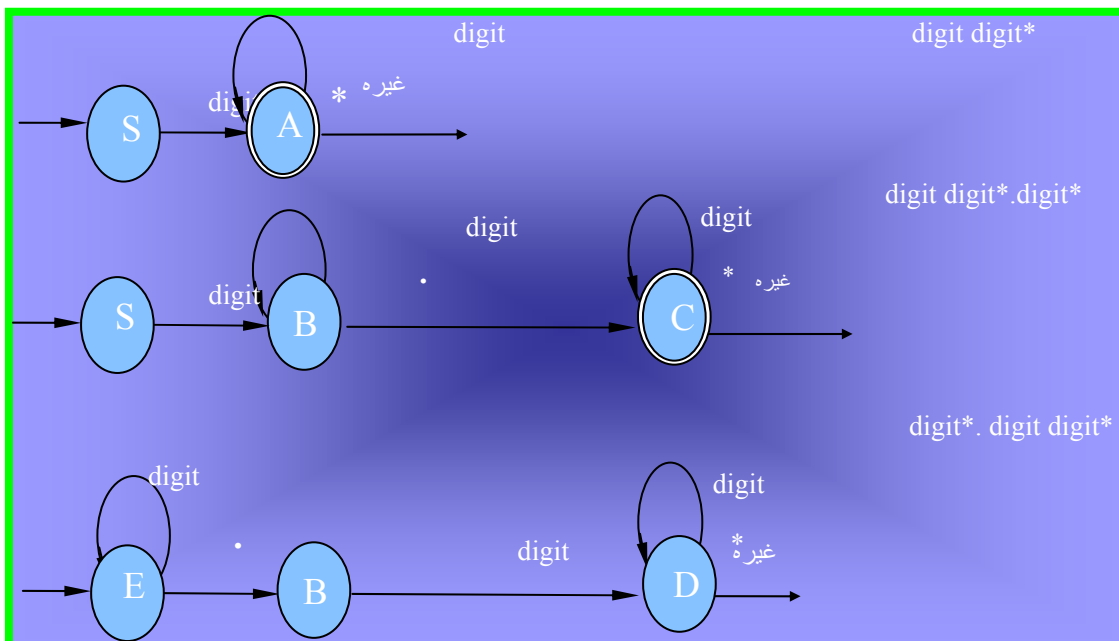
نکته ديگر ، محیط ویرایش متن برنامه هاست . در اغلب محیط هاي ارائه شده براي کامپایلرها ، **Syntax Directed Editors** ویرایشگرهايي مي باشند که بنابر قوانین زبان به برنامه ساز کمک مي کنند تا بتواند برنامه خود را با Syntax صحيح ایجاد کند . میتوان يك محیط قوي ویرایش وابسته به زبان مورد نظر براي ویرایش برنامه هاي فارسي ایجاد نمود .

به اين ترتيب میتوان برنامه ها را به زبان فارسي با استفاده از يك ویرایشگر باهوش براي زبان خاص نوشت . سپس با استفاده از جدول تبدیل برنامه به زبان اصلي ترجمه و پس از اشکالزدایی دوباره از زبان اصلي با استفاده از جدول تبدیل لغات را به فارسي برگرداند .

۲.۹ ماشینهای خودکار غیر قطعی

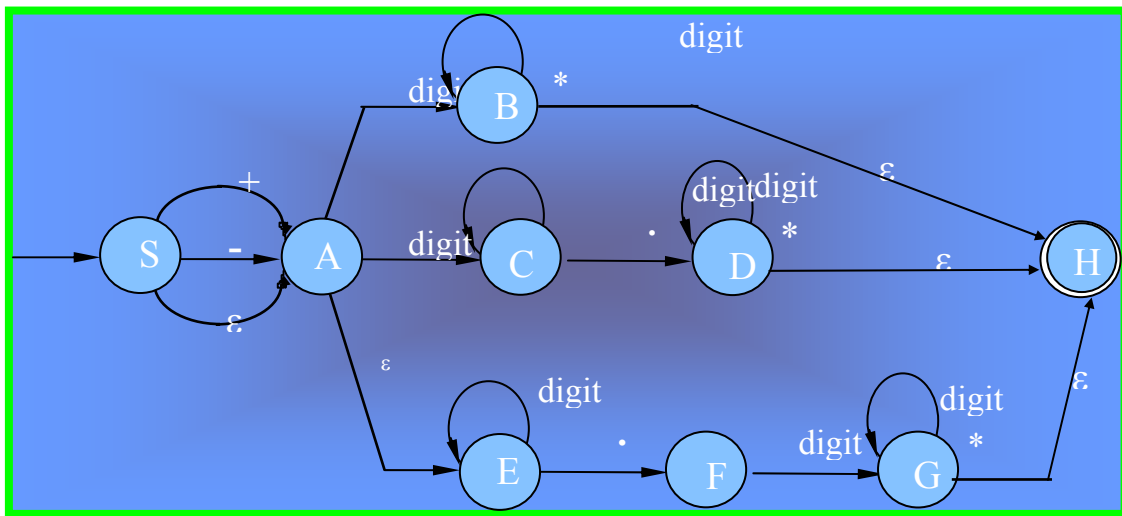
اصولا يك ماشين خودكار در واقع ابزاري براي نمايش چگونگی تصميم گيريهاست . ماشين خودكار يا بصورت قطعي تصميم گيريهي را انجام مي دهد يا غير قطعي. اگر به ماشينهاي خودكاري كه تا به حال ترسيم شده توجه كنيم ، مشخص است كه در هر حالي بطور قطعي مشخص ميكنند كه به ازاي ديدن يك رشته در ورودي از يك حالت به کدام حالت مي بايست گذر نمود . ماشينهاي خودكار قطعي را اصطلاحاً "Determistic Finite State Automata" گویند.

در ماشينهاي غير قطعي يا در اصطلاح NonDeterministic ، عدم قطعيت در تصميمات وجود دارد . البته اين عدم قطعيت اگرچه كه كار تصميم گيري را مشكل ميكند، اما كار ايجاد ماشين را بسيار ساده تر مي نمايد. حالا، نکته در اينجاست كه چگونه ميتوان يك ماشين خودكار غير قطعي را بصورت قطعي تبديل نمود. در واقع زيبايي الگوريتمها ها در اين زمينه تبلور خود را نشان مي دهد. براي اين منظور اعداد را در نظر بگيريد . بطور مجزا مي توان گفت كه در حالت كلي سه فرم براي اعداد صحيح و اعشاري مي تواند وجود داشته باشد :



شکل 2.8- انواع اعداد صحيح و اعشاري

در اینجا ترسیم سه ماشین خودکار برای اعداد مستقل از یکدیگر ساده است . مشکل ، ترکیب این سه حالت و ایجاد يك ماشین خودکار برای سه نوع عدد مي باشد. با استفاده از ماشینهاي خودکار غیر قطعي میتوان به سادگی و بدون در نظر گرفتن مشکل ترکیب گراف برای سه نوع متفاوت اعداد اقدام به ترسیم يك ماشین خودکار برای تشخیص سه نوع عدد نمود. زیبایی کار در اینجاست که میتوان بصورت الگوریتمی و بدون نیاز به هیچگونه کار اضافي ، این سه حالت را در قالب يك ماشین خودکار غیر قطعي با یکدیگر ادغام نمود و با استفاده از الگوریتمهایی که ارائه خواهد شد بطور اتوماتیک تبدیل به يك ماشین خودکار قطعي نمود.



شکل 2.9- ماشین خودکار غیر قطعي

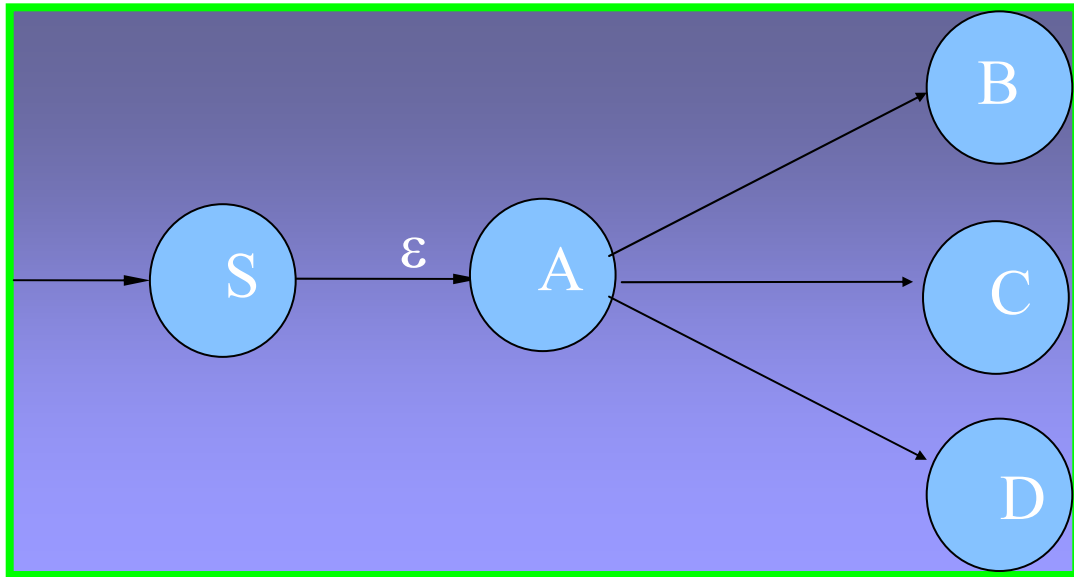
همانگونه که در شکل 2.9 مشاهده مي شود ، يك ماشین خودکار غیر قطعي مي تواند بیان گر حالات مختلف برای يك لغت باشد. در اینجا منظور از لغت ، اعداد مي باشند . اعداد يا داراي علامت هستند و يا علامت ندارند. این نداشتن علامت را با گذر تهی که با علامت  $\epsilon$  ( اسیلون ) مشخص شده ، معین مي کنند. همانگونه که مشاهده مي شود، در حالت A با دیدن digit نمی توان مشخص نمود که حالت بعدي آیا حالت B يا C ويا حالت E است . باید توجه داشته باشید که گذر  $\epsilon$  در واقع یعنی هیچ چیز .

برای تبدیل ماشین خودکار غیر قطعي به قطعي در سه مرحله عمل میشود:

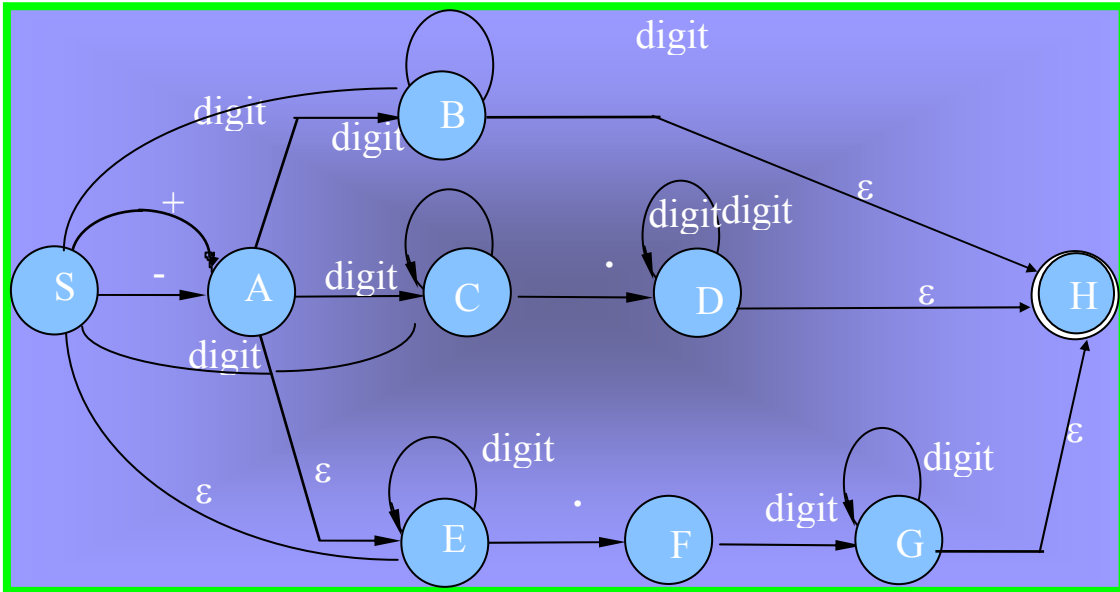
1. حذف گذرهای تهی
2. رفع عدم قطعیت
3. بهینه سازی ماشین خودکار

## ۲.۹.۱ حذف گذرهای تهی

اگر از حالت S گذری تهی به حالت A وجود دارد، این نمایانگر يك تساوي يك طرفه مي باشد که نکته ايست جالب توجه . در اینجا S با A هیچ تفاوتی ندارد اما A متمایز از S است. میتوان هر واکنشی که در A وجود دارد را برای S نیز در نظر گرفت اما بالعکس صادق نیست.

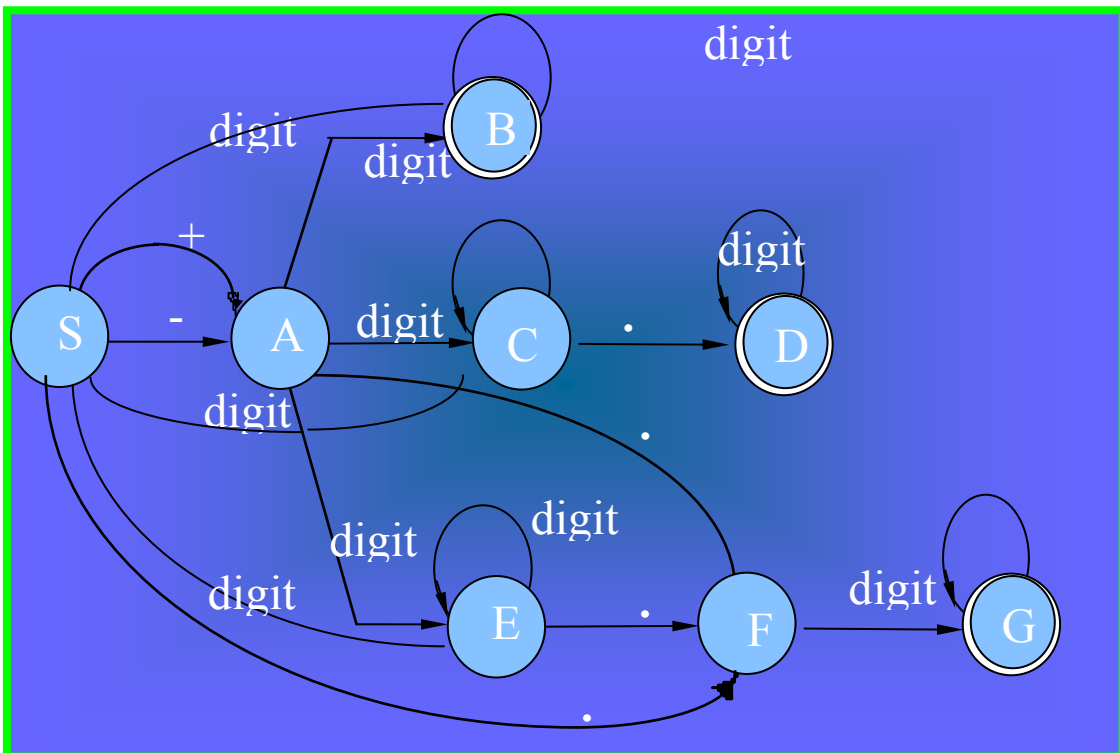


برای درک بهتر مطلب ، گذر تهی از حالت صفر به حالت يك در شکل 2.9 را در نظر بگیرید اگر عدد علامت نداشته باشد، حالت صفر دقیقاً مثل حالت يك است. اما، اگر عدد علامت داشته باشد ، حالت صفر واکنشی دیگر دارد که واکنش این حالت ، گذری به حالت يك می باشد. حالت صفر از حالت يك متمایز گردید ، چرا که ممکن بود دارای علامت باشد، اما اگر عدد علامتی نداشته باشد این دو حالت یکی خواهند بود. پس هیچگونه نیازی به جداسازی آنها نخواهد بود .



شکل 2.10 حذف گذر تهی از حالت صفر به يك

همانگونه که مشاهده می شود، کلیه واکنشهای حالت يك و یا به عبارت دیگر کلیه گذرهای خارج شونده از حالت يك، برای حالت صفر در نظر گرفته شد. به این ترتیب گذر تهی حذف گردید. در مرحله بعد به همین ترتیب ادامه می دهیم تا کلیه گذرهای تهی را از داخل ماشین خودکار قطع نماییم.

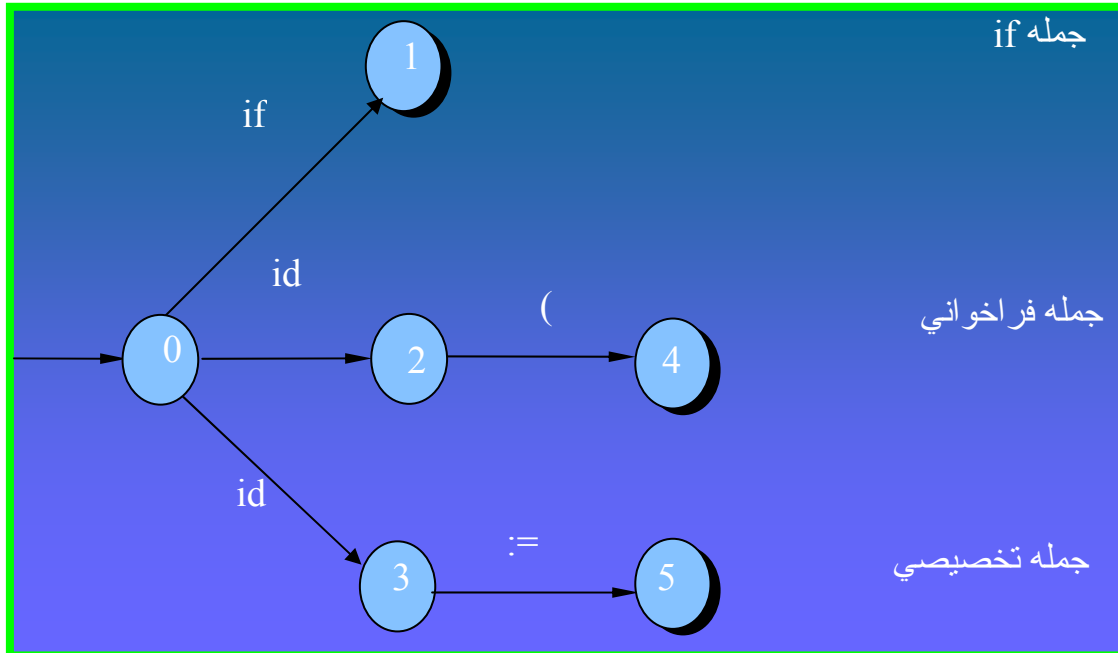


شکل 2.11- ماشین خودکار بدون گذرهای تهی

## ۲.۹.۲ رفع عدم قطعیت

همانگونه که در شکل 2.11 مشاهده می کنید، ماشین خودکار غیر قطعی است. برای نمونه در حالت A با دیدن digit نمی توان تشخیص داد که آیا حالت بعدی B، C و یا اینکه E می باشد. اما نکته جالب توجه اینجاست که با دیدن digit حتماً به یکی از این سه حالت گذر می شود. برای روشن تر شدن روش حذف عدم قطعیت بهتر است که کار تحلیلگر نحوی مطرح شود.

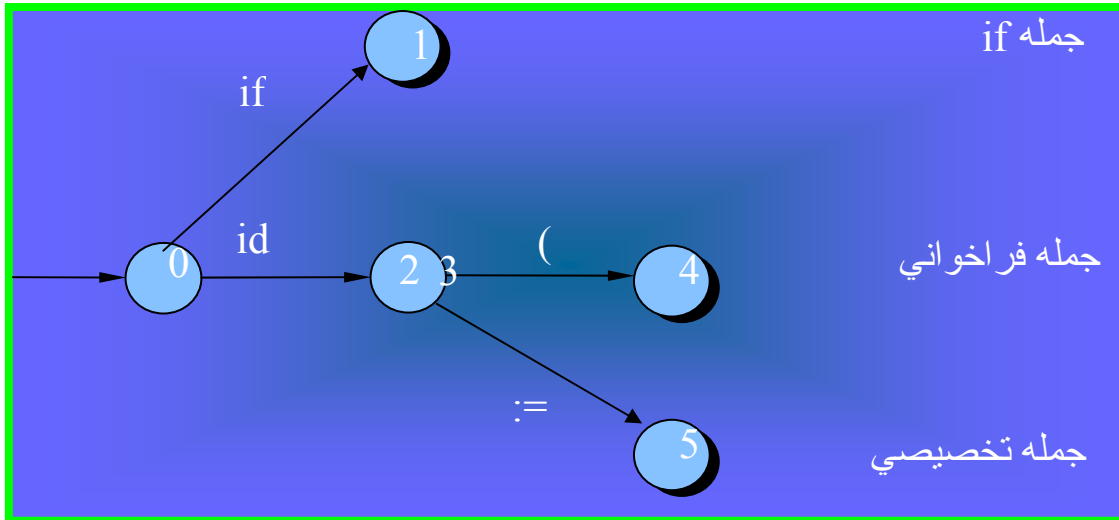
تحلیلگر نحوی، معمولاً با دیدن يك لغت در ورودی، ساختار جمله مورد نظر را می تواند پیش بینی کند. برای مثال اگر لغت دریافتی از تحلیلگر لغوي if باشد، تحلیلگر نحوی بلافاصله تصمیم می گیرد که جمله باید جمله if باشد و باید انتظار دیدن شرط جمله if را در ورودی داشته باشد. اما، با دیدن يك اسم، یا به عبارت دیگر يك شناسه، مشکل وجود دارد. در اینجا تحلیلگر نحوی نمی تواند مشخص کند که آیا جمله مورد نظر يك جمله فراخوانی زیر برنامه ها و یا يك جمله تخصیصی (Assignment) است. ماشین خودکار غیر قطعی در اینجا بصورت زیر قابل ترسیم است:



شکل 2.12 تشخیص جملات if، فراخوانی و تخصیصی

علیرغم وجود عدم قطعیت در حالت صفر از شکل 2.12، می توان قطعیتی را در نظر داشت. به این ترتیب که در حالت شروع صفر اگر يك شناسه یا id در

ورودي ظاهر شود، قطعاً حالت بعدي ، حالت 2 يا 3 خواهد بود. در حالت 2 يا 3 اگر '=' در ورودی ظاهر شود جمله تخصیصی ، اگر '(' ظاهر شود جمله فراخوانی و در غیر اینصورت جمله غلط می باشد. پس حالات 2 يا 3 را بصورت يك حالت ترکیبی جدید با ادغام خروجی های این دو حالت می توان بوجود آورد :



شکل 2.13 ماشین خودکار قطعی

برای سهولت در امر تبدیل و یا نمایش ماشینهای خودکار به جای گراف از فرم جدول مانند استفاده میشود. برای نمونه ماشین خودکار غیر قطعی اعداد در شکل 2.11 ، بصورت يك جدول در شکل 2.14 مشخص شده است.

|     | digit | . | +/- |
|-----|-------|---|-----|
| S   | B,C,E | F | A   |
| A   | B,C,E | F |     |
| (B) | B     |   |     |
| C   | C     | D |     |
| (D) | D     |   |     |
| E   | E     | F |     |
| F   | G     |   |     |
| (G) | G     |   |     |

شکل 2.14 جدول ماشین خودکار اعداد

همانگونه که در شکل 2.14 مشاهده میشود در حالات S و A به یکی از سه حالت B یا C یا E به ازای دیدن digit گذری وجود دارد. لذا ، میتوان گفت که گذری به حالت ترکیبی BCE وجود دارد. در این حالت میتوان واکنشهای هر سه حالت B ، C و E را داشت. ردیف مربوط به حالت ترکیبی BCE در شکل 2.15 ، ترکیبی از واکنشهای هر سه حالت تشکیل دهنده آن است به عبارت دیگر از ترکیب «یا»



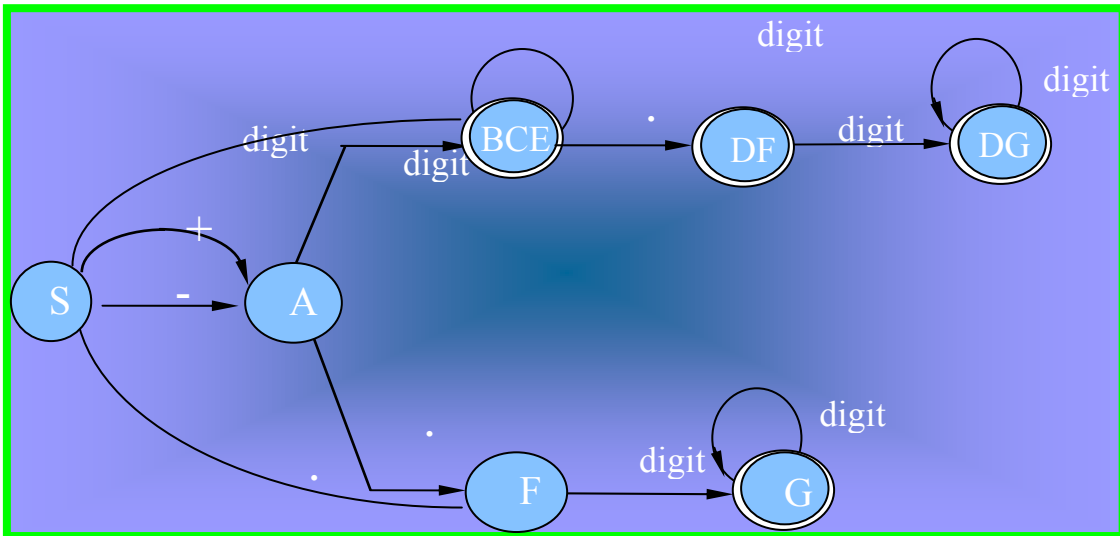
سطرهای B، C و E، سطر جدید BCE به ماتریس افزوده می شود. BCE يك حالت پذیرشي است، زیرا یکی از حالات تشکیل دهنده آن یعنی B يك حالت پذیرش است.

همانگونه که در شکل 2.15 مشاهده میشود، در حالت جدید BCE به ازاء ورودی '.' (نقطه اعشار) عدم قطعیت وجود دارد. از حالت BCE میتوان به هر يك از دو حالت D یا F گذر نمود. لذا برای رفع عدم قطعیت، حالت جدید دیگری بنام DF را به جدول حالات باید افزود. برای رفع عدم قطعیت در حالت DF حالت DG ایجاد میشود.

|       | digit | .  | +/- |
|-------|-------|----|-----|
| S     | BCE   | F  | A   |
| A     | BCE   | F  |     |
| (B)   | B     |    |     |
| C     | C     | D  |     |
| (D)   | D     |    |     |
| E     | E     | F  |     |
| F     | G     |    |     |
| (G)   | G     |    |     |
| (BCE) | BCE   | DF |     |
| (DF)  | DG    |    |     |
| (DG)  | DG    |    |     |

شکل 2.15 جدول ماشین خودکار اعداد

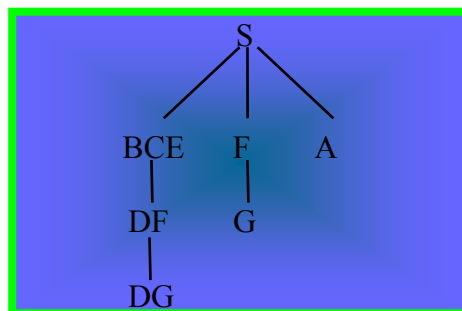
اکنون با استفاده از جدول فوق میتوان ماشین خودکار قطعی اعداد را بصورت زیر ایجاد نمود.



شکل 2.16 ماشین خودکار قطعي اعداد

همانگونه که مشاهده میکنید برخي از حالات درون جدول مثل حالات B ، C ، D و E در عمل غير قابل دسترسي هستند. علت افزايش حالات جديد ترکيبي است. ميتوان اين حالات زائد را با ايجاد درخت دسترسي نیز مشخص نمود.

با افزايش حالات جديد جهت حذف عدم قطعيت در ماشین خودکار ، برخي از حالات زائد شده ، از حالت شروع غير قابل دسترسي ميشوند . جهت تشخيص اين حالات يا مي توان ماشین خودکار را از روي جدول ترسيم نمود و يا اينکه با استفاده از يك درخت دسترسي حالات قابل دسترسي از حالت شروع S را مشخص نمود. براي نمونه درخت دسترسي براي ماتريس شکل 2.15 بصورت زير است. بايد توجه داشته باشيد که نام حالات در درخت دسترسي تکراري نيست و اين درخت صرفاً جهت تعيين حالات قابل دسترسي از حالت شروع S است.



شکل 2.17 درخت حالات قابل دسترسي



هدف از بهینه سازی ، تقلیل تعداد حالات در ماشینهای خودکار است . برای این منظور باید حالات معادل را تشخیص داد . دو حالت را در صورتی معادل گویند که به ازای ورودیهای متفاوت با گذشت از یک سری از حالات یا به عبارت دیگر در مسیری به طول صفر یا بیشتر و با گذشتن از تعداد  $n$  گره نهایتاً به حالت پذیرش برسند . حالات معادل را با روشی ابتکاری به ترتیب زیر می توان مشخص نمود :

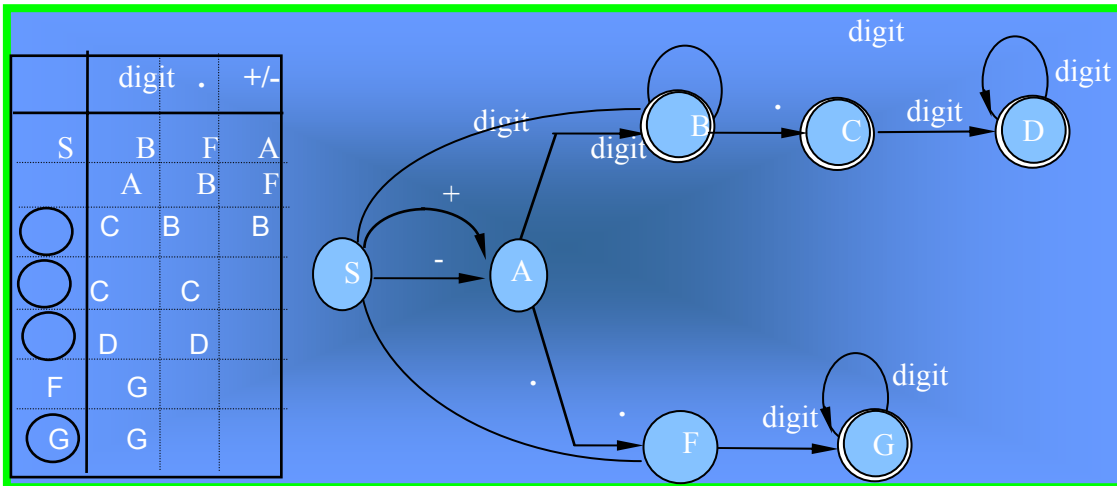
1. ابتدا حالات معادل صفر که با مسیرهائی به طول صفر به پذیرش میرسند را از سایر حالات مجزا باید نمود . بعبارت دیگر ، حالات پذیرش از حالات غیر پذیرش مجزا می شوند . به این ترتیب حالات به دو دسته مجزا از حالات پذیرش و غیر پذیرش تقسیم میشوند .
2. به درون هر دسته حالات باید نگریست و مشخص نمود که آیا ورودی ای وجود دارد که به ازای آن حالات متعلق به یک دسته واکنشهای جدا از سایرین دارند . واکنشها بر اساس گذر یک حالت به حالت دیگر سنجیده نمی شود بلکه ، اگر از یک حالت به حالت دیگر گذری وجود دارد دسته مربوط به آن حالت را مشخص میکنند . مقصود مقایسه دسته هائی است که به آنها گذر میشود . حالات مشابه به ازای یک ورودی به حالات درون یک دسته گذر می کنند .
3. آنقدر مرحله 2 تکرار می شود تا دیگر گذری متفاوت بین دسته ها وجود نداشته باشد و دسته ای جدیدتر تولید نشود . برای نمونه اکنون ماشین خودکار که در مبحث قبل مطرح شد بهینه سازی می شود .

بطور خلاصه و با در نظر گرفتن الگوریتم فوق می توان حالات معادل را بصورت زیر تعریف نمود :

دو حالت را در صورتی معادل  $k$  گویند که به ازای هر رشته از ورودیها به طول کوچکتر یا مساوی با  $k$  اگر از یکی از آنها بتوان به پذیرش رسید ، از دیگری نیز بتوان به ازاء همان رشته به حالت پذیرش رسید .

دو حالت را معادل گویند اگر و تنها فقط اگر به ازای هر رشته ای از ورودیهای متوالی که موجب رسیدن از آن حالت به یک حالت پذیرش است بتوان از دیگری نیز به پذیرش رسید .

اکنون با توجه به تعریف حالات معادل و مراحل بهینه سازی ماشینهای خودکار ، می توان مبادرت به بهینه سازی ماشین خودکار اعداد که در مبحث قبل مطرح شد ، نمود . ماشین خودکار قطعی اعداد و جدول تولید آن در شکل 2.18 ارائه شده است .



شکل 2.17- ماشین خودکار قطعي اعداد

برای بهینه سازی ماشینهای خودکار ابتدا باید گره ها را به دو دسته پذیرشی و غیر پذیرشی افراز نمود. بعبارت دیگر حالات معادل صفرکه با مسیرهایی به طول صفر به پذیرش می رسند را از سایر حالات باید تفکیک نمود. به این ترتیب حالات ماشین خودکار اعداد که در شکل 2.17 ارائه شده، به دو دسته زیر تقسیم میشوند:

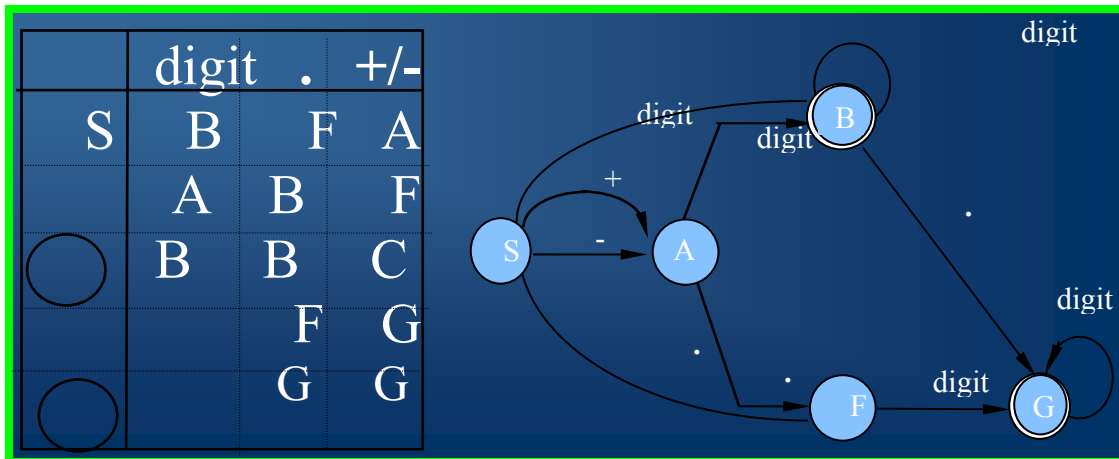
- 1      {B,C,D,G}      حالات پذیرشی
- 2      {S,A,F}      حالات غیر پذیرشی

حال باید مشخص نمود که آیا در داخل هر دسته به ازاء هر ورودی گره ها واکنشی یکسان دارند. منظور از واکنش یکسان این است که برای نمونه اگر از حالت M در دسته شماره 12 به ازاء ورودی digit گذری به حالتی در دسته شماره 7 وجود دارد سایر حالات موجود در دسته شماره 12 باید به ازاء ورودی digit گذری به حالتی در دسته شماره 7 داشته باشند. در غیر اینصورت این حالات از داخل دسته خارج شده و در دسته ای جدید قرار می گیرند. برای نمونه در داخل دسته شماره 1 در بالا به ازاء ورودی نقطه اعشار '،' از حالت B يك خروجی و گذری وجود دارد در صورتیکه در مورد سایر حالات اینچنین نیست. پس این حالت از سایرین جدا میشود و سه دسته به صورت زیر حاصل می گردد:

- 1      { C ,D ,G }
- 2      ( B )
- 3      { S ,A ,F }      حالات غیر پذیرشی

به همین ترتیب در دسته شماره 3 حالت S قابل تفکیک از A و F است. زیرا در S به ازاء ورودیهای + و - گذر و واکنشی وجود دارد در صورتیکه در مورد A و F

اینچنین نیست. پس حالت S از A و F قابل تفکیک است. از سوي دیگر A و F نیز قابل تفکیک از یکدیگر هستند. بنابراین سه حالت C، D و G غیر قابل تفکیک از یکدیگر و معادل هستند. پس میتوان هر يك از این سه حالت معادل را بجای دو حالت دیگر در داخل ماشین خودکار قرار داد. به این ترتیب ماشین خودکار بهینه اعداد بصورت زیر خواهد بود.

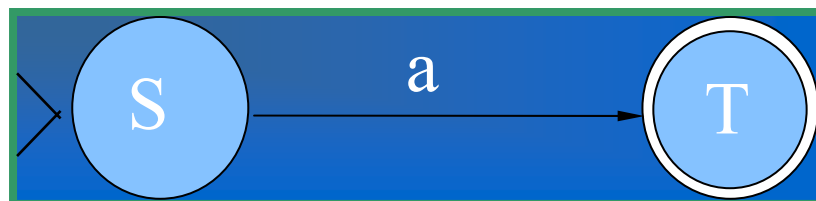


شکل 2.18- ماشین خودکار بهینه اعداد

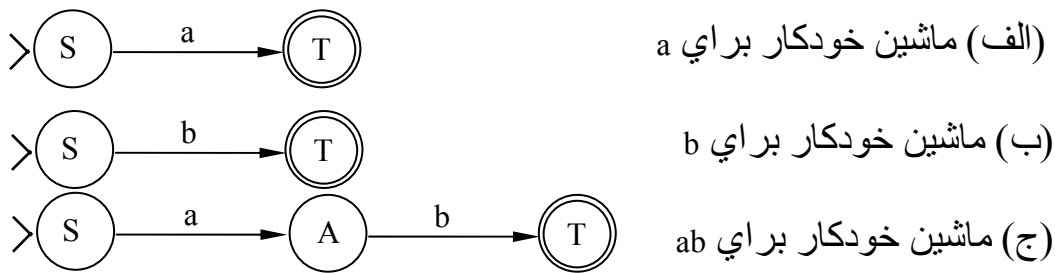
### ۲.۱۰ تبدیل عبارات با قاعده به ماشینهای خودکار

در این قسمت نشان داده خواهد شد که چگونه می توان عبارات با قاعده را به صورت ماشینهای خودکار تبدیل نمود تا اینکه بتوان با استفاده از ماشین خودکار، قوانین لغوي که در فرم عبارات باقاعده خلاصه شده اند را عملاً به صورت کد برنامه مورد بهره برداري قرار داد. برای تبدیل عبارات با قاعده به ماشینهای خودکار معمولاً مراحل زیر بکار می روند:

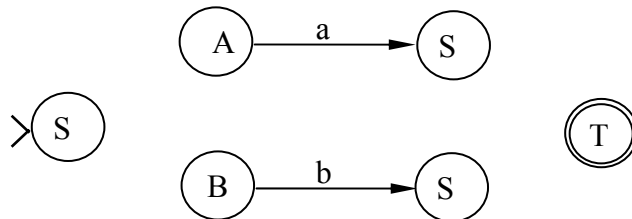
1. هر عنصر  $a$  متعلق به الفبای زبان به صورت يك ماشین خودکار نمایش داده می شود:



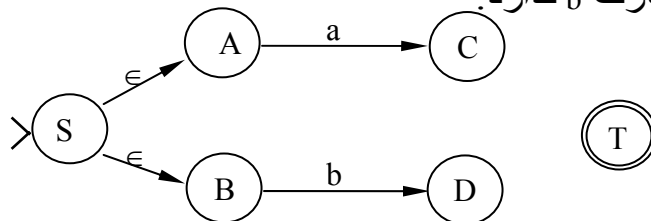
2. ماشین خودکار برای عبارت  $ab$  را از ترکیب گرافها برای  $a$  و  $b$  به صورت زیر می توان ایجاد نمود.



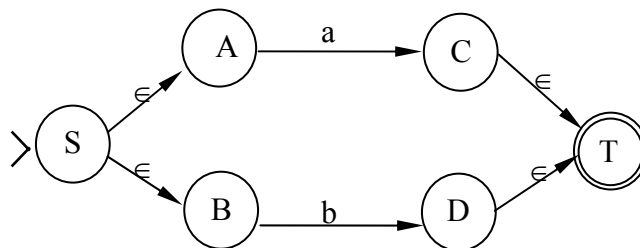
3. ماشین خودکار برای عبارت  $a|b$  را با يك استدلال ساده میتوان از ماشین های خودکار برای عبارات  $a$  و  $b$  ایجاد نمود. چنانچه حالت شروع ماشین خودکار برای عبارت  $a|b$  حالت  $S$  باشد:



حالت شروع  $S$  هیچ فرقی با حالت شروع برای عبارت  $a$  ندارد زیرا در شروع  $a|b$  می توان  $a$  را هم در ورودی دید. از سوی دیگر حالت شروع  $S$  هیچ تفاوتی با حالت شروع برای عبارت  $b$  ندارد.



به همین ترتیب با مشاهده  $a$  در ورودی باید مطمئن بود که  $a|b$  در ورودی ظاهر شده است. لذا، حالت پذیرش برای ماشین خودکار عبارت  $a$  یعنی  $C$  هیئت تفاوتی با حالت پذیرش برای ماشین خودکار برای عبارت  $a|b$  یعنی  $T$  ندارد. به همین ترتیب حالت  $D$  هیچ تفاوتی با حالت پذیرش  $T$  ندارد. بنابراین ماشین خودکار برای عبارت  $a|b$  بصورت زیر خواهد بود:

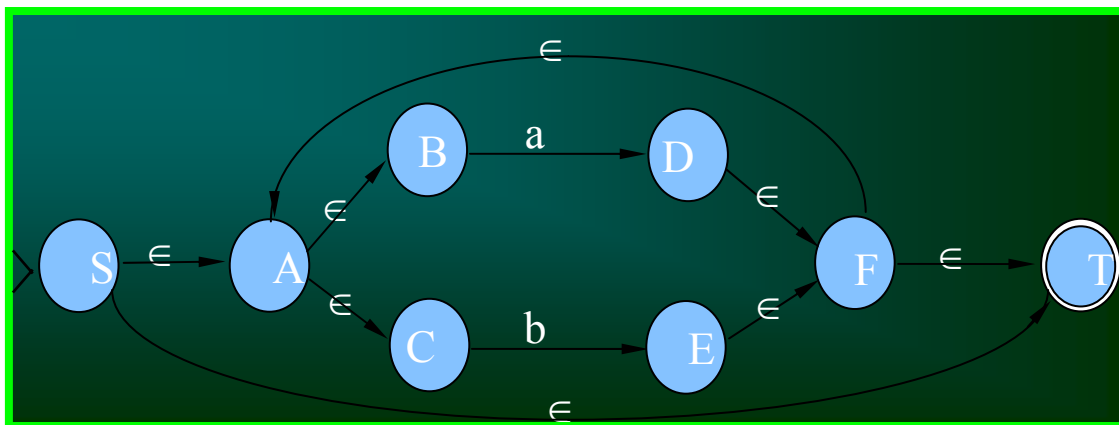




در شکل فوق عبارت  $a|b$  از ترکیب ماشینهای خودکار برای عبارات  $a$  و  $b$  ساخته شده است. مسلم است که حالت شروع  $S$  هیچ تفاوتی با حالت  $A$  و حالت  $B$  ندارد. اما بالعکس صادق نیست و حالت شروع برای تشخیص  $a$  یعنی  $A$  متفاوت از حالت شروع برای  $b$  است زیرا در حالت شروع برای  $a$  نمی توان در ورودی  $b$  را دید. لذا، حالت شروع  $a|b$  را با دو گذر تهی به حالت شروع برای  $a$  و حالت شروع برای  $b$  متصل باید نمود.

4. با در دست داشتن ماشین خودکار برای  $a$  و  $b$  و در نتیجه وجود ماشین خودکار برای  $a|b$  می توان ماشین خودکار برای عبارت  $(a|b)^*$  را با یک استدلال ساده ایجاد نمود. به این ترتیب که فرض کنید حالات شروع و خاتمه برای ماشین خودکار  $(a|b)^*$  به ترتیب حالات  $S$  و  $T$  باشند. اولاً، چون  $(a|b)^*$  میتواند تهی نیز باشد پس حالت شروع آن ممکن است هیچ تفاوتی با حالت پذیرش نداشته باشد. زیرا رشته  $(a|b)^*$  ممکن است اصلاً وجود نداشته باشد.

از طرف دیگر ممکن است حالت شروع  $S$  هیئ تفاوتی با حالت شروع  $(a|b)$  نداشته باشد زیرا، در شروع  $(a|b)^*$  میتوان در شروع مشاهده  $a|b$  در ورودی بود. پس از مشاهده  $a|b$  دو باره میتوان در آغاز مشاهده  $a|b$  جدیدتری قرار گرفت. این در واقع بخاطر خاصیت تکراری بودن  $(a|b)^*$  است. پس، حالت پذیرش  $a|b$  درون  $(a|b)^*$ ، هیچ تفاوتی با حالت شروع آن نخواهد داشت. با این استدلال میتوان نتیجه گرفت که ماشین خودکار برای عبارت  $(a|b)^*$  بصورت زیر است.

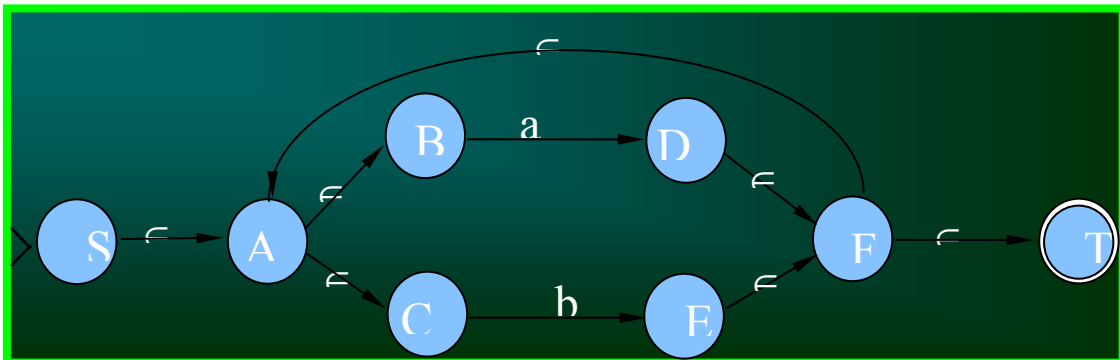


شکل 2.19- ماشین خودکار برای عبارت  $(a|b)^*$

مسلماً در ورودی  $(a|b)^*$  نون رشته  $a$  یا  $b$  می تواند اصلاً وجود نداشته باشد با این نتیجه حالت شروع می تواند معادل با حالت پذیرش باشد. لذا، در شکل 2.19 حالت شروع  $S$  با گذری تهی به حالت پذیرش  $T$  متصل شده است. از جهت دیگر در خاتمه دیدن  $b|a$  مثل اینکه دوباره در حالت شروع بوده و می توان  $b|a$

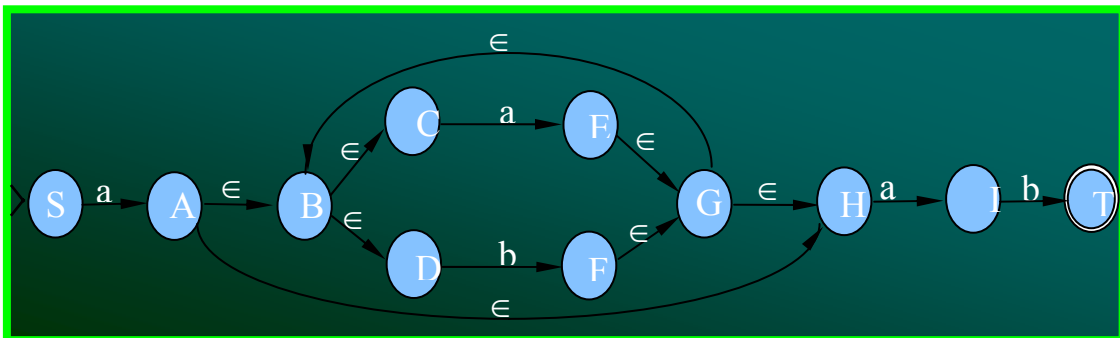
جديدي را مشاهده نمود و اين عمل تا به هر تعدادي قابل تکرار است . براي اين منظور حالت F با گذري تهی به حالت شروع  $a|b$  يعني A متصل شده است. علاوه بر اين حالت F ممکن است خاتمه تکرار و حالت پذیرش هم باشد.

5 . عبارت  $(a|b)^+$  را مي توان با حذف گذر تهی از حالت شروع به حالت پايان در ماشين خودکار براي  $(a|b)^*$  توليد نمود زيرا در مورد  $(a|b)^+$  حداقل يكبار  $a|b$  در ورودی بايد ظاهر شود و حالت شروع آن با خاتمه يكسان نيست .



شکل 2.20- ماشين خودکار براي عبارت  $(a|b)^+$

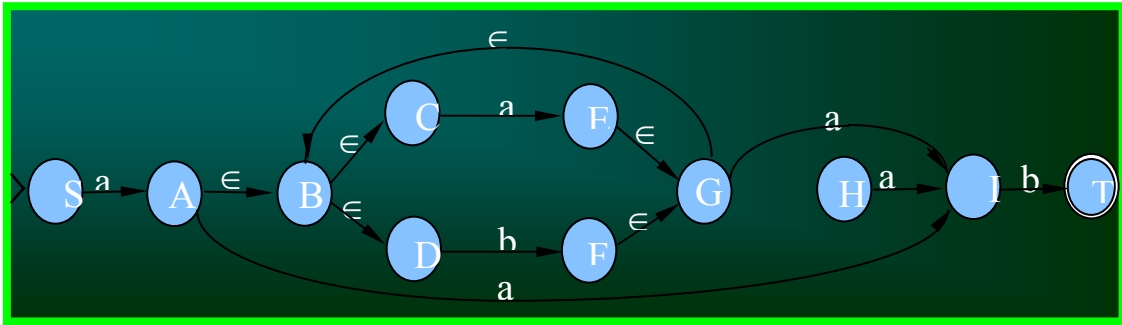
مثال 1- براي عبارت  $a(a|b)^*a$  يك ماشين خودکار بهينه ايجاد نماييد. با استفاده از ماشين خودکار ارائه شده براي عبارات  $(a|b)^*$  که در شکل 2.19 ارائه شده است ، ميتوان بسادگی ماشين خودکار غير قطعي را ايجاد کرد.



شکل 2.21- ماشين خودکار غير قطعي براي عبارت

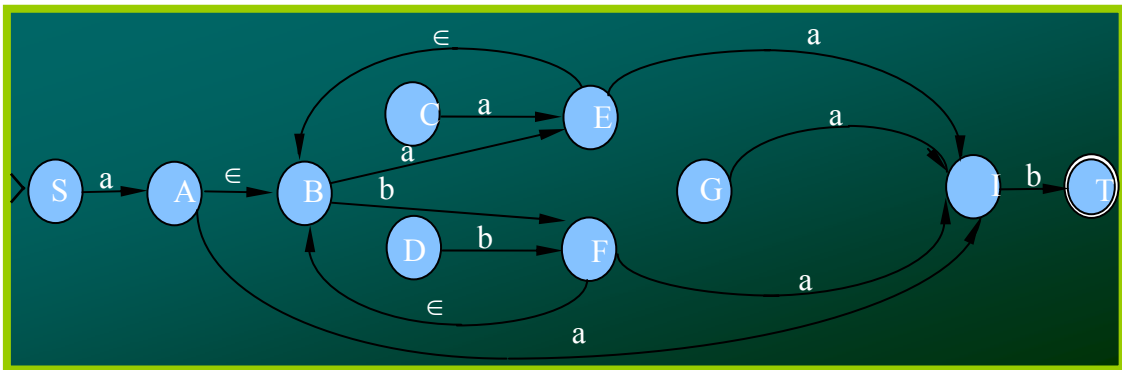
پس از حذف گذر هاي تهی به H ماشين بصورت زیر تبديل ميشود.





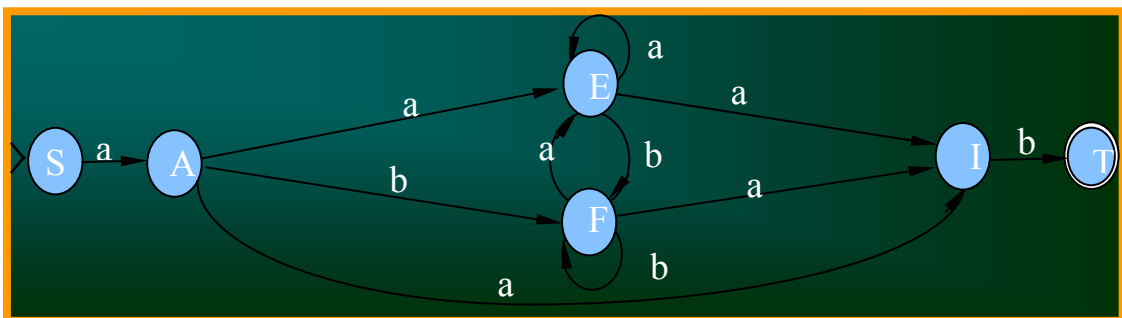
شکل 2.22- حذف گذرهای تهی از A و G به H

مشاهده میکنید که حالت H در شکل 2.22 غیر قابل دسترسی و قابل حذف است. در شکل 2.23 گذرهای تهی به حالات G، C و D حذف شده اند.



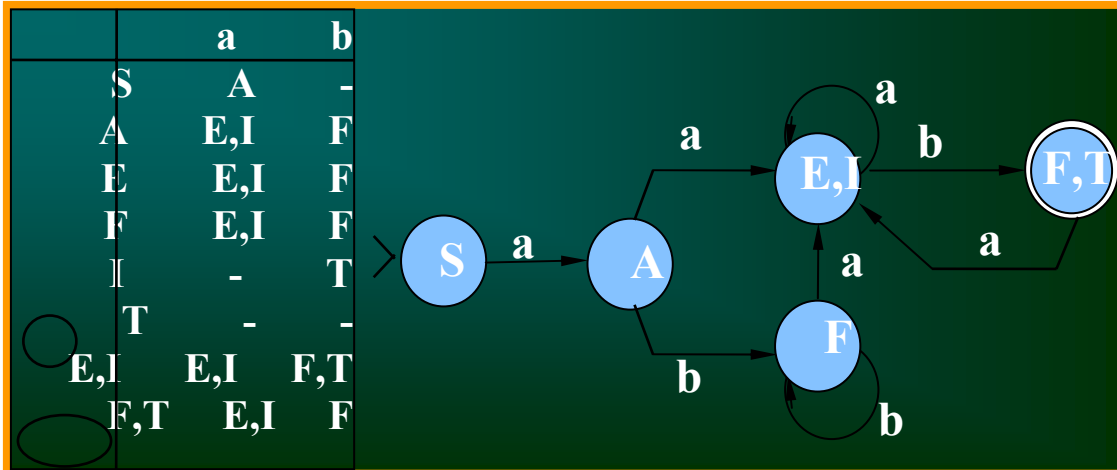
شکل 2.23- حذف گذرهای تهی به حالات G، C و D

پس از حذف گذرهای تهی ماشین بصورت زیر تبدیل میشود.



شکل 2.24- ماشین خودکار پس از حذف گذرهای تهی

ماشین خودکار فوق در شکل 2.25 با استفاده از نمایش ماتریسی به فرم قطعی تبدیل شده است.



شکل 2.25- ماشین خودکار قطعی برای عبارت  $a(a|b)^*ab$

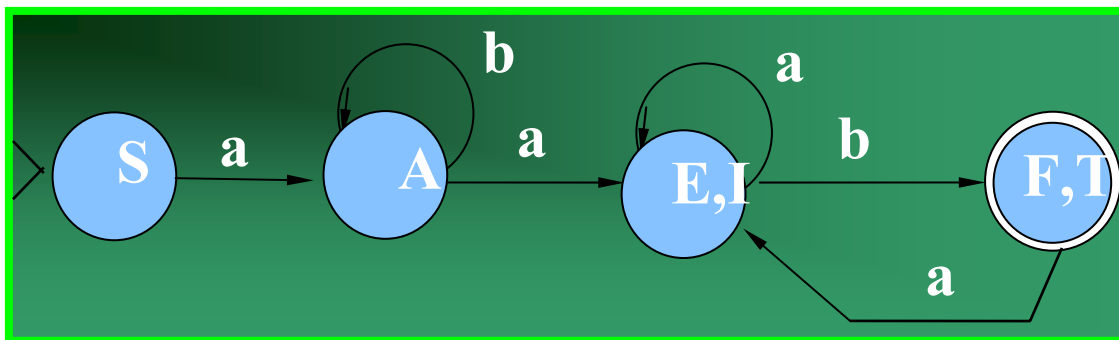
برای بهینه سازی ماشین خودکار فوق حالات مربوطه را به دو دسته پذیرشی و غیر پذیرشی بصورت زیر میتوان تقسیم بندی نمود:

الف) 1- {FT} 2- {S, A, EI, F}

ب) 1- {FT} 2- {S} 3- {A, EI, F}

ج) 1- {FT} 2- {S} 3- {A, F} 4- {EI}

به این ترتیب مشاهده میکنید که حالات A و F با یکدیگر معادل هستند و یکی را میتوان با دیگری جایگزین نمود. به این ترتیب ماشین خودکار بهینه برای عبارت  $a(a|b)^*ab$  بصورت زیر خواهد بود.





## ۲.۱۰ تمرین

**تمرین 1-** فرم کلي اعدادي را مشخص کنید که یا صفرمي باشند یا اینکه اگر طولشان بیش از يك است حتماً "با يك رقم غير صفر آغاز مي شوند".

**تمرین 2-** فرم کلي اعداد در مبناي هشت را مشخص کنید در صورتي که بدانیم اینگونه اعداد حتماً با يك رقم صفر آغاز و سپس حرف 0 ظاهر مي گردد و بعد از آن عدد مبناي هشت مشخص مي شود. برای نمونه 00127 يك عد مبناي 8 است.

**تمرین 3-** فرم کلي اعداد در مبناي شانزده در زبان C با رقم صفر و سپس X آغاز مي شود. يك عبارت با قاعده برای بيان اعداد در مبناي شانزده ارایه نمایید. بطور مثال 0XAF25 يك عدد در مبناي 16 است.

**تمرین 4-** فرم کلي رشته ها را در زبان C را با يك عبارت با قاعده معین کنید. توجه داشته باشید که در زبان C علامت \ (Backslash) در داخل يك رشته مفهوم خاص دارد.

**تمرین 5-** فرم کلي اعداد صحیحی را تعیین کنید که در آنها ارقام به ترتیب صعودی ظاهر میشوند.

**تمرین 6-** فرم کلي کلیه رشته اعداد مبناي دو را مشخص کنید که در آنها زیر رشته 011 ظاهر نگردد.

**تمرین 7 \*** - کلیه رشته های اعداد مبناي دو را مشخص کنید که تعداد صفرها در آنها فرد و تعداد يك ها زوج باشد.

**تمرین 8-** ماشین خودکار قطعی برای شناسه ها ترسیم نمائید

**تمرین 9-** ماشین خودکار قطعی بهینه برای عبارت  $(a|b|c)^*abb$  ایجاد نماید و سپس برنامه تحلیلگر لغوي برای تشخیص اینگونه رشته ها بنویسید. ابتدا عبارت را به فرم غير قطعی تبدیل نمائید سپس قطعی و بهینه نمائید.

**تمرین 10-** يك ماشین خودکار قطعی برای کلیه اعداد مبناي دو که تعداد صفرهای آنها فرد و تعداد يك ها فرد است ایجاد کنید. در ضمن لااقل دو عدد صفر و دو عدد يك باید در این اعداد موجود باشد.



**تمرین 11-** ماشین خودکار قطعي براي اعداد مبناي 2 که حتما" داراي يك رقم صفر و يك رقم يك هستند را ايجاد نمائيد بقسمي که اعداد با تعداد يك ها و صفرهاي زوج را در يك حالت پذيرشي مشخص نمايد . اعداد با تعداد يك هاي فرد و تعداد صفرهاي فرد را نیز در حالت پذيرش ديگر بايد ماشین مشخص کند. براي اعداد با تعداد يك ها فرد و صفرها زوج و همچنین صفرها فرد و يك ها زوج نیز باید دو حالت پذيرش مجزا وجود داشته باشد. ابتدا براي هر يك از چهار حالت ذکر شده ماشینهاي خودکار را ترسيم نمائيد و سپس يك ماشین خودکار غير قطعي براي ترکیب آنها ايجاد نمائيد. سپس این ماشین خودکار را قطعي کنید.

**تمرین 12-** يك ماشین خودکار قطعي براي گرامر يکي از زبانهاي C يا پاسکال ايجاد نمائيد. سپس با استفاده از روش ارائه شده در این فصل يك تحلیلگر لغوي براي آن ايجاد کنید.



## فصل سوم

# زبان و گرامر زبان

### 3.1 - گرامر زبانها :

زبانهای برنامه سازی نیز همانند زبانهای محاوره ای مبتنی بر گرامر و قوانین خاص نحوی خود هستند . برای بیان قوانین گرامری زبانها از قوانین خاصی بنام **Bacus Normal Form** استفاده می شود. این فرم که در اصطلاح يك **Meta Language** نامیده میشود ، اولین بار برای بیان قوانین گرامری زبان **Algoal** استفاده شد . برای نمونه ساختار گرامری جملات را می توان بصورت زیر بیان کرد:

|                  |   |
|------------------|---|
| 1) Statement     | → IfSt   WhileSt   RepeatSt   ForSt   CompoundSt   AssignmentSt   callst   CaseSt |
| 2) IfSt          | → IF cond THEN statement ELSE part  |
| 3) ElsePart      | → ELSE statement   ε  |
| 4) WhileSt       | → WHILE cond DO statement   |
| 5) ForSt         | → FOR id := expression TO expression DO statement                                 |
| 6) CompoundSt    | → BEGIN statements END.   |
| 7) statements    | → statement   statements ‘;’ statement  |
| 8) AssignmentSt  | → id := expression  |
| 9) CallSt        | → id ‘(‘ ActualParams ‘)’   id  |
| 10) CaseSt       | → CASE expression OF CaseList End   |
| 11) CaseList     | → CaseLabel ‘:’ Statement   ε   |
| 12) CaseLabel    | → Constant   CaseLabel , Constant   |
| 10) expression   | → expression ‘+’ term   expression ‘-’ term   expression Or term   term           |
| 11) term         | → term ‘*’ factor   term ‘/’ factor   term And factor   factor                    |
| 12) factor       | → id   No   ‘(‘ expression ‘)’   Not factor                                       |
| 13) cond         | → expression   expression relop expression  |
| 14) relop        | → <   <=   >   >=   <>  |
| 15) ActualParams | → expression   ActualParams ‘,’ expression  |

برای بیان قواعد گرامر فوق از چهار نوع علامت استفاده شده است :

1- علامت “ → ” به مفهوم “ هست ” میباشد. برای نمونه قاعده شماره (4) مشخص میکند که يك جمله While دارای قاعده گرامری بصورت ارائه شده است .



2- علامت “|” به مفهوم “یا” است . برای نمونه (3) مشخص میکند که قسمت ELSE یا else part یا بصورت Else statment است و یا اصلاً وجود ندارد که با علامت اپسیلون  $\epsilon$  نشان میدهند .

3- علامت اپسیلون “ $\epsilon$ ” به مفهوم تهی میباشد .

4- علائم پرانتز “(” و “)” معمولاً بعنوان جداکننده استفاده میشوند. در گرامر فوق چون پرانتز بخشی از گرامر زبان میباشد لذا، آنرا در داخل کوتیشن قرار داده اند .

گرامر فوق از تعدادی قاعده و یا در اصطلاح Productions یا Rules تشکیل شده است. در سمت راست هر قاعده يك ترم میانی قرار گرفته و سپس علامت هست یا “ $\rightarrow$ ” و سپس گسترش آن ترم میانی در سمت چپ فلش مشخص شده است . برای مثال به قاعده شماره (7) توجه کنید. در این قاعده Statment سرترم گرامر است. اصولاً سه نوع ترم در داخل گرامر زبانها مشاهده میشود .

### 1- ترم میانی ( Non terminal ) :

ترم میانی به آن دسته از ترما اطلاق میشود که بنا به گرامر زبان دارای تعریف و قاعده باشد و یا بعبارت دیگر در سمت چپ لااقل يك قاعده قرار بگیرد. به ترم میانی ، ترم واسطه نیز گفته می شود چرا که واسطه ای برای بیان و مشخص نمودن قوانین گرامری است. برای مثال در زبان فارسی جمله “ اسنادی ” يك ترم میانی و در واقع واسطه ای برای بیان دستورالعمل های زبان فارسی است. در گرامر فوق ترمهایی مثل Cond , Expression و If st که در سمت چپ قواعد قرار گرفته اند، ترمهای میانی هستند.

### 2- ترمهای پایانی ( Terminal seymbols ) :

این دسته از ترما اصولاً در سمت چپ قواعد ظاهر نمی شوند و در واقع لغاتی هستند که در داخل زبان ظاهر می شوند . کار تشخیص آنها به عهده تحلیلگر لغوی میباشد. از این جمله می توان شناسه ها، اعداد، جملات تفسیری کامنت و لغات کلیدی زبان را نام برد. برای مثال در گرامر فوق ترمهای پایانی از قبیل ELSE و For با حروف بزرگ مشخص شده اند.

### 2- سرترم گرامر ( Start Symbol ) :



سر ترم یا ترم آغازین گرامرها، ترمی است میانی که شروع کننده یک گرامر است و نهایتاً در تعریف آن تمامی ترمها به نحوی گنجانده شده اند. برای نمونه در گرامر فوق Statement سر ترم گرامر است و IfSt سر ترم نیست زیرا، در تعریف Statement ترمی مانند IfSt یا بطور غیر مستقیم ترمی مانند Relop وجود دارد اما در تعریف Ifst همواره کلیه جملات باید با کلمه If آغاز شوند. اصولاً گرامر ها یامستقل از متن<sup>1</sup> هستند و یا وابسته به متن می باشند.

گرامر فوق مستقل از متن است. به این مفهوم که برای یک ترم میانی مهم نیست در چه متنی و یا در کنار کدام ترم میانی ظاهر شود. یک ترم میانی مثل IfSt همیشه دارای ساختاری ثابت بوده، مستقل از متنی که در آن ظاهر شده، می باشد. اما، در گرامر های وابسته به متن یا Context sensitive ساختار یک ترم میانی ممکن است وابسته به این که چه ترم هایی در اطراف آن قرار گرفته اند، فرق کند. برای مثال جملات If یا While مستقلاً ساختار خود را دارند. اما، اگر جمله If در کنار جمله While ظاهر شود جمله حاصل ساختار دیگری خواهد داشت. به همین دلیل است که در گرامر های وابسته به متن در سمت چپ قواعد، ممکن است بیش از یک ترم میانی ظاهر شود.

در گرامر های مستقل از متن همیشه یک ترم میانی در سمت چپ هر قاعده قرار میگیرد. مسلماً برای هر ترم میانی یک گسترش می بایست وجود داشته باشد. لذا، در گرامر وابسته به متن اگر در سمت چپ قاعده، دو ترم میانی وجود داشته باشد در سمت راست باید تعداد ترمها دو یا بیشتر باشد. اگر تعداد ترمها در سمت چپ قاعده بتواند بیش از تعداد ترمها در سمت راست باشد آن گرامر را دیگر وابسته به متن نمی نامند. این نوع گرامر را نوع صفر می گویند.

نوع دیگر گرامر با قاعده است. در این نوع گرامرها قواعد یا بصورت خود بازگشتی چپ و یا بصورت خود بازگشتی راست میتوانند ظاهر شوند. البته قواعد غیر خودبازگشتی هم می تواند وجود داشته باشد. برای نمونه قاعده شماره (7) در گرامر فوق خود بازگشتی راست است.

## 3.2 - درختهای تجزیه :

هدف از ایجاد درختهای تجزیه تحلیل نحوی جملات است. به عبارت ساده تر با ایجاد درخت تجزیه صحت جملات از لحاظ قوانین گرامری مورد آزمون قرار

<sup>1</sup> مستقل از متن یا Context Free به گرامری اطلاق می شود که ساختار نحوی هر ترم میانی مستقل از متن دربر گیرنده آن است.



ميگيرد . اين عمل با تجزيه جملات بر اساس عناصر آنها صورت ميپذيرد . براي نمونه گرامر زير را در نظر بگيريد :

$$\begin{aligned} E &\rightarrow E+T \mid E-T \mid EORT \mid T \\ E &\rightarrow T * F \mid T / F \mid T \text{ AND } F \mid F \\ F &\rightarrow \text{id} \mid \text{NO} \mid (E) \mid \text{NOT } F \end{aligned}$$

گرامر فوق مبين ساختار كلي عبارات است ، بنا بر اين هر يك از عبارات چهار عمل اصلي بايد بر اساس اين گرامر ايجاد شده باشند . براي نمونه عبارت زير را بايد بتوان بر اساس گرامر فوق ايجاد نمود .

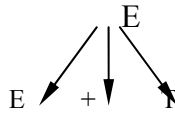
$$a * (b - c) + d / (e - f)$$

شايد روش تفكر يك معلم دستورالعمل زبان نيز به همين طريقي باشد كه توضيح داده خواهد شد . يعني اينكه جمله نوشته شده را تجزيه ميكند و مشخص مينمايد كه آيا براي مثال يك جمله انگليسي هست يا خير . معمولاً ذهن انسان به دو روش عمل مي نمايد . يك روش بالا به پائين است ، يعني اينكه با نگرش به جمله داده شده و اين نتيجه گيري كه جمله بايد يك عبارت باشد ، عمل آغاز مي شود . عمل تجزيه از سر ترم گرامر يعني E آغاز مي شود . بنا بر اين در مرحله اول درخت تجزيه بصورت زير است :

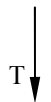
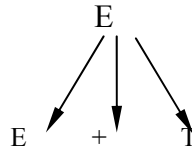
E

### درخت تجزيه در مرحله 1

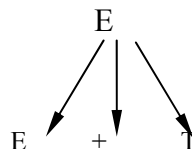
حالا با در نظر گرفتن اينكه عبارت داده شده حاصل جمع دو ترم  $a * (b - c)$  و  $d / (e - f)$  است ، سر ترم E بنا بر قاعده  $E \rightarrow E + T$  بصورت زير گسترش داده ميشود .



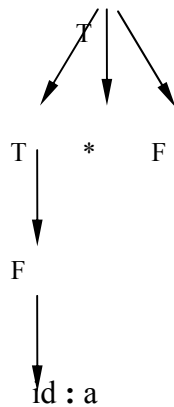
همانگونه كه در بالا توضيح داده شد عبارت داده شده حاصل جمع دو ترم است لذا ، بنا بر قاعده  $E \rightarrow T$  ترم مياني E به T گسترش داده مي شود .



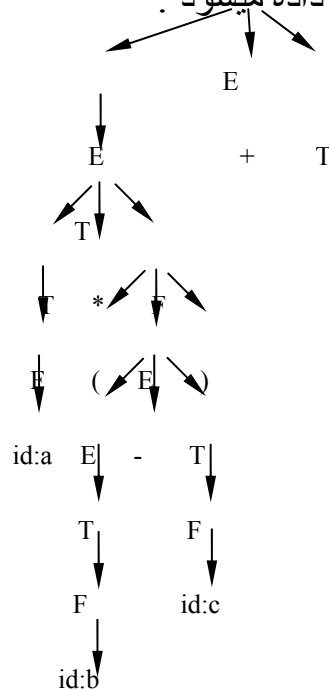
اکنون بايد بتوان از ترم مياني T عبارت  $a * (b - c)$  را توليد كرد لذا ، درخت تجزيه فوق بصورت زير توسعه داده ميشود .



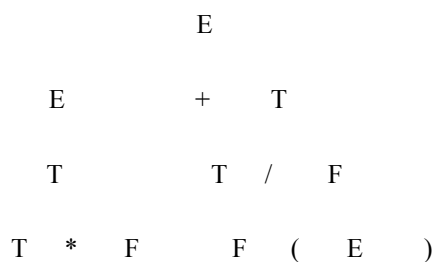


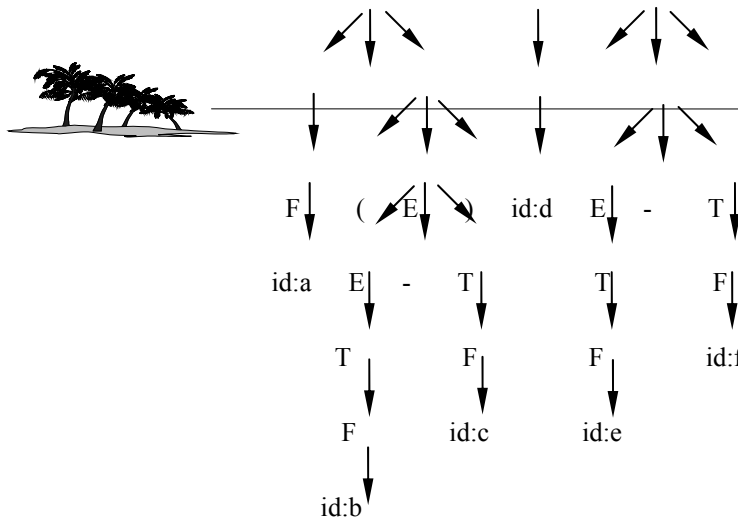


اکنون باید بتوان F را با ( b - c ) جایگزین کرد. بنابراین درخت تجزیه فوق بصورت زیر گسترش داده میشود:



اکنون با توجه به اینکه پس از علامت جمع باید از ترم میانی T نهایتاً عبارت ( e ) / d حاصل شود تجزیه بصورت زیر توسعه داده میشود:





همانگونه که در شکلهاي فوق مشاهده میشود با استفاده از روش بالا به پائين و تجزيه يك عبارت بر طبق گرامر نهايتاً درخت تجزيه که در رأس آن سر ترم گرامر و در برگها ترمهاي پاياني قرار دارند ايجاد شده است . چنانچه عبارت از لحاظ گرامري غلط مي بود، اين امکان وجود نداشت که بتوان بر اساس گرامر درخت فوق را ايجاد کرد. مراحل تجزيه با ايجاد مرحله به مرحله درخت نمايش داده شد زیرا، با توجه به درخت تجزيه نهايي نمي توان مراحل تجزيه را مشخص نمود. در طی مراحل ايجاد درخت تجزيه ، عمل تجزيه ترمهاي مياني از چپ به راست انجام شده ، همواره سمت چپ ترين عنصر يا گره در داخل درخت گسترش داده شد تا نهايتاً بتوان به يك ترم پاياني بعدي در داخل جمله داده شده رسيد. به عبارت ديگر درخت تجزيه مشخص نميکند که در طی چه مرحلتي جمله داده شده از سر ترم گرامر مشتق يا نتيجه گيري شده است . مراحل تجزيه سر ترم تا رسيدن به ترمهاي پاياني درون جمله داده شده را در اصطلاح مراحل اشتقاق يا Derivation مي گويند. مراحل اشتقاق سر ترم E تا رسيدن به جمله فوق به صورت زير است :

$$\begin{aligned}
 E &\Rightarrow E+T \Rightarrow T+T \Rightarrow T * F+T \Rightarrow F * F+T \Rightarrow a * F+T \Rightarrow a * (E)+T \Rightarrow \\
 &a * (E-T)+T \Rightarrow a * (T-T)+T \Rightarrow a * (F-T)+T \Rightarrow a * (b-T)+T \Rightarrow \\
 &a * (b-F)+T \Rightarrow a * (b-c)+T \Rightarrow a * (b-c)+T / F \Rightarrow a * (b-c)+F / F \Rightarrow \\
 &a * (b-c)+d / F \Rightarrow a * (b-c)+d / (E) \Rightarrow a * (b-c)+d / (E-T) \Rightarrow \\
 &a * (b-c)+d / (T-T) \Rightarrow a * (b-c)+d / (F-T) \Rightarrow a * (b-c)+d / (e-T) \Rightarrow \\
 &a * (b-c)+d / (e-F) \Rightarrow \mathbf{a * (b-c) + d / (e-f)}
 \end{aligned}$$

همانگونه که مشاهده نموديد، عمل اشتقاق از سر ترم آغاز و نهايتاً به جمله داده شده خاتمه مي يابد. در اين ميان فرمهاي جمله أي که حاوي ترمهاي مياني و پاياني و يا فقط ترمهاي مياني هستند، ايجاد مي گردد. فرمهاي جمله اي را Sentential form نیز ميگویند .

### 3.4 تجزيه پائين به بالا



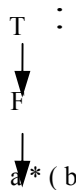
در روش تجزیه پائین به بالا بر خلاف روش بالا به پائین ، عمل تجزیه از پائین و از ترمهای درون جمله آغاز و به سر ترم گرامر خاتمه می یابد. لذا ، این روش پائین به بالا است. برای نمونه عبارت زیر را در نظر میگیریم :

$$a * (b - c) + d$$

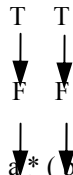
هدف تجزیه این عبارت به روش پائین به بالا است . همانگونه که توضیح داده شد در روش پائین به بالا عمل تجزیه از چپ به راست با جایگزینی ترمهای پایانی با میانی بر اساس سمت چپ قواعد انجام می شود و آنقدر عمل جایگزینی ادامه می یابد تا در صورت صحت ، بتوان به سرترم داده شده رسید .

ابتدا سمت چپ ترین لغت از عبارت داده شده یعنی  $a$  توسط تحلیل گر لغوی خوانده می شود. بر سر ورودی علامت  $*$  ظاهر می شود. طبق قاعده  $T \rightarrow T * F$  ، قبل از عملگر  $*$  فقط یک  $T$  می تواند ظاهر شود. لذا ، با استفاده از قاعده  $F \rightarrow id$  ترم پایانی  $a$  که یک شناسه یا  $id$  است را با  $F$  و سپس طبق قاعده  $T \rightarrow F$  ترم میانی  $F$  را با  $T$  می توان جایگزین نمود. اکنون ترم بعدی یعنی  $*$  از سر ورودی خوانده می شود. طبق قاعده  $T \rightarrow T * F$  پس از  $*$  ترم میانی  $F$  می تواند ظاهر شود. لذا ، ترم بعدی بایستی  $F$  باشد .

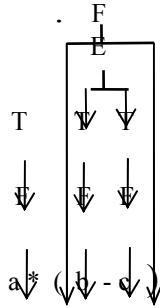
اکنون ورودی  $(b - c) + d$  است. بر سر ورودی لغت ( وجود دارد. پس از خواندن ( و  $b$  درخت بصورت زیر خواهد بود :



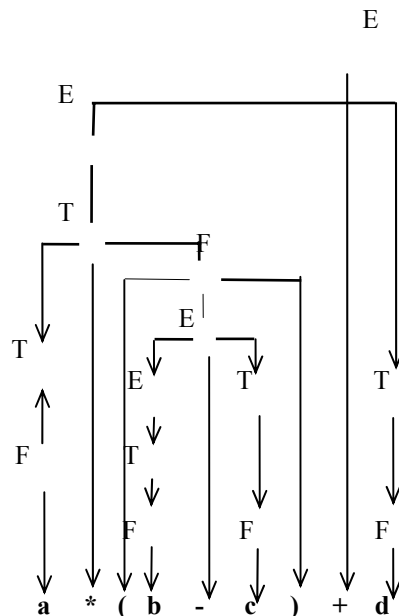
حال بر سر ورودی لغت منهای وجود دارد. طبق قاعده  $E \rightarrow E - T$  قبل از عملگر - باید یک عبارت  $E$  وجود داشته باشد. لذا، ترم پایانی  $b$  که یک شناسه یا  $id$  است بنابر قاعده  $F \rightarrow id$  با ترم میانی  $F$  و سپس طبق قواعد  $T \rightarrow F$  و  $E \rightarrow T$  نهایتاً با ترم میانی  $E$  جایگزین می شود. بنابراین ، تا این مرحله درخت تجزیه پائین به بالا بصورت زیر خواهد بود.



اکنون ورودی  $(- c) + d$  است. عملگرهای - و سپس  $c$  از ورودی خوانده می شوند. طبق قاعده  $E \rightarrow E - T$  باید پس از - در ورودی یک ترم ظاهر شود. لذا ،  $c$  با  $F$  و  $T$  با  $F$  و نهایتاً  $E - T$  با  $E$  جایگزین خواهند شد . حال ( از ورودی خوانده می شود و به این ترتیب در داخل درخت تجزیه (  $E$  ) ظاهر می شود و طبق قاعده  $F \rightarrow (E)$  میتوان آنرا با  $F$  جایگزین کرد.



اکنون ورودی 'd+' است. بر سر ورودی علامت + وجود دارد. قبل از + طبق قاعده  $E \rightarrow E + T$  باید یک E وجود داشته باشد. بنابراین  $T * F$  را که اکنون در رأس درخت تجزیه وجود دارد طبق قاعده  $T \rightarrow T * F$  با T و سپس طبق قاعده  $E \rightarrow T$  ترم T را با E می توان جایگزین نمود. نهایتاً درخت تجزیه به صورت زیر تبدیل می شود:



همانگونه که مشاهده نمودید عمل تجزیه از ترمهای پایانی آغاز و به سر ترم گرامر خاتمه یافت. این گونه تجزیه را در اصطلاح تجزیه پائین به بالا یا Bottom Up Parsing گویند.

طبق تعریف، مراحل اشتقاق نمایانگر مراحل رسیدن از سر ترم گرامر به ترمهای پایانی درون جمله مورد نظر است در تجزیه پائین به بالا، مراحل اشتقاق درست بر خلاف مراحل تجزیه است چرا که در اینجا نهایتاً به سر ترم گرامر می رسند در صورتی که مراحل اشتقاق از سر ترم گرامر آغاز میشود. به عبارت دیگر مراحل اشتقاق نشان می دهد که در طی چه مراحل جمله داده شده از سر ترم گرامر مشتق شده است. مراحل مشتق کردن عبارت  $a * (b - c) + d$  از سر ترم E



بصورت زیر است. باید توجه داشته باشید که مراحل اشتقاق درست بر خلاف مراحل تجزیه است. بنابراین اگر از آخرین مرحله ایجاد درخت تجزیه به مراحل قبلی برگشت شود مراحل اشتقاق بصورت زیر معین می شود:

$$\begin{aligned} E \Rightarrow E+T \Rightarrow E+F \Rightarrow E+d \Rightarrow T+d \Rightarrow T*F+D \Rightarrow T*(E)+d \Rightarrow T*(E-T)+d \Rightarrow \\ T*(E-F)+D \Rightarrow T*(E-c)+d \Rightarrow T*(T-c)+d \Rightarrow T*(F-c)+d \Rightarrow T*(b-c)+d \\ \Rightarrow F*(b-c)+d \Rightarrow a*(b-c)+d \end{aligned}$$

همانگونه که مشاهده می شود در طی مراحل اشتقاق بر خلاف اشتقاق چپ که قبلاً توضیح داده شد، همواره سمت راست ترین ترمنها تا رسیدن به ترمن پایانی درون جمله داده شده جایگزین می گردند لذا این گونه اشتقاق را *اشتقاق راست* گویند. اولین ترمن پایانی که در طی این مراحل اشتقاق در فرمهای جمله ای ظاهر شد ترمن پایانی  $d$  در فرم جمله ای  $T+d$  بود و سپس از راست به چپ ترمن پایانی بعدی یعنی  $c$  در فرم جمله ای  $T*(E-c)+d$  ظاهر گردید لذا همانگونه که مشاهده می کنید جایگزینی از سمت راست به چپ انجام شده است.

### 3.5 گرامرهای مبهم

چنانچه بتوان برای جمله داده شده بر اساس گرامر زبان، بیش از یک درخت تجزیه ایجاد نمود، آن گرامر را مبهم می نامند. در حالت کلی با نگرش به گرامرها نمی توان ابهام را تشخیص داد. اما باید دید که چرا اگر بتوان بیش از یک درخت تجزیه برای جمله داده شده ایجاد نمود، گرامر ابهام دارد. این باید یک مزیت باشد، چرا آنرا ابهام میخوانند؟ به عنوان یک مثال ساده به گرامر زبانهای  $C$  یا پاسکال برای جملات شرطی *if* توجه نمایید:

```
statement → ifSt | whileSt | compoundSt | assignmentSt | callSt |
ifSt → IF cond THEN statement | IF cond THEN statement ELSE statement
cond → exp | exp Relop exp
```

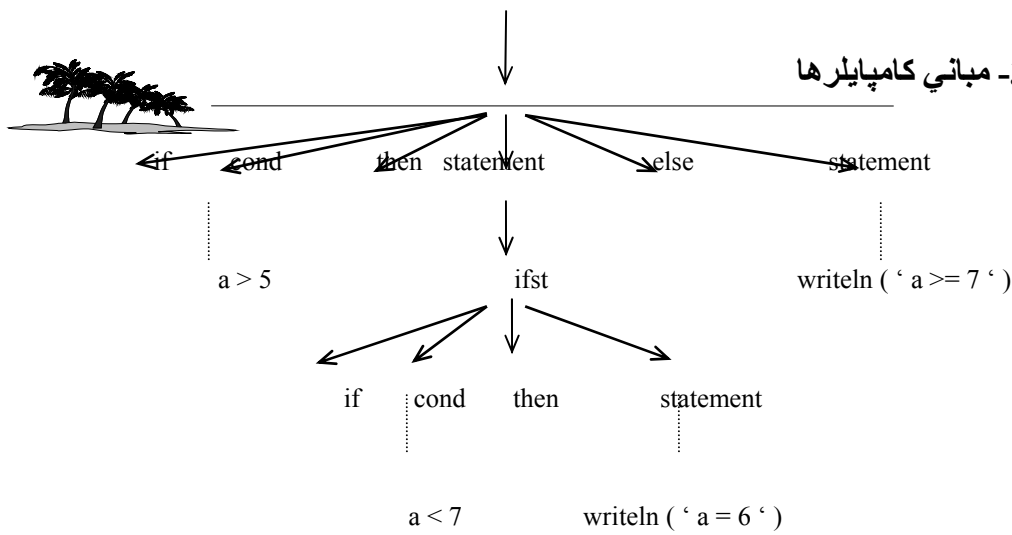
برای نمونه به جمله زیر توجه نمایید:

```
IF a > 5 THEN IF a < 7 THEN writeln (' a = 6 ') ELSE writeln (' a >= 7 ')
```

بنا بر گرامر فوق درخت تجزیه بصورت زیر می تواند باشد:

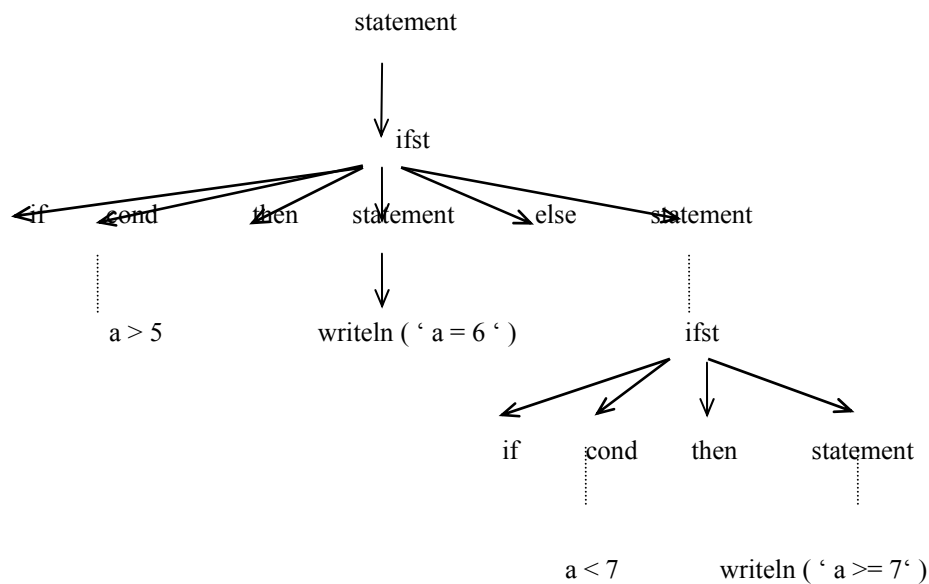
statement

ifst



شکل 3.1- درخت تجزیه برای جمله if

درخت تجزیه را بصورت زیر نیز می توان تولید کرد :



شکل 3.2- درخت تجزیه برای جمله if

بنابر گرامر فوق دو درخت تجزیه با دو مفهوم متفاوت ایجاد شده است. در درخت تجزیه شکل 3 و 5، else وابسته به if خارجی میباشد و در شکل 3 و 6، else وابسته به if داخلی است. برای رفع این مشکل در زبانهای C و پاسکال، برای تکمیل گرامر بطور ضمنی و نه بر طبق گرامر، تعیین کرده اند که else به نزدیکترین if وابسته است. بنابراین درخت تجزیه شکل 3 و 6 توسط کامپایلر پاسکال ایجاد میشود. در زبان فورترن 77 با افزایش Endif این مشکل حل شده و گرامر بصورت زیر تبدیل گردیده است :

ifst → IF cond THEN statement ENDIF  
 | IF cond THEN statement ELSE statement ENDIF



بنابراين اگر قرار است كه در جمله داده شده else وابسته به if خارجي باشد، به صورت زير عمل ميشود :

IF a > 5 THEN IF a < 7 THEN writeln (' a = 6 ') ENDIF ELSE writeln (' a >= 7 ') ENDIF

بالعكس اگر else وابسته به if داخلي باشد ، جمله بصورت زير نوشته مي شود :

IF a > 5 THEN IF a < 7 THEN writeln (' a = 6 ') ELSE writeln (' a >= 7 ') ENDIF ENDIF

اصولاً در حالت كلي ابهام در گرامرها را نمي توان نشان داد و اثبات نمود اما نکته قابل توجه اين است كه اگر گرامري بصورت خود بازگشتي چپ و خود بازگشتي راست براي يك ترم مياني قواعدي داشته باشد آن گرامر مبهم است.

$$1) A \rightarrow A \alpha \mid \beta A$$

همچنين اگر در يك گرامر نهايتاً بتوان طي مراحل استنتاج يا اشتقاق از يك ترم مياني به خود آن ترم مياني رسيد، گرامر مبهم ميشود.

$$2) A \Rightarrow \alpha \Rightarrow \dots \Rightarrow A$$

اگر در گرامري قواعد بصورت خود بازگشتي راست يا چپ براي يك ترم مياني وجود داشته باشد و علاوه بر آن قاعده ديگر براي اين ترم مياني بصورتي باشد كه حالت خود بازگشتي در وسط دو ترم در سمت راست آن قاعده براي آن ترم مياني وجود داشته باشد و در اصطلاح قاعده بصورت Self Embedding يا خودگردان باشد ، باز هم گرامر مبهم خواهد بود.

$$3) A \rightarrow A \alpha \mid \beta A \delta$$

براي نمونه به گرامر مبهم عبارات توجه كنيد :

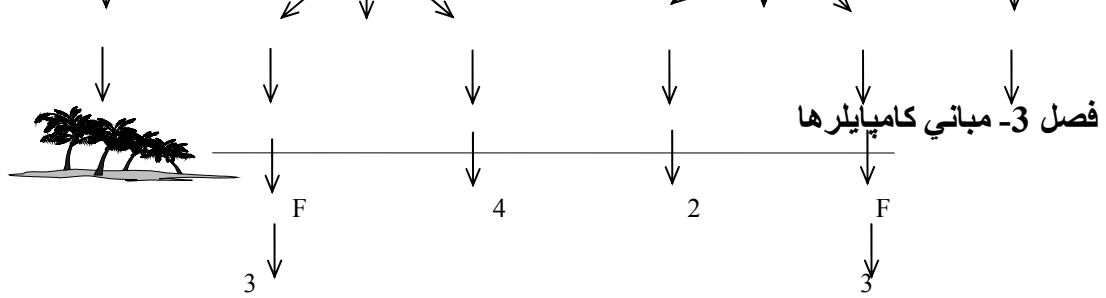
$$E \rightarrow E + T \mid T - E \mid T$$

$$T \rightarrow T * F \mid T / F \mid F$$

$$F \rightarrow ( E ) \mid id \mid NO$$

مي خواهيم براي جمله 2-3+4 درخت تجزيه ترسيم نماييم :

|   |   |   |   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
|   |   | E |   |   |   | E |   |   |
|   |   |   |   |   |   |   |   |   |
| T | - | E |   |   | E | + | T |   |
|   |   |   |   |   |   |   |   |   |
|   | F | E | + | T | T | - | E | F |
|   |   |   |   |   |   |   |   |   |
| 2 |   | T |   | F | F |   | T | 4 |



**الف-** درخت با حاصل:  $(2 - 3) + 4 = 5$       **ب-** درخت با حاصل:  $2 - (3 + 4) = -5$

**شکل 3.3-** دو درخت تجزیه متفاوت برای یک عبارت

همانگونه که مشاهده میکنید ایجاد دو نتیجه متفاوت 5 و -5 برای عبارت فوق بخاطر مبهم بودن گرامر و در واقع وجود قاعده بصورت خود بازگشتی چپ و خود بازگشتی راست برای ترم میانی E است .





## 3.6 تمرين

**تمرين 1-** مراحل استنتاج را براي عبارت  $(a * b - c) / (d - e)$  در روشهاي تجزيه بالا به پائين و پائين به بالا مشخص نمايد .

**تمرين 2-** گرامر ساختار ليست را در نظر بگيريد:

$$S \rightarrow '(L) \mid a$$

$$L \rightarrow L', S \mid S$$

درخت تجزيه را براي جملات زير ترسيم نمايد :

الف -  $(a, a)$

ب -  $(a, (a, a))$

ج -  $(a, ((a, a), (a, a)))$

**تمرين 3-** نشان دهيد كه گرامر زير مبهم است :

$$S \rightarrow a S b S \mid b S a S \mid \varepsilon$$

**تمرين 4-** گرامر زير را در نظر بگيريد :

$$\text{bexpr} \rightarrow \text{bexpr or bterm} \mid \text{bterm}$$

$$\text{bterm} \rightarrow \text{bterm and bfactor} \mid \text{bfactor}$$

$$\text{bfactor} \rightarrow \text{not bfactor} \mid (\text{bexpr}) \mid \text{true} \mid \text{false}$$

الف - درخت تجزيه براي عبارت  $\text{not}(\text{true or false})$  ايجاد كنيد .

ب - آيا اين گرامر مبهم است .

**تمرين 5-** چرا اگر در يك گرامر براي يك ترم مباني قواعد به دو صورت خودبازگشتي چپ و خودبازگشتي راست وجود داشته باشند آن گرامر مبهم است .



## فصل چهارم

### تجزیه بالا به پائین

#### ۴.۱ تحلیلگر ذهن

عمل تجزیه بالا به پائین بر مبنای روش تفکر مغز آدمی برای تحلیل نحوی جملات استوار است. فردی فارسی زبان در مقابل شما قرار میگیرد. میخواهد با شما صحبت کند. به دهان وی مینگرید. پیش بینی می کنید که جمله فارسی میخواهد بیان کند. جمله فارسی سرترم جملات در دستورالعمل زبان فارسی است زیرا، هر گفته ای در زبان فارسی باید جمله فارسی باشد. بنابراین مغز پیش بینی میکند که جمله خارج شده از دهان سرترم گرامر جملات در زبان فارسی باید باشد.

حالا فرض کنید که فرد کلمه /گر/ از دهانش خارج شود. بلافاصله تحلیلگر نحوی مغز به سراغ مجموعه لغات یا در اصطلاح ترمهای پایانی ای میرود که می توانند جملات فارسی را آغاز کنند. کلمه "گر" میتواند آغاز کننده يك جمله فارسی باشد. در اصطلاح مجموعه ترم های پایانی که میتوانند آغاز کننده يك ترم باشند را مجموعه سرآغاز یا مجموعه First برای آن ترم گویند.

پس از اطمینان از اینکه لغت /گر/ در مجموعه سرآغاز یا First جمله فارسی است باید مشخص نمود که کدام گسترش از گسترشهای متفاوت جمله فارسی با کلمه /گر/ آغاز میشود. پاسخ جملات سوآلی است. کلمه اگر متعلق به مجموعه سرآغاز یا First جملات سوآلی است. حالا طبق گرامر جملات سوآلی پس از کلمه /گر/ انتظار شنیدن يك شرط میرود. باز هم بر طبق گذشته تحلیلگر نحوی ذهن کلمه بعدی را گرفته در مجموعه سرآغاز شرط آنرا جستجو میکند. و به این ترتیب مراحل ادامه می یابد.

#### ۴.۲ ایجاد الگوریتم تحلیل نحوی بر مبنای عملکرد ذهن

بطور خلاصه در بخش قبل ملاحظه نمودید که برای انجام عمل تحلیل نحوی مغز به صورت زیر عمل می نماید:

1. انتظار سرترم گرامر زبان را در آغاز دارد. سرترم گرامر زبان فارسی جمله فارسی است.



2. لغت اولی دریافت میشود. در بخش قبل در حالیکه انتظار جمله فارسی را تحلیلگر ذهن می داشت لغت "گر" دریافت شد.
3. در داخل مجموعه First برای ترم مورد انتظار بدنبال لغت دریافت شده میگردد.
4. در صورت یافتن لغت، در داخل مجموعه First برای گسترش‌های متفاوت ترم میانی مورد انتظار می گردد تا مشخص کند کدام گسترش با لغت دریافت شده آغاز میشود (در مثال فوق جمله شرطی با لغت گر آغاز می شد).
5. حالا با مشاهده ترم پایانی دریافت شده در گرامر، طبق گرامر ترم مورد پیش بینی را مشخص میکند. در مثال فوق با یافتن کلمه اگر، طبق گرامر انتظار مشاهده یک شرط می رفت. لذا، لغت بعدی دریافت شده و در صورت عدم خاتمه جمله از مرحله 2 عملیات تکرار میشود.

برای نمونه به گرامر زیر توجه کنید :

|              |   |  |                             |
|--------------|---|--|-----------------------------|
| Statement    | → | IfSt   WhileSt   ForSt   CaseSt   CompoundSt   AssignmentSt   CallSt |                             |
| IfSt         | → | IF Expression THEN Statement   |                             |
|              |   |  | ElsePart                    |
| ElsePart     | → | ELSE Statement   | ∈                           |
| WhileSt      | → | WHILE Expression DO  | Statement                   |
| ForSt        | → | FOR Variable := Expression TO Expression DO Statement                |                             |
| CaseSt       | → | CASE Expression OF CaseParts   | END                         |
| CaseParts    | → | CaseLabels : Statement   | OtherParts                  |
| OtherParts   | → | ; CaseParts  | ∈                           |
| CaseLabels   | → | Constant   | Constants                   |
| Constants    | → | , CaseLabels   | ∈                           |
| Constant     | → | String   Identifier  | Number                      |
| CompoundSt   | → | BEGIN Statements   | END                         |
| Statements   | → | Statement  | OtherSts                    |
|              |   |  | OtherSts → ; Statements   ∈ |
| AssignmentSt | → | Id :=  | Expression                  |



CallSt  $\rightarrow$  Id ‘(‘ ActualParams  
)’

ActualParams  $\rightarrow$  Expression  
OtherParams

OtherParams  $\rightarrow$  , OtherParams |  $\in$

Expression  $\rightarrow$  Id |  
No  
برای تجزیه جمله

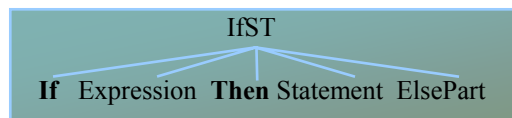
If Then C := 1  
A

بر اساس عملکرد ذهن بصورت زیر عمل میشود.

- بر اساس گرامر در ابتدا انتظار مشاهده سرترم گرامر یعنی Statement میرود.
- اولین لغت یعنی If از تحلیلگر لغوی دریافت میشود.
- تحلیلگر نحوی به جستجوی لغت If داخل مجموعه لغات آغاز کننده ترم مورد انتظار یعنی

$$\begin{aligned} \text{First}(\text{statement}) &= \text{First}(\text{IfSt}) + \text{First}(\text{WhileSt}) + \text{First}(\text{ForSt}) + \text{First}(\text{CaseSt}) + \\ &\quad \text{First}(\text{CompoundSt}) + \text{First}(\text{AssignmentSt}) + \text{First}(\text{CallSt}) \\ &= [\text{S\_If}, \text{S\_While}, \text{S\_For}, \text{S\_Case}, \text{S\_Begin}, \text{S\_Id}] \end{aligned}$$

- با مشاهده نوع لغت If در مجموعه First(statement) تحلیلگر لغوی بدون مجموعه سرآغاز برای گسترش‌های متفاوت Statement مینگرد و لغت if را در مجموعه First(IfSt) پیدا میکند. بنابراین تحلیلگر تشخیص میدهد که جمله مورد نظر یک جمله شرطی If است. درخت زیر بر اساس گسترش موجود برای جمله IfSt بر طبق گرامر، ایجاد میشود:

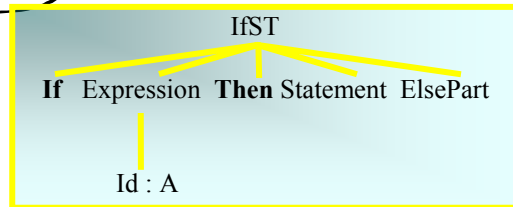


- حالا پس از مشاهده If، بنابر گرامر جمله شرطی IfSt در ورودی انتظار مشاهده Expression میرود. از تحلیلگر لغوی لغت بعدی یعنی A دریافت میشود. درون مجموعه سرآغاز عبارات یعنی:

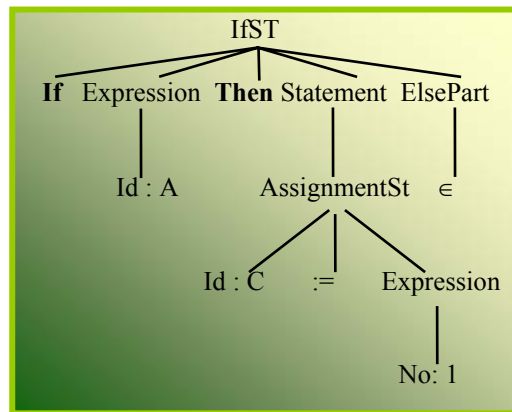
$$\text{First}(\text{Expression}) = [\text{S\_Id}]$$

- نوع لغت A یعنی S\_Id وجود دارد. بنابراین تحلیلگر نحوی به کار خود ادامه میدهد.

- حالا طبق گرامر انتظار دیدن Then در ورودی میرود. تحلیلگر لغوی لغت بعد از A را از ورودی میخواند. این لغت همانگونه که طبق گرامر انتظار می‌رفت لغت Then میباشد. بنابراین تا این لحظه درخت تجزیه زیر توسط تحلیلگر نحوی بنا شده است:



- حالا تحلیلگر پیش بینی مشاهده یک Statement را بر اساس گرامر مینماید. از تحلیلگر لغوی بعدی را تحلیلگر نحوی دریافت میکند. لغت C از نوع S\_Id را تحلیلگر نحوی دریافت میکند. این لغت در مجموعه First(Statement) وجود دارد اما، نکته اینجا است که هر دو گسترش CallSt و AssignmentSt با Id آغاز میشوند. لذا، تحلیلگر نحوی نمی تواند بر اساس ترم پیش بینی Id تصمیم بگیرد که کدام گسترش باید انتخاب شود. بنابراین ترم بعدی را دریافت می کند ترم بعدی در مثال فوق = است. حالا میتوان تصمیم گرفت که گسترش AssignmentSt باید انتخاب شود. نهایتاً، درخت تجزیه بصورت زیر خواهد بود.



### ۴.۳ نتیجه تحلیل عملکرد ذهن

از مطالب ارائه شده در بخش قبلی می توان سه نتیجه بشرح زیر گرفت:  
**اولاً** در هر مرحله تحلیلگر پیش بینی میکند که ترم بعدی چه باید باشد. برای نمونه در ابتدا پیش بینی سر ترم گرامر را تحلیلگر نحوی می نمود. به این نوع تحلیلگرها در اصطلاح تجزیه گرهای پیش بینی کننده یا Predictive Parsers گویند.  
**ثانیاً** عمل خواندن لغات از چپ به راست صورت میگیرد. در مثال فوق ابتدا سمت چپ ترین لغت یعنی If از ورودی خوانده شد و عمل خواندن از چپ به راست ادامه پیدا کرد. لغت خوانده شده از ورودی را در اصطلاح ترم پیش بینی یا Look Ahead گویند زیرا، بر اساس این لغت است که تحلیلگر پیش بینی میکند ترم بعدی چه باید باشد. برای نمونه بر اساس ترم پیش بینی If تحلیلگر نحوی تصمیم گرفت که گسترش IfSt را برای Statement باید انتخاب نماید. پس پیش بینی مشاهده جمله IfSt در ورودی شد.



**ثالثاً** با در دست داشتن يك يا بیشتر از ترم هاي پيش بيني تحليلگر مي تواند تصميم گيري كند كه کدام گسترش از گسترش هاي متفاوت ترم مورد انتظار را بايد انتخاب نمايد. براي نمونه در بالا با در دست داشتن يك ترم پيش بيني If تحليلگر تصميم گرفت كه گسترش IfSt را براي ترم مورد پيش بيني يعني Statement بايد انتخاب كند اما، در هنگاميكه در ورودي ترم پيش بيني از نوع Id ظاهر شد چون دو گسترش متفاوت Statement يعني AssignmentSt و CallSt هر دو با ترم Id آغاز ميشدند، تحليلگر نمي توانست تصميم بگيرد كه كداميك را انتخاب كند. در اين حالت، با در دست داشتن دو ترم پيش بيني Id و =: تحليلگر توانست تصميم بگيرد كه کدام گسترش بايد انتخاب شود.

**اصولاً** عمل تجزیه بالا به پائین از سر ترم گرامر آغاز و به ترمهاي پایانی درون جمله يا برنامه مورد كامپايل خاتمه مي يابد. براي انجام عمل تجزیه بالا به پائین فرم كلي جملات يا بعبارت ديگر گرامر زبان را آنقدر محدود ميکنند كه، با در دست داشتن  $k$  ترم پيش بيني از متن برنامه مورد كامپايل بتوان عمل تحليل تحوي را بدرستي انجام داد.

**تجزیه گرههاي پيش بيني كننده** يا Predictive Parsers با در دست داشتن يك يا چند ترم پایانی بعدي در ورودي، قادر به انجام عمل تحليل نحوي هستند. گرامرهاي مورد استفاده براي اين روش تجزیه را اصطلاحاً  $LL(k)$  يا Left Lookahead گویند. منظور اينست كه مي توان با استفاده از قواعد گرامر و با در دست داشتن  $k$  ترم پایانی بعدي در ورودي يا در اصطلاح  $k$  ترم پيش بيني، عمل تجزیه بالا به پائین را انجام داد.

## ۴.۴ گرامرهای $LL(1)$

تجزیه گرههاي پيش بيني كننده براي تجزیه بالا به پائین با در دست داشتن يك يا چند ترم بعدي در ورودي بايد قادر به تشخيص اين باشند كه :

- اولاً : جمله مورد نظر تا اين مرحله از لحاظ گرامري صحيح است .
- ثانياً : چه ترمهاي مياني مورد انتظار هستند .
- ثالثاً : چه ترمهاي پایانی در سر ورودي مي توانند ظاهر شوند .

چنانچه با در دست داشتن حداكثر  $K$  ترم بعدي از ورودي يا بعبارت ديگر با در دست داشتن حداكثر  $K$  ترم پيش بيني بتوان عمل تجزیه قابل پيش بيني را بر روي يك گرامر به انجام رساند آن گرامر را  $LL(K)$  گویند.



چنانچه با در دست داشتن يك ترم پایانی بعدی از چپ به راست در ورودی بتوان تشخیص داد که از بین گسترش های متفاوت برای يك ترم میانی کدامیک باید انتخاب شوند ، گرامر را  $LL(1)$  گویند .

برای نمونه گرامر زیر را در نظر بگیرید :

$$\begin{aligned} S &\rightarrow I | W | A | P | C \\ I &\rightarrow \text{if } B \text{ do } S \text{ E} \\ B &\rightarrow \text{id } D \\ D &\rightarrow \varepsilon | R \text{ id} \\ R &\rightarrow < | > | = \\ W &\rightarrow \text{while } B \text{ do } S \\ A &\rightarrow \text{id } := \text{No} \\ P &\rightarrow \text{id } \text{'(' } M \text{' )} \\ M &\rightarrow \varepsilon | \text{id} \\ C &\rightarrow \text{'{' } T \text{'}} \\ T &\rightarrow S \text{ G} \\ G &\rightarrow ; \text{ T } | \varepsilon \\ E &\rightarrow \text{else } S | \varepsilon \end{aligned}$$

این گرامر  $LL(1)$  نیست زیرا ، برای نمونه با دیدن  $\text{id}$  یا شناسه نمیتوان مشخص نمود که از بین قواعد مختلف برای گسترش  $S$  کدامیک باید انتخاب شود. اصولاً جهت تجزیه بالا به پایین باید پس از خواندن يك ترم پایانی از ورودی مشخص نمود که آیا ترم پایانی خوانده شده متعلق به مجموعه  $\text{First}$  برای ترم پایانی یا میانی مورد انتظار است یا خیر ؟ . سپس باید مشخص نمود که کدام گسترش از گسترش های متفاوت ترم میانی مورد انتظار با ترم پایانی خوانده شده آغاز می شوند. به عبارت دیگر باید مشخص نمود که ترم پایانی خوانده شده متعلق به مجموعه  $\text{First}$  برای کدامیک از گسترش های مختلف ترم میانی مورد نظر است .

بنا بر این اگر قرار باشد با داشتن يك ترم پیش بینی در هر مرحله از تجزیه بتوان مشخص نمود که کدام گسترش برای ترم میانی مورد انتظار  $A$  با گسترش های

$$A \rightarrow A_1 | A_2 | \dots | A_n$$

باید انتخاب شود ، آنگاه باید اشتراك مجموعه  $\text{First}$  برای هر دو گسترش متفاوت از  $A$  تهی باشد یا بعبارت دیگر باید رابطه :

$$\forall i, j \in 1 \dots n, i \neq j \Rightarrow \text{first}(A_i) \cap \text{first}(A_j) = \emptyset$$

برقرار باشد. در غیر اینصورت فرض کنید که برای نمونه

$$i, j \in 1 \dots n, i \neq j, \text{first}(A_i) \cap \text{first}(A_j) = \{a\}$$



آنگاه با مشاهده ترم پایانی  $a$  در ورودی تحلیلگر نمی تواند بلافاصله تصمیم بگیرد که آیا گسترش  $A$  به  $A_i$  باید انتخاب شود. یا گسترش  $A$  به  $A_j$ .

پس بطور خلاصه میتوان گفت :

یک گرامر  $LL(1)$  است اگر اشتراک مجموعه  $first$  هر دو گسترش متفاوت برای هر ترم میانی متعلق به آن گرامر تهی باشد .

برای نمونه درخت تجزیه را برای جمله :

{ a := 5 ; if b do f() }

با روش بالا به پایین میتوان بصورت زیر ایجاد نمود :

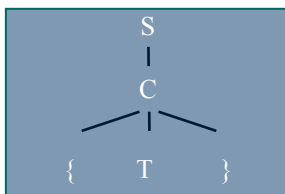
- 1- تحلیلگر لغوی فراخوانی میشود .
- 2- لغت  $\{ \}$ ، توسط تحلیلگر لغوی به تحلیلگر نحوی برگردانده میشود .
- 3- تحلیلگر نحوی که در انتظار مشاهده  $s$  در ورودی است ، ابتدا میبایست مطمئن شود که ترم خوانده شده یعنی  $\{ \}$ ، آیا متعلق به مجموعه  $first(S)$  است .

$$\{ \epsilon \in first(S) = \{ if, while, id, \{ \} \}$$

سپس باید مشخص شود که  $\{ \}$ ، به مجموعه  $First$  برای کدام گسترش از گسترش های متفاوت  $s$  تعلق دارد . چون :

$$\{ \epsilon \in first(C) = \{ \{ \} \}$$

پس درخت تجزیه زیر ایجاد میشود :



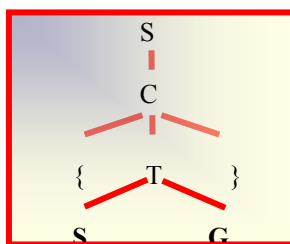
4- با مشاهده  $\{$  در ورودی دو مرتبه مراحل 1 تا 4 بشرح زیر تکرار می شود .

- لغت بعدی  $a$  میباشد که از نوع  $id$  است .

$$id \in first(T) = first(S) = \{ if, while, id, \{ \}$$

بنابر این گسترش  $S$  به  $T$  انتخاب شده ، درخت تجزیه بصورت زیر

خواهد بود.



اما در این مرحله مشاهده میشود که دو گسترش مختلف  $S \rightarrow P$  و  $S \rightarrow A$  هر دو با یک ترم  $id$  آغاز میشوند بنابراین در این مرحله به علت  $LL(1)$  نبودن گرامر





نمیتوان با در دست داشتن ترم پیش بینی  $a$  تصمیم قطعی در مورد گسترش  $S$  گرفت.

همانگونه که در بالا توضیح داده شد، برای انجام تجزیه بالا به پائین نیاز به در دست داشتن مجموعه  $First$  برای ترمهای گرامر است. روش محاسبه مجموعه سرآغاز یا مجموعه  $First$  در بخش بعدی توضیح داده خواهد شد.

## ۴.۵ مجموعه های سرآغاز و پیرو

مجموعه سرآغاز برای یک ترم شامل مجموعه ترمهای پایانی است که گسترشهای متفاوت و جملات مشتق از آن ترم را می توانند آغاز کنند. در حالت کلی برای ترم  $A$  مجموعه سرآغاز بصورت زیر محاسبه میشود:

• چنانچه برای  $A$  گسترشی بصورت  $A \rightarrow a\alpha$  وجود داشته باشد، آنگاه:

$$First(A) = \{ a \}$$

• چنانچه برای  $A$  گسترشی بصورت  $A \rightarrow B\alpha$  وجود داشته باشد، آنگاه:

$$First(A) = First(B)$$

• چنانچه برای  $A$  گسترشی بصورت  $A \rightarrow B\alpha$  وجود داشته باشد و  $B \rightarrow \delta | \epsilon$ ، آنگاه:

$$First(A) = First(\delta) + First(\alpha)$$

واضح است که اگر  $B$  را تهی یا  $\epsilon$  در نظر گرفته شود، آنگاه قاعده  $A \rightarrow B\alpha$  در واقع بصورت  $A \rightarrow \alpha$  تبدیل میشود. بنابراین  $First(A)$  شامل  $First(\alpha)$  نیز میشود.

• چنانچه برای  $A$  گسترشی بصورت  $A \rightarrow X_1 X_2 X_3 \dots X_n$  وجود داشته باشد و برای  $X_1$  تا  $X_i$  قاعده تهی هم وجود داشته باشد یا به عبارت دیگر

$$\forall 1 \leq j \leq i \quad X_j \rightarrow \delta_j | \epsilon$$

آنگاه:

$$First(A) = First(X_1) + First(X_2) + \dots + First(X_{i+1})$$

واضح است که در قاعده  $A \rightarrow X_1 X_2 X_3 \dots X_n$  اگر  $X_1$  وجود داشته باشد، آنگاه

$$First(A) =$$

$$First(X_1)$$

وگرنه در صورتیکه  $X_1$  تهی یا  $\epsilon$  باشد، آنگاه قاعده بصورت زیر خواهد بود

$$A \rightarrow X_2 X_3 \dots X_n$$

به این ترتیب:

$$First(A) = First(X_1) +$$

$$First(X_2)$$

حالا اگر  $X_1$  و  $X_2$  هر دو تهی باشند آنگاه



$$\text{First}(A) = \text{First}(X1) + \text{First}(X2) + \text{First}(X3)$$

به همین ترتیب می توان نهایتاً نشان داد که :

$\text{First}(A) = \sum \text{First}(X_j), 1 \leq j \leq I+1$   
 چنانچه برای ترم  $A$  گسترش تهی نیز وجود داشته باشد یا عبارت دیگر در حالت کلی قواعد مربوط به ترم  $A$  بصورت  $A \rightarrow \alpha \mid \epsilon$  باشد، آنگاه با مشاهده یک عنصر متعلق به  $\text{First}(\alpha)$  واضح است که گسترش  $A \rightarrow \alpha$  باید انتخاب شود. اما چه عنصری باید ظاهر شود تا در حالیکه انتظار مشاهده  $A$  می رود، بتوان دریافت که گسترش  $A \rightarrow \epsilon$  باید انتخاب شود. واضح است که اگر ترم مورد انتظار یعنی  $A$  در ورودی ظاهر نشود باید ترمی که پس از  $A$  انتظار مشاهده آن در ورودی میرفت ظاهر شود. برای نمونه به گرامر زیر توجه کنید :

LabeledSt  $\rightarrow$  Label Statement

Label  $\rightarrow$  No :  $\mid \epsilon$

Statement  $\rightarrow$  AssignmentSt  $\mid$  IfSt  $\mid$  WhileSt

AssignmentSt  $\rightarrow$  Id :=

Expression

WhileSt  $\rightarrow$  WHILE Expression DO Statement

IfSt  $\rightarrow$  IF Expression DO Statement

طبق گرامر فوق جملات دارای برچسب یا Label و بدون برچسب هستند. در آغاز کار طبق گرامر فوق جهت مشاهده LabeledSt ابتدا انتظار مشاهده یک Label در ورودی می رود. بنابراین انتظار می رود که اولین ترم در ورودی یک عدد یا No باشد زیرا :

$$\text{No} \in \text{First}(\text{Label}) = \{ \text{No},$$

$\epsilon \}$

اما، اگر ترم خوانده شده از ورودی از نوع No نباشد، مشخص است که Label در ورودی وجود نداشته است. بنابراین، انتظار می رود که ترم خوانده شده آغاز کننده ترم بعد از Label یعنی Statement باشد. بنابراین چنانچه ترم مورد انتظار دارای گسترش تهی هم باشد، در صورتی گسترش تهی انتخاب میشود که ترم پیش بینی متعلق به مجموعه First ترم بعدی آن در سمت راست قاعده مورد نظر باشد. مجموعه First ترمهایی که پس از ترم میانی  $A$  در سمت راست قواعد متفاوت ظاهر میشوند را در اصطلاح مجموعه پیرو یا Follow برای آن ترم میانی می گویند. برای نمونه در گرامر فوق :

$$\text{Follow}(\text{Label}) = \text{First}(\text{statement}) = \{ S\_Id, S\_If, S\_While \}$$

- اصولاً " برای بدست آوردن مجموعه پیرو به روشهای زیر عمل میشود:
- در صورتیکه ترم  $A$  در سمت راست یک قاعده بصورت زیر ظاهر شود



$$B \rightarrow A \alpha$$

آنگاه :

$$\text{Follow}(A) = \text{First}(\alpha)$$

• در صورتیکه ترم  $A$  در سمت راست یک قاعده بصورت زیر ظاهر شود

$$B \rightarrow \alpha$$

$A$

آنگاه مجموعه پیرو برای  $A$  شامل مجموعه پیرو  $B$  می‌باشد

$$\text{Follow}(A) \supseteq$$

$\text{Follow}(B)$

اما ، بالعکس صادق نیست . علت این است که هر جایی که  $B$  در سمت راست قواعد ظاهر شود میتوان بجای آن  $A$  را قرار داد اما ، بالعکس صادق نیست .

• همواره در مجموعه پیرو برای سرترم گرامر علامت خاتمه فایل یا End Of File وجود دارد . زیرا ورودی تحلیلگر نحوی یک فایل است . برای نمونه یک برنامه  $C$  را در نظر بگیرید . این برنامه بعنوان یک جمله ورودی به کامپایلر داده میشود . چون برنامه در فایل است در انتهای آن علامت خاتمه فایل قرار میگیرد . برنامه ورودی در اینجا از سرترم گرامر یعنی برنامه  $C$  مشتق میشود . پس بعد از سرترم گرامر علامت خاتمه فایل قرار میگیرد . بطور کلی هر جمله ای که در ورودی کامپایلر قرار میگیرد باید از سرترم گرامر مربوطه مشتق شود . چون جمله ورودی در داخل یک فایل است لذا ، همواره در مجموعه پیرو سرترم گرامر علامت خاتمه فایل وجود دارد . علامت خاتمه فایل را بطور اختصاری معمولاً با  $\$$  مشخص میکنند .

بنابراین مشاهده میکنید چنانچه مجموعه  $\text{First}$  برای یک ترم شامل عنصر تهی  $\epsilon$  باشد ، آنگاه باید عنصر  $\epsilon$  را از داخل مجموعه حذف و بجای آن عناصر مجموعه پیرو را به داخل مجموعه  $\text{First}$  افزود . به این ترتیب :

$$\begin{aligned} \text{First}(\text{Label}) &= \{ \text{No}, \epsilon \} = \text{First}(\text{Label}) + \text{Follow}(\text{Label}) \\ &= \{ \text{No}, \{ \text{S\_Id}, \text{S\_If}, \text{S\_While} \} \} \end{aligned}$$

مشاهده میکنید مجموعه  $\text{Follow}$  برای یک ترم شاخص گسترش تهی برای آن ترم است . بنابراین میتوان نتیجه گرفت :

یک گرامر  $LL(1)$  است اگر اشتراك مجموعه سرآغاز برای هر دو گسترش هر ترم متعلق به آن گرامر تهی باشد و چنانچه آن ترم دارای گسترش تهی باشد اشتراك مجموعه سرآغاز و پیرو آن ترم باید تهی باشد .

برای نمونه گرامر زیر  $LL(1)$  نیست :

LabeledSt  $\rightarrow$  Label Statement



Label  $\rightarrow$  Id : |  $\epsilon$

Statement  $\rightarrow$  AssignmentSt | IfSt | WhileSt

AssignmentSt  $\rightarrow$  Id := Expression

WhileSt  $\rightarrow$  WHILE Expression DO Statement

IfSt  $\rightarrow$  IF Expression DO Statement

علت LL(1) نبودن گرامر فوق این است که :

$\text{First}(\text{Label}) \cap \text{Follow}(\text{label}) = \{S\_Id\}$

بنابر این با مشاهده Id در ورودی نمی توان تصمیم گرفت که آیا گسترش Label  $\rightarrow$  Id باید انتخاب شود یا گسترش  $\epsilon$  .Label

برای بدست آوردن مجموعه First میتوان از ماتریس تجانس نیز استفاده نمود. برای نمونه به گرامر زیر توجه کنید :

P  $\rightarrow$  D B | B  
 B  $\rightarrow$  A e  
 A  $\rightarrow$  b S | S  
 S  $\rightarrow$  a D | B a  
 D  $\rightarrow$  a D | d

چنانچه در حالت کلی ترم A با ترم B آغاز شود یک رابطه بطول یک بین ترم A یا B وجود دارد. میتوان به این ترتیب یک گراف روابط ایجاد نمود. اکنون مسأله بدست آوردن روابط بین هر دو گره در گراف است. یعنی هدف بدست آوردن وجود روابط با هر طولی بین هر دو گره در داخل این گراف جهت دار روابط است. میتوان از ماتریس تجانس استفاده نمود. به این ترتیب که اگر بین دو ترم A و B یک رابطه آغاز شدن A توسط B وجود دارد در سطر مربوط به A و ستون مربوط به B در ماتریس مقدار یک قرار داده میشود. به این ترتیب برای گرامر فوق ماتریس زیر ایجاد میشود :

|   | A | B | D | P | S | a | b | d | e |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| A | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| B | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| D | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| P | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| S | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| a | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| b | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| d | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| e | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 |

اکنون آنقدر ماتریس را در خودش ضرب باید نمود تا اینکه در دو تکرار متوالی مقادیر ماتریس با یکدیگر تفاوتی نکند. در اینصورت ماتریس نهایی روابط First را مشخص میکند. باید توجه داشته باشید که در هنگام ضرب دو ماتریس بولین



بجای ضرب از عمل و منطقی یا AND استفاده میشود و بجای جمع عمل از OR منطقی استفاده میشود.

## ۴.۶ تبدیل گرامرها به فرم LL(۱)

همانگونه که قبلاً نیز توضیح داده شد اگر هر دو گسترش متفاوت هر ترم متعلق به یک گرامر نهایتاً با یک ترم مشترک آغاز نشوند آن گرامر LL(1) است. برای تبدیل گرامر به فرم LL(1) بعضاً میتوان از روشی موسوم به فاکتورگیری چپ استفاده نمود.

### 4.6.1 - فاکتورگیری چپ

چنانچه در حالت کلی برای ترم A گسترش‌هایی بصورت زیر موجود باشد :

$$A \rightarrow a \alpha \mid a \beta \mid \gamma$$

$$\text{first}(a \alpha) \cap \text{first}(a \beta) = \{ a \}$$

آنگاه :

با فاکتورگیری a از سمت چپ دو گسترش  $a\alpha$  و  $a\beta$  میتوان گرامر را بصورت زیر بازسازی نمود :

$$A \rightarrow a B \mid \gamma$$

$$B \rightarrow \alpha$$

|  $\beta$

در فرم توسعه یافته میتوان بدون استفاده از ترم کمکی B عمل فاکتورگیری را انجام داد و گسترش‌های ترم میانی A را بصورت زیر تبدیل نمود :

$$A \rightarrow a(\alpha \mid \beta) \mid \gamma$$

با استفاده از روش فاکتورگیری چپ میتوان قواعد مربوط به سرترم s از گرامر ارائه شده در بخش قبلی را بصورت زیر بفرم LL(1) تبدیل نمود :

$$S \rightarrow I \mid W \mid Q \mid C$$

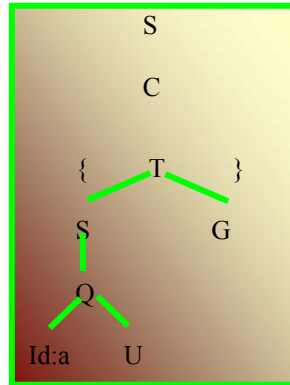
$$Q \rightarrow id U$$

$$U \rightarrow := No \mid (' M ')$$

به این ترتیب اکنون میتوان بکار تولید درخت تجزیه که در بخش قبل با مشاهده id یعنی a در ورودی متوقف گردید ادامه داد زیرا ، حالا با دیدن ترم پایانی a در



ورودي بلافاصله گسترش  $Q \rightarrow s$  و پس از آن گسترش  $Q \rightarrow id U$  انتخاب میشود و درخت تجزیه به این صورت تبدیل میگردد



حالا با فرا خواني تحليلگر لغوي در ورودی = : ظاهر میشود که در اینجا بطور قطعي ميتوان گفت که گسترش  $U \rightarrow : = No$  باید انتخاب شود. در حالت كلي اگر در گرامر قواعد بصورت خود بازگشتي چپ وجود داشته باشد ، باز هم گرامر LL (1) نمیتواند باشد.

#### 4.6.2- تبدیل قواعد خود بازگشتي چپ

وجود قواعد بصورت خود بازگشتي چپ مغایر با LL (1) بودن گرامرها میباشد . برای نمونه به قواعد زیر توجه نمایید :

$$A \rightarrow A \alpha | \beta$$

جهت نقض LL (1) بودن گرامر كافي است اثبات شود که :

$$\text{first} (A \alpha) \cap \text{first} (\beta) \neq \emptyset$$

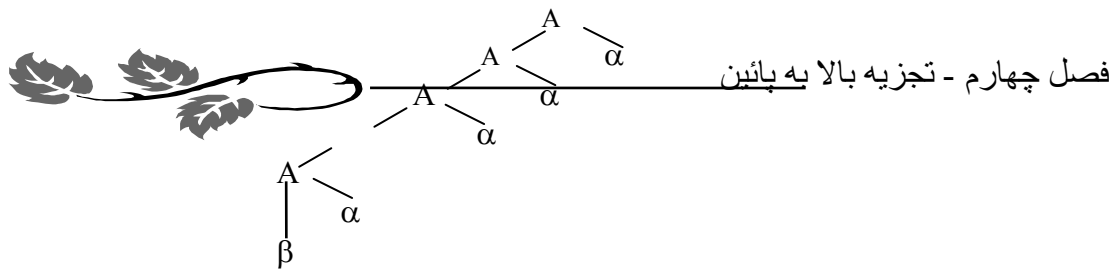
در اینجا واضح است که :

$$\text{first} (A \alpha) \cap \text{first} (\beta) = \beta$$

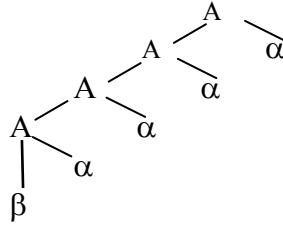
که :

$$\text{first} (A \alpha) = \text{first} (A) = \text{First}(\beta)$$

برای تبدیل قواعد مربوط به A بصورت LL(1) به این ترتیب میتوان استدلال نمود که دو قاعده  $A \rightarrow A \alpha | \beta$  نمایانگر فرم كلي رشته هائي است که با  $\beta$  آغاز و با تعداد صفر یا بیشتر  $\alpha$  ادامه مي یابند. بنابراین هر رشته با فرم كلي  $\beta \alpha \alpha \alpha \dots \alpha$  از سر ترم A باید مشتق شود.



به این ترتیب برای رشته  $\beta\alpha\alpha\alpha$  درخت تجزیه بصورت زیر خواهد بود :



به همین ترتیب رشته  $\beta$  نیز از سر ترم گرامر مشتق میشود :

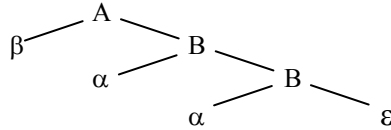


رشته های فوق را با گرامر زیر نیز میتوان تولید نمود:

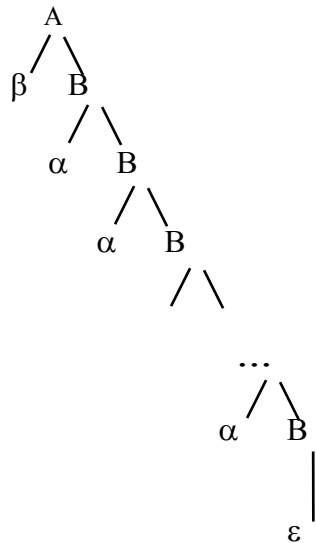
$$A \rightarrow \beta B$$

$$B \rightarrow \alpha B \mid \epsilon$$

رشته  $\beta\alpha\alpha\alpha$  را در نظر بگیرید. این رشته بر طبق گرامر فوق از سر ترم A مشتق میشود :



و به همین ترتیب هر رشته با فرم کلی  $\beta\alpha\alpha\alpha \dots \alpha$  از سر ترم A باید مشتق می شود. درخت تجزیه در حالت کلی بصورت زیر است.





بنابر این میتوان نتیجه گرفت که برای حذف خودبازگشتی چپ از قواعد با فرم کلی :

$$A \rightarrow A \alpha | \beta$$

می توان آنها را با قواعد معادل زیر جایگزین نمود :

$$A \rightarrow \beta B$$

$$B \rightarrow \alpha B | \varepsilon$$

در فرم توسعه یافته گرامر بصورت زیر تبدیل میشود :

$$A \rightarrow \beta \{ \alpha \}$$

در فرم توسعه یافته آکولاد به مفهوم تکرار صفر یا بیشتر است.

مثال گرامر عبارات را بصورت LL(1) تبدیل کنید .

$$E \rightarrow E + T | E - T | T$$

$$T \rightarrow T * F | T / F | F$$

$$F \rightarrow \text{Id} | \text{No} | (E)$$

به قواعد E توجه نمایید. دو گسترش E + T و E - T با یک ترم مشترک E آغاز میشوند. به همین ترتیب دو گسترش متفاوت ترم میانی T نیز با یک ترم آغاز میشوند. پس از انجام عمل فاکتورگیری چپ گرامر توسعه یافته عبارات بصورت زیر تبدیل میشود:

$$E \rightarrow E (+|-) T | T$$

$$T \rightarrow T (*|/) F | F$$

$$F \rightarrow \text{id} | \text{NO} | (E)$$

حالا با حذف خود بازگشتی چپ ، گرامر به صورت زیر تبدیل می شود :

$$E \rightarrow T \{ (+|-) T \}$$

$$T \rightarrow F \{ (*|/) F \}$$

$$F \rightarrow \text{Id} | \text{NO} | ($$

E)

در صورت وجود قواعد تهی با فرم کلی  $A \rightarrow \varepsilon$  در گرامر نیز ممکن است گرامر LL(1) نباشد.

### 4.6.3- حذف قواعد تهی

چنانچه در گرامری قواعد تهی وجود داشته باشد ، آن گرامر ممکن است LL(1) نباشد. برای تبدیل گرامر به فرم LL(1) باید ابتدا قواعد تهی را حذف نمود و سپس





با استفاده از روشهای فاکتور گیری و حذف خودبازگشتی چپ گرامر را به فرم LL(1) تبدیل نمود. برای نمونه به گرامر زیر توجه نمایید :

LabeledSt  $\rightarrow$  Label Statement

Label  $\rightarrow$  Id : |  $\epsilon$

Statement  $\rightarrow$  AssignmentSt | CallSt

AssignmentSt  $\rightarrow$  Id :=

Expression

CallSt  $\rightarrow$  Id (' ActualParams ' ) |

Id

ActualParams  $\rightarrow$  Expression | Expression ,

Params

Expression  $\rightarrow$  Id | No

در گرامر فوق برای ترم میانی Label یک گسترش تهی وجود دارد. لذا باید

$First(Label) \cap Follow(label) =$

$\emptyset$

باشد. اما :

$First(label) = \{ Id \}$

و

$Follow(label) = First(Statement) = First(AssignmentSt) + First(CallSt) = \{ Id \}$

بنابراین :

$First(Label) \cap Follow(label) = \{ Id \} \neq \emptyset$

بنابراین گرامر LL(1) نیست زیرا هنگامیکه انتظار مشاهده Label در ورودی می رود ، با مشاهده Id در ورودی نمی توان تصمیم گرفت که آیا گسترش :  $Label \rightarrow Id$  باید انتخاب شود و یا گسترش  $Label \rightarrow \epsilon$  .

برای تبدیل گرامر فوق به فرم LL(1) باید گسترش  $Label \rightarrow \epsilon$  حذف شود و هر جایی که از ترم میانی Label در سمت چپ یک قاعده استفاده شده است ، یک بار Label را تهی و بار دیگر بصورت غیر تهی در نظر گرفت. بنابراین گرامر بصورت زیر تبدیل میشود :

LabeledSt  $\rightarrow$  Statement | Label

Statement

Label  $\rightarrow$  Id

:

برای LabeledSt اکنون  $First(statement) \cap Follow(label) = \{ Id \} \neq \emptyset$  پس باید با استفاده از عمل فاکتور گیری چپ گرامر را به فرم LL(1) تبدیل نمود. برای این منظور باید ابتدا ترم ها را جایگزین کرد .

LabeledSt  $\rightarrow$  Id := Expression | Id (' ActualParams ' ) | Id : Statement



پس از فاکتورگیری از Id قاعده بصورت زیر تبدیل میشود :

$$\text{LabeledSt} \rightarrow \text{Id}$$

St

$$\text{St} \rightarrow := \text{Expression} \mid \text{'(' ActualParams ')'} \mid : \text{Statement}$$

در مورد Statement نیز باید عمل فاکتور گیری چپ را انجام داد:

$$\text{Statement} \rightarrow \text{AssignmentSt} \mid \text{CallSt}$$

با جایگزینی AssignmentSt و Callst قاعده مربوط به Statement بصورت زیر تبدیل میشود:

$$\text{Statement} \rightarrow \text{Id} := \text{Expression} \mid \text{Id '(' ActualParams ')}'$$

اکنون با استفاده از عمل فاکتورگیری چپ قاعده فوق بصورت زیر تبدیل میشود :

$$\text{Statement} \rightarrow \text{Id StTail}$$

$$\text{StTail} \rightarrow := \text{Expression} \mid \text{Id '(' ActualParams ')}'$$

مثال : گرامر زیر را به فرم LL(1) تبدیل.

$$S \rightarrow L A B$$

$$L \rightarrow d \mid \varepsilon$$

$$A \rightarrow d A \mid B a$$

$$B \rightarrow B b \mid \varepsilon$$

گرامر فوق LL(1) نیست زیرا :

$$\text{First}(L) \cap \text{Follow}(L) = \{d\} \neq \emptyset$$

بنابراین باید گسترش تهی  $\varepsilon \rightarrow L$  حذف شود. در اینصورت باید در هر قاعده ای که L ظاهر میشود یک بار مقدار آنرا تهی و یک بار غیر تهی در نظر گرفت. بنابراین گرامر بصورت زیر تبدیل میشود :

$$S \rightarrow A B \mid L A B$$

$$L \rightarrow d$$

$$A \rightarrow d A \mid B a$$

$$B \rightarrow b B \mid \varepsilon$$

توجه داشته باشید که پس از حذف خود بازگشتی چپ قواعد  $B \rightarrow B b \mid \varepsilon$  را می توان بصورت  $B \rightarrow b B \mid \varepsilon$  ساده نمود. البته هنوز گرامر فوق LL(1) نیست زیرا اشتراك مجموعه سرآغاز دو گسترش مختلف ترم میانی S تهی نمی باشد.

$$\text{First}(A B) \cap \text{Follow}(L A B) = \{d\} \neq \emptyset$$

بنابراین باید با جایگزینی ترمهای A و L در آغاز دو گسترش ترم S و سپس عمل فاکتور گیری چپ گرامر را LL(1) نمود.

$$S \rightarrow d A B \mid B a B \mid d A B$$

$$A \rightarrow d A \mid B a$$



$$B \rightarrow b B \mid \epsilon$$

در نتیجه گرامر بصورت زیر تبدیل میشود :

$$S \rightarrow d A B \mid B a B$$

$$A \rightarrow d A \mid B a$$

$$B \rightarrow b B \mid \epsilon$$

### ۴.۶ ایجاد جدول تجزیه بالا به پائین

جدول تجزیه ساختاری برای تولید برنامه تحلیلیگر نحوی برای گرامرهای LL(1) است. برای نمونه به گرامر زیر توجه نمائید.

$$S \rightarrow d A B \mid B a B$$

$$A \rightarrow d A \mid B a$$

$$B \rightarrow b B \mid \epsilon$$

برای ایجاد تجزیه گر برای این گرامر باید ابتدا مجموعه های سرآغاز را برای ترمهای میانی بدست آورد. با استفاده از این مجموعه ها جدول تجزیه بدست می آید :

$$\begin{aligned} \text{First}(S) &= \{d\} + \text{First}(B) \\ \text{First}(A) &= \{d\} + \text{First}(B) \\ \text{First}(B) &= \{b\} + \text{Follow}(B) \\ &= \{b\} + \{a, \$\} = \{a, b, \$\} \end{aligned}$$

|   | a          | b   | d   | \$         |
|---|------------|-----|-----|------------|
| S | BaB        | BaB | dAB |            |
| A | Ba         | Ba  | dA  |            |
| B | $\epsilon$ | bB  |     | $\epsilon$ |

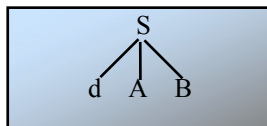
اکنون با استفاده از جدول تجزیه فوق میتوان عمل تجزیه بالا به پائین را انجام داد. برای نمونه جمله ddabbb را با استفاده از جدول تجزیه فوق میتوان براحتی تجزیه نمود. برای این منظور از يك پشته بنام پشته تجزیه استفاده میشود.

| نشسته   | ورودي            | قاعده تجزیه              |
|---------|------------------|--------------------------|
| SS      | <u>dd</u> abbb\$ | $S \rightarrow d A B$    |
| \$B A d | <u>dd</u> abbb\$ |                          |
| \$B A   | <u>d</u> abbb\$  | $A \rightarrow d A$      |
| \$B A d | <u>d</u> abbb\$  |                          |
| \$B A   | <u>a</u> bbb\$   | $A \rightarrow B a$      |
| \$B a B | <u>a</u> bbb\$   | $B \rightarrow \epsilon$ |
| \$ a B  | <u>a</u> bbb\$   |                          |
| \$B     | <u>b</u> bb\$    | $B \rightarrow bB$       |
| \$bB    | <u>b</u> bb\$    |                          |
| \$B     | <u>b</u> b\$     | $B \rightarrow bB$       |
| \$bB    | <u>b</u> b\$     |                          |
| \$B     | <u>b</u> \$      | $B \rightarrow bB$       |
| \$bB    | <u>b</u> \$      |                          |

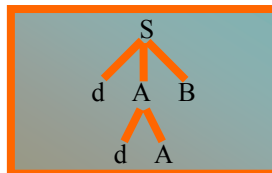


همانگونه که در جدول فوق مشاهده میکنید به انتهای رشته ورودی علامت خاتمه فایل یعنی \$ افزوده میشود. عمل تجزیه از سرترم گرامر آغاز میشود. و پس از سرترم انتظار می رود که در ورودی علامت خاتمه فایل ورودی یعنی \$ ظاهر شود. لذا بنابر این پیش بینی در آغاز کار رشته \$ در داخل پیشته قرار داده شده است.

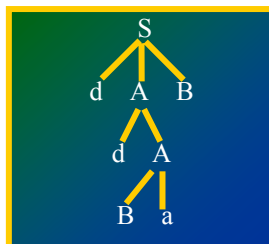
عمل تجزیه از ردیف مربوط به سرترم گرامر S آغاز میشود. با مشاهده اولین ترم در جمله \$ddabbb\$ که ترم در ورودی که ترم پایانی d است به ستون d در سطر S در داخل جدول ارجاع میشود. گسترش B در مکان (S,d) از جدول مشخص شده است. لذا، درخت تجزیه بصورت زیر ایجاد میشود:



اکنون، ترم بعدی از جمله \$ddabbb\$ خوانده میشود. این ترم پیش بینی نیز d است. با توجه به اینکه ترم پیش بینی هنوز d است. طبق درخت تجزیه انتظار مشاهده A در ورودی می رود. در مکان (A,d) از جدول تجزیه گسترش dA قرار دارد. درخت تجزیه زیر حاصل میشود.



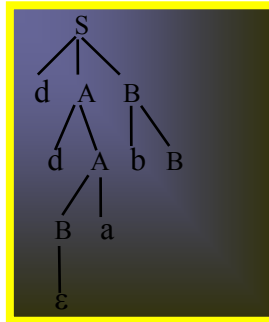
ورودی بعدی در جمله \$ddabbb\$ ترم پایانی a است. طبق درخت تجزیه انتظار مشاهده A در ورودی می رود. در مکان (A,a) از جدول گسترش Ba قرار گرفته است. بنابراین درخت تجزیه بصورت زیر توسعه داده میشود:



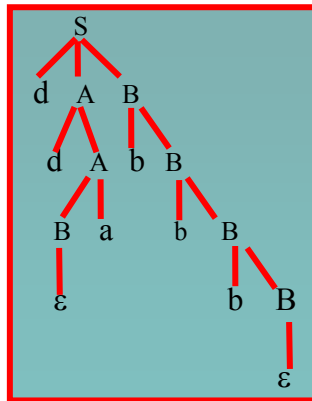
حالا با توجه به محتوی جدول تجزیه در مکان (B,a) باید گسترش  $\epsilon \rightarrow B$  انتخاب شود. بنابراین طبق درخت تجزیه انتظار دیدن a در ورودی می رود. در این لحظه ترم پیش بینی همان طوری که انتظار می رود a است. ورودی بعدی در جمله \$ddabbb\$ ترم پایانی b است. طبق درخت تجزیه انتظار مشاهده B در ورودی می رود. در مکان



(B,b) از جدول گسترش bB قرار گرفته است. بنابراین تا این مرحله درخت تجزیه بصورت زیر می باشد:



به همین ترتیب اگر عملیات ادامه پیدا کند نهایتاً درخت تجزیه بصورت زیر ایجاد میشود :



مثال - گرامر عبارات را که در زیر ارائه شده تبدیل به فرم LL(1) نموده ، جدول تجزیه برای يك تحلیگر پیش بینی کننده ایجاد کنید:

- Expression  $\rightarrow$  Expression RelOp SimpleExp | SimpleExp
- RelOp  $\rightarrow$  < | <= | = | > | >= | >
- IN
- SimpleExp  $\rightarrow$  SimpleExp '+' Term | SimpleExp '-' Term | SimpleExp Or Term | Term
- Term  $\rightarrow$  Term '/' Factor | Term '\*' Factor | Term DIV Factor | Term AND Factor | Factor
- Factor  $\rightarrow$  Number | NOT Factor | '(' Expression ')' | Variable
- Variable  $\rightarrow$  Identifier
- VarTale
- VarTale  $\rightarrow$  '[' Dim ']' .Variable |
- ε
- Dim  $\rightarrow$  Expression
- OtherDims
- OtherDims  $\rightarrow$  ',' Dim | ε

قواعد ارائه شده برای Expression دارای وضعیت خودبازگشتی چپ مستقیم است.

Expression  $\rightarrow$  Expression RelOp SimpleExp | SimpleExp  
درحالت کلی  $A \rightarrow A \alpha | \beta$  را می توان با قواعد معادل زیر جایگزین نمود :



$$A \rightarrow \beta B$$

$$B \rightarrow \alpha B \mid \varepsilon$$

حالا Expression را مشابه A و RelOp SimpleExp مشابه با  $\alpha$  و SimpleExp را مشابه با  $\beta$  در نظر بگیرید. به این ترتیب قواعد مربوط به E بصورت زیر تبدیل میشوند:

$$\text{Expression} \rightarrow \text{SimpleExp } E$$

$$E \rightarrow \text{RelOp SimpleExp } E \mid \varepsilon$$

در مورد SimpleExp ابتدا باید فاکتورگیری چپ نمود.

$$\text{SimpleExp} \rightarrow \text{SimpleExp '+' Term} \mid \text{SimpleExp '-' Term} \mid \text{SimpleExp Or Term} \mid \text{Term}$$

پس از فاکتورگیری چپ قواعد بصورت زیر تبدیل میشوند:

$$\text{SimpleExp} \rightarrow \text{SimpleExp Simple} \mid$$

Term

$$\text{Simple} \rightarrow \text{'+' Term} \mid \text{'-' Term} \mid \text{Or}$$

Term

پس از حذف خودبازگشتی چپ قواعد به صورت زیر تبدیل میشوند:

$$\text{SimpleExp} \rightarrow \text{Term}$$

S

$$S \rightarrow \text{Simple } S \mid$$

 $\varepsilon$ 

$$\text{Simple} \rightarrow \text{'+' Term} \mid \text{'-' Term} \mid \text{Or}$$

Term

در قاعده مربوط به S میتوان Simple را با گسترش آن جایگزین نمود. بنابراین قواعد فوق بصورت زیر ساده میشود:

$$\text{SimpleExp} \rightarrow \text{Term } S$$

$$S \rightarrow \text{'+' Term } S \mid \text{'-' Term } S \mid \text{Or Term } S \mid$$

 $\varepsilon$ 

بطور خلاصه گرامر عبارات در فرم LL(1) بصورت زیر می باشد:

$$\text{Expression} \rightarrow \text{SimpleExp}$$

E

$$E \rightarrow \text{RelOp SimpleExp } E \mid \varepsilon$$

$$\text{RelOp} \rightarrow < \mid <= \mid = \mid > \mid >= \mid > \mid \text{IN}$$

$$\text{SimpleExp} \rightarrow \text{Term}$$

S

$$S \rightarrow \text{'+' Term } S \mid \text{'-' Term } S \mid \text{Or Term } S \mid \varepsilon$$

$$\text{Term} \rightarrow \text{Factor } T$$

$$T \rightarrow \text{'/' Factor } T \mid \text{'*' Factor } T \mid \text{DIV Factor } T \mid \text{AND Factor } T \mid \varepsilon$$

$$\text{Factor} \rightarrow \text{Number} \mid \text{NOT Factor} \mid \text{'(' Expression ')'} \mid \text{Variable}$$



Variable → Identifier

VarTale

VarTale → '[' Dim ']' . Variable |

ε

Dim → Expression

OtherDims

OtherDims → ',' Dim | ε

اکنون میتوان مجموعه سرآغاز را برای ترما محاسبه نمود :

First(Expression) = First(SimpleExp) = First(Term) = First(factor) = {Number, NOT, (, Identifier}

First(E) = First(RelOp) + {ε} = {<, <=, =, >, >=, >, IN, ε}

Follow(E) = Follow(Expression) = First(OtherDims) + {'', \$

}

First(OtherDims) = {'', ε} = {''} + Follow(OtherDims) = {''} + Follow(Dim) = {'', '['}

First(E) = {<, <=, =, >, >=, >, IN} + {'', \$, ',', '['}

First(S) = {+, -, OR, ε} = {+, -, OR} +

Follow(S)

Follow(S) = Follow(SimpleExp) =

First(E)

First(S) = {+, -, OR} + {<, <=, =, >, >=, >, IN, '(', \$, ',', '['}

First(T) = {/, \*, DIV, AND, ε} = {/, \*, DIV, AND} + Follow(T)

Follow(T) = Follow(Term) =

First(S)

First(T) = {/, \*, DIV, AND} + {+, -, OR, <, <=, =, >, >=, >, IN, '(', \$, ',', '['}

First(Variable) =

{Identifier}

First(VarTale) = {'[' } +

Follow(VarTale)

Follow(VarTale) = Follow(Variable) = Follow(factor) =

First(T)

First(Variable) = {'['} + {/, \*, DIV, AND, +, -, OR, <, <=, =, >, >=, >, IN, '(', \$, ',', '['}

First(Dim) = First(Expression) = {Number, NOT, (,

Identifier}

حالا با استفاده از روابط فوق می توان جدول تجزیه بالا به پائین را بسادگی ایجاد کرد.

مثال - گرامر زیر را به فرم LL(1) تبدیل نموده ، جدول تجزیه برای آن ایجاد کنید.

S → SA |

BdA

A → Aa

| b

B → ba | Bd |

ε



تبدیل گرامر به فرم  $LL(1)$  در فرم توسعه یافته بسیار ساده تر است. لذا، گرامر بصورت زیر تبدیل میشود.

$$\begin{aligned} S &\rightarrow BdA \{A\} \\ A &\rightarrow b \{a\} \end{aligned}$$

$$B \rightarrow [ba] \{d\}$$

اما چون  $First(B) \cap Follow(B) = \{d\} \neq \emptyset$  گرامر  $LL(1)$  نمی باشد. بنابراین بصورت زیر عمل باید نمود:

$$\begin{aligned} S &\rightarrow [ba] \{d\}dA \{A\} \\ A &\rightarrow b \{a\} \end{aligned}$$

درمورد گسترش  $S$ ، مشکل  $d\{d\}$  است. زیرا مشخص نیست که چه هنگامی می توان به  $d$  دومی رسید. اما، واضح است که  $d\{d\} = d\{d\}$  است. بنابراین گرامر بصورت زیر تبدیل میشود:

$$\begin{aligned} S &\rightarrow [ba] d\{d\}A \{A\} \\ A &\rightarrow b \{a\} \end{aligned}$$

حالا میتوان جهت تولید جدول تجزیه گرامر را به فرم ساده تبدیل نمود. برای این منظور ابتدا  $[ba]$  را با  $B$ ،  $d\{d\}$  را با  $C$  و  $A\{A\}$  را با  $D$  باید جایگزین نمود.

$$\begin{aligned} S &\rightarrow B C D \\ A &\rightarrow b F \end{aligned}$$

$$\rightarrow a F \mid \varepsilon$$

F

$$B \rightarrow b E \mid a \mid \varepsilon$$

$$E \rightarrow a \mid \varepsilon$$

$$C \rightarrow d C \mid d$$

$$D \rightarrow A D \mid \varepsilon$$

$$\begin{aligned} First(S) &= First(B) = \{b, a, d\} \\ First(A) &= \{b\} \end{aligned}$$

$$First(F) = \{a, \varepsilon\} \quad Follow(F) = Follow(A) = First(D) = \{b\}$$

$$First(B) = \{b, a, \varepsilon\} \quad Follow(B) \quad First(C) = \{d\}$$

=

$$\begin{aligned} First(E) &= \{a, \varepsilon\} \quad Follow(E) = Follow(B) = \{d\} \\ First(C) & \end{aligned}$$

={d}

$$First(G) = \{d, \varepsilon\} \quad Follow(G) = Follow(C) = First(D) = \{b\}$$

$$First(D) = \{b, \varepsilon\} \quad Follow(D) = Follow(S) = \{\}$$

اکنون می توان جدول تجزیه را بسادگی برای این گرامر بدست آورد.

## ۴.۷ تجزیه گره های کاهینه بازگشتی





تجزیه گرهای کاهینه بازگشتی یا Recursive scent parser را می توان برای گرامرهای LL(1) مورد استفاده قرار داد. در این روش برای هر ترم میانی و سرترم، یک روال یا زیر برنامه به همان نام ایجاد میشود. به این ترتیب، قواعد گرامر را عیناً با استفاده از توابع خود بازگشتی تبدیل به کد برنامه مینمایند. لذا، مزیت این روش سادگی ایجاد و خوانایی کد برنامه تجزیه گر است.

در ساختار کلی یا در واقع برنامه اصلی برای این نوع تحلیلگر پس از انجام عملیات اولیه بنام Init تحلیلگر لغوی بنام NextSymbol فراخوانی فراخوانده میشود تا نوع اولین ترم پیش بینی در یک متغیر سراسری بنام CurrentSymbol قرار گیرد. سپس روال تعیین شده برای سرترم گرامر که در زیر ProgramX نامیده شده، مورد فراخوانی قرار میگیرد. بنابراین بدنه اصلی برنامه تحلیلگر کاهینه بازگشتی بصورت زیر است:

```

Begin
  init;
  NextSymbol;

                                          ProgramX

End .

```

Current Symbol متغیری سراسری از نوع شمارش پذیر Symbols است که قبل از این برای تعیین نوع لغات توسط تحلیلگر لغوی مشخص شد. نوع Symbols حاوی انواع لغات موجود در زبان مورد نظر است. برای نمونه:

```

Type
Symbols = ( S_if , S_while , S_repeat , S_for , S_Case , S_then , S_else , S_do ,
            S_program , S_uses , S_interface , S_unit , S_begin , S_end ,
            S_label , S_const , S_type , S_var , S_procedure , S_function ,
            S_integer , S_real , S_char , S_array , S_record , S_pointer ,
            S_lt , S_gt , S_eq , S_le , S_ge , S_ne , S_add , S_sub , S_or , S_mul , S_div , S_and ,
            S_id , S_no , S_not , S_comma , S_colon , S_semicolon , S_dot ,
            S_OpBracket , S_ClBracket , S_OpCurlyB , S_ClCurlyB , S_OpSquB , S_ClSquB );

Var
CurrentSymbol : Symbols ;

```

پس از اینکه تحلیلگر لغوی اولین لغت را از برنامه ورودی تشخیص و در داخل CurrentSymbol قرار داد، میبایست روال ProgramX فراخوانی شود. در واقع ProgramX نام سرترم گرامر است چرا که در این روش برای هر ترم میانی و سرترم روالی به همان نام نوشته میشود. روال ProgramX بر اساس قاعده مربوطه نوشته شده است. قاعده مربوط به ProgramX در زیر با یک جمله تفسیری کامنت مشخص شده است:

```
(* Program X → Program id ‘;’ BlockBody ‘.’ *)
```

```

Procedure   { روال تشخیص سرترم گرامر }
ProgramX ; {
  Begin
    Expect ( S_Program ) ; { انتظار مشاهده S_Program در ورودی می‌رود }
    Expect ( S_id ) ; { انتظار مشاهده S_Id در ورودی می‌رود }
    Expect ( S_Semicolon ) ; { انتظار مشاهده S_Semicolon در ورودی می‌رود }
  BlockBody ; { فراخوانی روال ترم میانی BlockBody برای تشخیص بدنه برنامه }
  {
    Expect ( S_dot ) { انتظار مشاهده S_Semicolon در ورودی می‌رود }
  End ;

```

همانطوریکه مشاهده میشود اکنون در ابتدای روال ProgramX بنا بر قاعده مربوطه ، انتظار مشاهده لغت از نوع S\_Program می‌رود. برای این منظور تابع Expect با پارامتر S\_Program مورد فراخوانی قرار گرفته است. ترم پیش بینی قبل از اجراء دستورالعمل Expect ( S\_Program ) در داخل برنامه اصلی و با فراخوانی NextSymbol در داخل CurrentSymbol قرار داده شد. بنابراین محتوی CurrentSymbol در داخل Expect بنابراین گرامر با S\_Program مقایسه میشود. کد این روال بصورت زیر است :

```

  Procedure EXPECT ( S : Symbols ) ;
  Begin
    If CurrentSymbol = S   { اگر ترم پیش بینی مساوی با پارامتر ارسالی است }
    {
      Then NextSymbol   { آنگاه لغت بعدی بعنوان ترم پیش بینی خوانده شود }
      {
        Else SyntaxError { وگرنه پیام خطا نحوی صادر شود }
      End ;
    اکنون می توان روال مربوط به ترم میانی BlockBody را نوشت. در ابتدا باید قواعد
    مربوط به این ترم میانی را مشخص نمود تا بتوان بر اساس آن گرامر روال
    مربوطه را مشخص کرد :

```

```

  (* Blockbody → [ ConstantDef.part ]
    [ typeDef.Part ]
    [VarDefPart ]
    {FunctionDef | ProcedureDef }
    Compound Statement * )
  Procedure BlockBody ;
  Begin
    if CurrentSymbol = S_const
    then ConstantDef.Part ;
    if CurrentSymbol = S_type
    then TypeDefPart ;
    if CurrentSymbol = S_Var
    then VarDefPart ;
    While ( current Symbol = S_Procedure | Current symbol = S_Function )
    do if CurrentSymbol = S_Procedure
    then ProcedureDef.
    else FunctionDef.
  Compound Statement ;
  End ;

```

در گرامر فوق بر اکت علامت تکرار صفر و یا يك و آکولاد علامت تکرار صفر یا بیشتر است. نکته قابل توجه این است که در داخل ProgramX هنگامیکه BlockBody فراخوانی میشود. لغت بعدی در داخل CurrentSymbol قرار دارد. لذا، اگر این لغت S\_Const باشد روال مربوط به ثابتها فراخوانی میشود. این روال بخش تعریف ثابتها را بنا بر گرامر، مورد تحلیل نحوی قرار میدهد و در خاتمه لغت بعدی را در داخل CurrentSymbol قرار میدهد. همین امر موجب میشود که تحلیلگر نحوی بتواند بسادگی به کار خود ادامه دهد.

نکته قابل توجه در مورد تشخیص روالها و توابع است. به هر تعدادی و یا هر ترکیبی از آنها را میتوان داشت لذا در داخل يك حلقه While پس از اینکه يك روال یا تابع تشخیص داده میشود باید مطمئن بود که لغت بعدی در CurrentSymbol است که اگر S\_Procedure یا S\_Function باشد در داخل حلقه مربوط فراخوانی میشود:

```
(* ConstantDefPart → Const ConstantDef {ConstantDef} *)
Procedure      Part;
ConstantDef

Begin
Nextsymbol ;
ConstantDef ;
While CurrentSymbol = S_id
Do ConstantDef ;
End ;

(* constant Def → id '=' ( No | id ) ';' *)
)
Procedure ConstantDef
;
Begin
Expect ( S_id );
Expect ( S_EQ );
If CurrentSymbol = S_No
Then Nextsymbol
else Expect ( S_id );
Expect ( S_Semicolon );
End ;
```

در بخش قبلی گرامر عبارات به برم LL(1) تبدیل شد تا بتوان جدول تجزیه برای تحلیلگر نحوی پیش بینی کننده برای تشخیص عبارات ایجاد نمود. برای ایجاد تحلیلگر کاهینه بازگشتی بهتر است که گرامر در فرم توسعه یافته بصورت LL(1) تبدیل شود. گرامر عبارات در فرم توسعه یافته بصورت زیر است:

```
Expression → SimpleExp {RelOp SimpleExp}
RelOp → < | <= | = | > | >= | > | IN
SimpleExp → Term { ( '+' | '-' | Or ) Term }
Term → Factor { ( '/' | '*' | DIV | AND ) Factor }
Factor → Number | NOT Factor | '(' Expression ')' | Variable
Variable → Identifier { '[' Dim ']' }
```



```
Dim → Expression { ‘,’ Expression }

حالا میتوان بر اساس گرامر فوق تجزیه گر کاهینه بازگشتی را بصورت زیر
ایجاد کرد :

Begin Init; NextSymbol; Expression;
End.

(*Expression → SimpleExp {RelOp
SimpleExp}*)
Procedure
Expression;
Begin
SimpleExp;
do
while CurrentSymbol in First(RelOp)
do
Begin RelOp ; SimpleExp End;
End;
(* RelOp → < | <= | = | > | >= | > | IN
*)
Procedure RelOp;
Begin if CurrentSymbol in [S_Lt , S_Le, S_Eq, S_Ne, S_Ge, S_Gt ]
then
NextSymbol
else
Expect(S_In);
End;
(* SimpleExp → Term { ( ‘+’ | ‘-’ | Or ) Term } *)
Procedure
SimpleExp;
Begin
Term;
while CurrentSymbol in [S_Add, S_Sub, S_Or]
do begin NextSymbol; Term
End;
End;
(* Term → Factor { ( ‘/’ | ‘*’ | DIV | AND) Factor }
*)
Procedure
Term;
Begin
Factor;
```



```

while CurrentSymbol in [S_Div, S_Mul, S_IntDiv, S_And]
do begin NextSymbol; Factor
End;

End;

(*Variable → Identifier { '[' Dim ']'
}*)

Procedure Term;

Begin

Expect(S_Id);

while CurrentSymbol = S_OpenSquareBracket
do begin
NextSymbol; Dim; Expect ( S_CloseSquareBracket );
End;

End;

```

## ۴.۸ بهبود از خطا

یکی از دامنه های تحقیقاتی بسیار وسیع در زمینه کامپایلر ها که حتی امروزه به هوش مصنوعی نیز ارتباط پیدا کرده است ، مسئله بهبود از خطا است . مسئله اینجا است که یک کامپایلر قادر باشد پس از مشاهده خطای نحوی در متن برنامه داده شده به درستی بکار خود ادامه دهد و حد اکثر تعداد خطارا در یک مرحله از کامپایل تشخیص دهد .

نکته این است که برای نمونه اگر اشتباهها" در برنامه ای بجای If برنامه نویس اشتباهها" Uf وارد کند ، کامپایلر با مشاهده لغت Uf که یک شناسه است به جای If ، گمراه نشده و پیامهای خطای اضافی صادر نکند و قادر باشد که در یک مرحله از کامپایل حد اقل تعداد پیام لازم برای حد اکثر تعداد خطا را ایجاد نماید .

برای درک بهتر مسأله بهبود از خطا، در زیر یک مثال ارائه میشود. برای این منظور روالهای زیر را که قبلاً جهت تشخیص ثابتها ارائه شده بود در نظر بگیرید :

```

( *      → Const ConstantDef {ConstantDef }      * )
ConstantDefPart

Procedure ConstantDef Part
;

Begin

NextSymbol ;
ConstantDef ;
While CurrentSymbol = S_id

```



```
Do CostantDef;
```

```
End;
```

```
( * → id ‘=’ ( No | id ) ‘ ; ’ * )
```

```
ConstantDef
```

```
Procedure ConstantDef
```

```
;
```

```
Begin
```

```
Expect ( S_id );
Expect ( S_EQ );
If CurrentSymbol = S_No
Then Nextsymbol
Else Expect ( S_id );
Expect ( S_Semicolon );
End;
```

اکنون به قطعه کد مقابل که دارای خطای نحوی است توجه نمایید .

```
Const
a := 5
;
b =
;
c = 8
;
```

برای تجزیه قطعه کد فوق روال ConstantDef فراخوانی میشود. در ضمن عمل تجزیه هنگامی که پس از ترم پایانی a در ورودی انتظار مشاهده S\_EQ می‌رود، برخلاف انتظار لغت =: از نوع S\_Assigin ظاهر میشود بنابراین در داخل Expect روال SyntaxError فراخوانی میشود. در اینجا نکته چگونگی عملکرد SyntaxError است. اگر SyntaxError بصورت زیر نوشته شود :

```
Procedure SyntaxError ;
Begin
Error ( “ Syntax “, LineNo , ColNo ) ;
End;
```

چون در این حالت NextSymbol در داخل Expect مورد فراخوانی قرار نمی‌گیرد ، محتوای CurrentSymbol همان S\_Assigin باقی خواهد ماند. پس از اینکه پیغام خطا در سطر LineNo و ستون ColNo از متن برنامه مورد کامپایل اعلام شد ، کنترل به روال Expect و پس از آن به فراخواننده Expect یعنی ConstantDef میرسد. اما ، تغییر نکردن مقدار ترم پیش بینی یعنی مقدار CurrentSymbol موجب میشود که به غلط پیام خطای دومی اعلام شود. به این ترتیب زمانی که دستورالعمل Expect ( S\_No ) اجراء میشود چون محتوای CurrentSymbol مساوی با S\_No نبوده و مساوی با S\_Assigin است لذا ، مجدداً به غلط پیام خطای دیگری صادر میشود و به همین ترتیب پیامهای



خطای بعدی ، یکی پس از دیگری صادر می شوند. اگر NextSymbol بصورت زیر در داخل SyntaxError فراخوانی شود :

```
Procedure SyntaxError ;
  Begin
    Error ( " Syntax " , LineNo , ColNo ) ;
    NextSymbol ;
  End;
```

آنگاه پس از اعلام پیام خطا ، لغت بعدی یعنی عدد 5 که از نوع S\_No است از ورودی خوانده می شد. به این ترتیب با تغییر CurrentSymbol به S\_No ، روال ConstantDef به درستی می توانست بکار خود ادامه دهد. با وجود این ، افزایش NextSymbol یا بعبارت دیگر چشم پوشی از مورد خطا که در اینجا S\_Assign بود همواره مشکل گشا نیست. برای مثال در سطر بعدی یعنی ; b = پس از تشخیص = یا S\_EQ محتوای CurrentSymbol به غلط S\_Semicolon خواهد بود. و در زمانی که دستورالعمل Expect ( S\_No ) اجرا می شود محتوای CurrentSymbol ، S\_Semicolon است و در اینجا چشم پوشی از این لغت یعنی S\_Semicolon موجب خطا می شود و بهتر است که NextSymbol از داخل روال SyntaxError حذف شود .

چه باید کرد ؟ مشاهده نمودید که در یک مورد وجود NextSymbol در داخل SyntaxError برای چشم پوشی از مورد خطای نحوی و در واقع لغت غیر قابل انتظار ، ضروری است و در مورد دیگر این عمل غلط می باشد . برای رفع این مشکل در داخل هر قاعده برای هر ترم بطور مجزاء مجموعه ای از ترمها که پس از آن ترم در قاعده ای ظاهر می شوند را به عنوان مجموعه STOP یا متوقف کننده در نظر گرفته می شود. اکنون در داخل SyntaxError آنقدر ترمهای بعدی خوانده شده و از آنها چشم پوشی می شود تا طبق قاعده بتوان به یکی از ترمهای بعدی مورد انتظار در داخل مجموعه Stop رسید .

برای نمونه طبق گرامر در داخل ConstantDef پس از S\_Id انتظار دیدن S\_EQ و پس از آن انتظار S\_Semicolon در ورودی می رود. پس از S\_Semicolon مسلماً باید ترمهایی که پس از ConstantDef می توانند ظاهر شوند ، قرار گیرند. این ترمها شامل S\_id که شروع کننده ConstantDef دیگری است و همین طور ترمهایی که بعد از خود ConstantDef.Part می توانند ظاهر شوند ، است. به این ترتیب روالها را می توان بصورت زیر باز نویسی کرد :

```
( * → Const ConstantDef. {ConstantDef } * )
ConstantDefPart
Procedure ConstantDef Part ( Stop : Set of Symbols ) ;
Bigin
NextSymbol ;
ConstantDef ( [ S_id ] + Stop ) ;
While CurrentSymbol = S_id
```



```

Do CostantDef ( [ S_id ] + Stop ) ;

End ;

( * → Id '=( No | id ) ' ; ' * )
ConstantDef
Procedure ConstantDef ( Stop: Set of Symbols )
;
Begin
Expect ( S_id , [ S_EQ , S_No , S_Id , S_Semicolon ] + Stop ) ;
Expect ( S_EQ , [ S_No , S_id , S_Semicolon ] + Stop ) ;
If CurrentSymbol = S_No
Then NextSymbol
Else Expect ( S_No , Stop + [ S_Semicolon ] ) ;
Expect ( S_Semicolon , Stop ) ;

End ;

Procedure EXPECT ( S : Symbols , Stop : Set of Symbols
) ;
Begin
if Currentsymbol = S
Then Nextsymbol
else SyntaxError( Stop ) ;

End;

Procedure SYNTAXERROR ( Stop : Set of Symbols
) ;
Begin
Error ( ' Syntax ' , LineNo , ColNo
) ;
While not ( CurrentSymbol in Stop ) DO NextSymbol ;

End;

```

در حالت کلی واضح است که برای محاسبه مجموعه Stop بصورت زیر عمل میشود :

الف - چنانچه :  $E \rightarrow e_1 e_2 e_3 \dots e_n$  آنگاه :

$$\text{Stop} ( e_i ) = \sum_{j=(i+1) \dots n} \text{First} ( e_j ) + \text{Stop} ( E )$$

$$\text{Stop} ( e_n ) = \text{Stop} ( E )$$

ب - چنانچه :  $E \rightarrow e_1 | e_2 | \dots | e_n$  آنگاه :

$$\text{Stop} ( e_i ) = \text{Stop} ( E )$$

$$i = 1 \dots n$$



ج - چنانچه :  $E \rightarrow \{e_1\}$  آنگاه :

$$\text{Stop}(e_1) = \text{Stop}(E) + \text{First}(e_1)$$

به این ترتیب برنامه تحلیلگر لغوی که قبل از این نوشته شده بود بصورت زیر تبدیل میشود :

```

Begin
  Init ; // عملیات مقدماتی
  Nextsymbol ; // گرفتن لغت بعدی از تحلیلگر لغوی
  ProgramX ( [ S_EOF ] // انتظار سرترم و علامت خاتمه فایل پس از آن
)
End.

```

همانگونه که مشاهده می‌نمایید ، پس از سرترم گرامر ، انتظار مشاهده علامت پایان فایل یا S\_EOF می‌رود زیرا ، هر جمله ورودی به کامپایلر در داخل یک فایل ظاهر میشود که با علامت خاتمه فایل انتهایی آن مشخص میشود. بنابراین پس از هر جمله ورودی علامت خاتمه فایل قرار میگیرد. جمله ورودی در صورت صحیح بودن از سرترم گرامر مشتق میشود. بنابراین پس از سرترم گرامر همواره انتظار مشاهده علامت خاتمه فایل میرود.

```

(* ProgramX → Program id ; CompoundSt ; *)
Procedure ProgramX ( Stop : Set of Symbols );
Begin
  Expect ( S_program , [ S_id , S_Semicolon ] + First ( Blockbody ) + [ S_dot ] + Stop );
  Expect ( S_id , [ S_Semicolon , First ( Blockbody ) + [ S_dot ] + Stop );
  Expect ( S_Semicolon , First ( Blockbody ) + [ S_dot ] + Stop );
  Blockbody ( [ S_dot ] + Stop );
  Expect ( S_dot , Stop );
End;

(* Blockbody → [ ConstantDef.part ][ typeDef.Part ][VarDefPart ]
  {FunctionDef | ProcedureDef } Compaund Statement *)
Procedure BlockBody ( Stop : Set of Symbols);
Begin
  if CurrentSymbol = S_const
  then ConstantDef.Part(Stop + [ S_Type , S_Var , S_Procedure , S_Function , S_Begin ] );
  if CurrentSymbol = S_type
  then TypeDefPart( Stop + [ S_Var , S_Procedure , S_Function , S_Begin ] );
  if CurrentSymbol = S_var
  then VarDefPart( Stop + [ S_Procedure , S_Function , S_Begin ] );
  while ( current Symbol = S_Procedure | Current symbol = S_Function )
  do if CurrentSymbol = S_Procedure
  then ProcedureDef ( Stop + [ S_Procedure , S_Function , S_Begin ] )
  else FunctionDef ( Stop + [ S_Procedure , S_Function , S_Begin ] );
  Compound Statement( Stop );
End ;

```



مثال - گرامر زیر را به فرم LL(1) تبدیل نموده ، يك تحليلگر كاهينه بازگشتي براي آن ايجاد نماييد .

$$S \rightarrow aB \mid aC \mid dD$$

$$D \rightarrow Da \mid Db \mid d$$

$$B \rightarrow BC \mid b$$

$$C \rightarrow Cd \mid d$$

براي تبديل به LL(1) فرم توسعه يافته ساده تر است. در مورد S عمل فاکتور گيري چپ و در مورد D پس از عمل فاکتور گيري چپ ، بايد حالت خود بازگشتي چپ حذف شود. در مورد سايرترم هاي گرامر بايد حالت خودبازگشتي چپ از داخل قاعده حذف شود.

$$S \rightarrow a(B \mid C) \mid dD$$

$$D \rightarrow d \{ a \mid b \}$$

$$B \rightarrow b \{ C \}$$

$$C \rightarrow d \{ d \}$$

با جايگزيني گسترش C در  $B \rightarrow b \{ C \}$  اين قاعده بصورت زير تبديل ميشود:

$$B \rightarrow b \{ d \}$$

در بين قواعد فوق ، تنها قاعده  $S \rightarrow a(B \mid C) \mid dD$  ممکن است عملي براي LL(1) نشدن گرامر باشد. در سمت راست اين قاعده 'B | C' را در نظر بگيريد. بايد  $\text{First}(B) \cap \text{First}(C) = \emptyset$  باشد.

$$\text{First}(B) \cap \text{First}(C) = \{b\} \cap \{d\} = \emptyset$$

بنابراين گرامر LL(1) است.

Begin init; NextSymbol; S(S\_EOF);

End.

(\* S  $\rightarrow$  a (B | C) |

dD \*)

Procedure S( Stop : Set of Symbols);

Begin

If(CurrentSymbol = S\_d)

Then Begin NextSymbol; D( Stop ); End

Else Expect(S\_a, [S\_b, S\_d] + Stop);

End;

(\* D  $\rightarrow$  d { a | b

} \*)

Procedure D( Stop : Set of Symbols);

Begin

Expect(S\_d, [S\_b, S\_d] + Stop);

While(CurrentSymbol = S\_a ) Or (CurrentSymbol = S\_b) do

If CurrentSymbol = S\_a Then

NextSymbol

Else Expect(S\_a, [S\_b, S\_d] + Stop);



End;

(\*B  $\rightarrow$  b { d }\*)

Procedure B( Stop : Set of Symbols);

Expect(S\_b, [ S\_d] +

Begin

Stop);

While(CurrentSymbol = S\_d ) do NextSymbol;

End;

(\*B  $\rightarrow$  b { d }\*)

Procedure C( Stop : Set of Symbols);

Expect(S\_d, [ S\_d] +

Begin

Stop);

While(CurrentSymbol = S\_d ) do NextSymbol;

End;



## ۴.۹ مولد تحلیگر نحوی

مولد تحلیگر نحوی برنامه ای است که گرامر يك زبان را دریافت نموده و برای آن يك تحلیگر نحوی یا تجزیه گر ایجاد می کند. در این قسمت نوعی خاص از مولد ارائه شده است که گرامر زبان را در داخل يك فایل میپذیرد و بر اساس گرامر عمل تحلیل نحوی را انجام میدهد. این مولد در واقع يك برنامه پیمایش گراف است. هر قاعده در گرامر LL(1) را میتوان بعنوان يك گراف در نظر گرفت.

در برنامه مولد تحلیگر نحوی که در زیر ارائه شده ، گرامر درون يك فایل متن یا در اصطلاح Text بنام Grammar.txt قرار دارد. برای قرار دادن گرامر در داخل این فایل در هر سطر ابتدا ترم سمت چپ قاعده و بلافاصله گسترش آن مشخص میشود. برای سادگی و خواناتر شدن برنامه فرض شده که هر ترم میانی و سرترم با يك حرف لاتین درشت و هر ترم پایانی با يك حرف كوچك مشخص شده است. به این ترتیب برای نمونه گرامر ساده :

S → cA | BdS

A → aAB |

d

B → bB |

d

بصورت زیر در فایل Grammar.txt ذخیره میشود :

6

ScA

SBdS

AaAB

Ad

BbB

Bd

در اولین سطر از فایل Grammar.txt تعداد قواعد یا در واقع تعداد سطرهای فایل مشخص شده است. بدنه برنامه اصلی main در زیر ارائه شده است. باز هم بخاطر سادگی و خوانایی برنامه متن برنامه مورد کامپایل در داخل يك رشته بنام Statement در نظر گرفته شده است.

```
void main()
{ int NoRules,      تعداد قواعد در گرامر
//
len;              // تعداد ترما در جمله ورودی
char **rules,     ماتریس قواعد گرامر
//
```

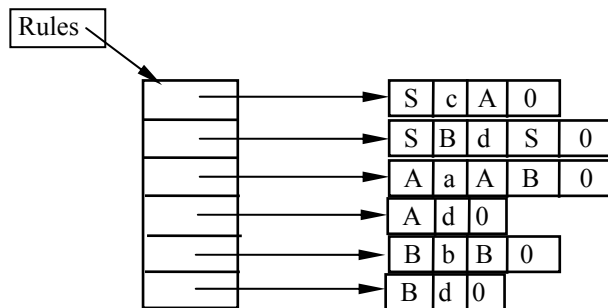


```

جمله ورودی کامپایلر *statement;
//
تولید ماتریس قواعد گرامر در آرایه دو بعدی
1- rules
NoRules = ReadGrammar(&rules, statement);
تحلیل نحوی جمله داده شده با استفاده از ماتریس قواعد rules
// 2-
len = TopDownParse(rules, statement, 0, NoRules, 0);
اعلام پیام خطا در صورتیکه کار تحلیل نحوی تا آخر جمله داده شده ادامه پیدا نکرده
//3.
باشد.
if(len != strlen(statement)) { clrscr(); puts("خطا نحوی"); }
}

```

در اولین سطر از برنامه اصلی تابع ReadGrammar قراخوانی میشود. این تابع گرامر را از داخل فایل Grammar.txt خوانده، در داخل یک آرایه از نشانگرها به آرایه‌ها قرار میدهد. آدرس شروع آرایه نشانگرها در مکان مشخص شده توسط پارامتر Prod از تابع ظاهر میشود. هر آرایه حاوی یک قاعده گرامر خواهد بود. به عنوان نمونه برای گرامری که در ابتدای این بخش ارائه شد ساختار آرایه که Rules نام دارد به صورت زیر است:



کد تابع ReadGrammar در زیر ارائه شده است.

```

int ReadGrammar(char ***prod, char *statement)
گرامر را از فایل ورودی به ماتریس مربوطه انتقال میدهد. از انتهای فایل جمله ورودی
را میخواند //
FILE *fp;
char line[100], **rules;
int i, NoRules;
fp = fopen("Grammar2.txt", "rt");
if(!fp) fp = stdin;
if(fp == stdin)
{clrscr(); printf("NO. Rules : ");}
fscanf(fp, "%d", &NoRules);
ایجاد آرایه از نشانگرها بسوی تعداد قواعد گرامر با اضافه
یک //
rules=(char **) malloc((NoRules+1) * sizeof(char *)) ;
rules[NoRules] = NULL;
for(i = 0; !feof(fp) && i < NoRules; i++)
قرار دادن قواعد درون ماتریس
// Rules

```



```
fscanf(fp, "%s", line);
rules[i] = malloc(strlen(line)+1);
strcpy(rules[i], line);
}
خواندن جمله مورد
```

// کامپایل

```
if(!feof(fp)) fscanf(fp, "%s", statement) ;
*prod = rules; // برگرداندن آدرس ماتریس قواعد در
```

Prod

```
return برگرداندن تعداد قواعد بعنوان خروجی تابع
```

NoRules; //

}

اکنون با تشکیل ماتریس قواعد در Rules و خواندن جمله مورد کامپایل در رشته Statement میتوان با فراخوانی تابع TopDownParse عمل تحلیل نحوی را انجام داد. این تابع برای انجام عمل تحلیل نحوی از Rules[start] شروع می کند. در آغاز کار مقدار start مساوی با صفر است لذا، در آغاز کار تحلیلگر نحوی با سرترم گرامر آغاز میشود. ترم پیش بینی برای این تابع در Statement[ix] قرار گرفته است.

تابع تحلیلگر

// نحوی

```
int TopDownParse(char **rules, char *statement, int start, int NoRules, int ix)
```

```
پارامتر Rules حاوی قواعد گرامر
```

{ // است

```
پارامتر start حاوی شماره قاعده ترم میانی مورد
```

// انتظار است

```
پارامتر ix حاوی اندیس ترم پیش بینی در جمله ورودی
```

// است

```
int i, j, k, m, NewK;
char leftterm, input;
//1- Match the leftmost
```

```
input = statement[ix]; // تعیین ترم پیش بینی در متغیر
```

Input

```
// با فراخوانی تابع StartWhichRules مقدار i نشان میدهد که در داخل آرایه
```

Rules

```
کدام گسترش از گسترش های ترم مورد انتظار یعنی rules[start] با ترم پیش بینی Input
```

// آغاز میشود.

```
i = StartWhichRule(rules, input, start, NoRules);
```

```
if(i < 0) return ix;
```

```
// پیمایش سمت راست قاعده
```

rules[i][0]

```
for(j = 1, k = ix; rules[i][j] && statement[k] && i < NoRules; j++)
```

```
// اگر ترم بعدی در سمت راست قاعده یک ترم میانی است آنگاه
```

```
if(isupper(rules[i][j]))
```

{

```
جستجو برای یافتن قاعده مربوط به ترم میانی ظاهر شده در ضمن پیمایش سمت راست
```

// 1-



```

for(m = 0; rules[m][0] != rules[i][j] && m < NoRules; m++);
NewK = TopDownParse(rules, statement, m, NoRules, k);
if(k == NewK) return 0; else k = NewK;}
وگرنه ترم بعدی در سمت راست قاعده یک ترم پایانی

```

// است

```

else خواندن ترم پایانی بعدی در ورودی

```

// 2.

```

if(rules[i][j] == statement[k]) k++;
return k;
}

```

با فراخوانی تابع StartWhichRule مشخص میشود که ترم پیش بینی input کدام گسترش از گسترش‌های ترم مورد انتظار یعنی rules[start][0] را آغاز میکند. در صورت یافتن گسترش مورد نظر شماره اندیس قاعده آن در متغیر i برگردانده میشود. به این ترتیب rules[i][0] باید مساوی با rules[start][0] باشد. با یافتن یک قاعده مناسب، سمت راست آن قاعده مورد پیمایش قرار میگیرد. در ضمن پیمایش چنانچه تحلیلگر به یک ترم میانی برسد، با فراخوانی خود بطور خود بازگشتی بر مبنای آن ترم میانی عمل تحلیل نحوی را ادامه میدهد. پس از این فراخوانی NewK نمایانگر اندیس ترم پیش بینی در جمله ورودی یعنی Statement است. واضح است که مقدار این اندیس باید متفاوت از اندیس قبل از فراخوانی خودبازگشتی تابع یعنی K باشد.

تابع StartWhichRule مشخص میکند که ترم پیش بینی input آغاز کننده کدام گسترش از گسترش‌های متفاوت ترم rules[start][0] است. برای این منظور چنانچه LeftNonTerm مساوی با rules[start][0] قرار داده شود، تحلیلگر بدنبال گسترشی از این ترم میانی است یا به عبارت دیگر بدنبال یک rules[i] میگردد که اولاً "rules[i][0] مساوی با LeftNonTerm باشد و ثانیاً ترم rules[i][1] یا ترم مورد پیش بینی یعنی input آغاز شود. اگر rules[i][1] یک ترم میانی باشد، تابع بصورت خود بازگشتی فراخوانی میشود تا مشخص شود آیا آن ترم میانی با ترم پیش بینی یعنی input آغاز میشود. اگر موفق نشد به سراغ گسترش دیگر ترم میانی میرود. در این مرحله میتوان با استفاده از مجموعه سرآغاز کار تحلیلگر را تسریع نمود. برنامه کامل مولد تحلیلگر نحوی در زیر ارائه شده است.

```

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <conio.h>
#include <string.h>
#include <malloc.h>
#include <ctype.h>

```

```

int ReadGrammar(char ***prod, char *statement)
{
FILE *fp;
char line[100], **rules;

```



```
int i, NoRules;
fp = fopen("Gammar2.txt","rt");
if(!fp) fp = stdin;
if(fp == stdin)
{clrscr(); printf("NO. Rules : ");}
fscanf(fp,"%d", &NoRules);
rules =(char **) malloc((NoRules+1) * sizeof(char *));
rules[NoRules] = NULL;
for(i = 0; !feof(fp) && i < NoRules; i++)
{
fscanf(fp, "%s", line);
rules[i] = malloc(strlen(line)+1);
strcpy(rules[i], line);
}
if(!feof(fp)) fscanf(fp, "%s", statement);
*prod = rules;
return NoRules;
} // End of ReadGrammar
```

```
//This function matches the leftmost term with input
int StartWhichRule(char **rules, char input, int start, int NoRules)
{ int success, i, k;
char LeftNonTerm;

LeftNonTerm = rules[start][0];
//1- Look for a left terminal in the production rule
i = start;
while((rules[i][1] != input) &&
(rules[i][0] == LeftNonTerm)) i++;
//Hint: here is a catch --- E R O R R -- Find it out..
if(rules[i][1] == input)
return i;
//2- Look for a left nonterminal in the production rule
for(i = start, success = -1;
rules[i][0] == LeftNonTerm && success < 0;
i++) if(isupper(rules[i][1]))
{ for(k = 0; rules[k][0] != rules[i][1] && k < NoRules; k++);
success = StartWhichRule(rules, input, k, NoRules);
}
if(success < 0 ) return success;
return i-1;
}
```

```
int TopDownParse(char **rules, char *statement, int start, int NoRules, int ix)
{
int i, j, k, m, NewK;
char leftterm, input;

//1- Match the leftmost
input = statement[ix];
i = StartWhichRule(rules, input, start, NoRules);
if(i < 0) return ix;

for( j = 1, k = ix;
```





```
rules[i][j] && statement[k] && i < NoRules; j++)
    if(isupper(rules[i][j]))
    { for(m = 0; rules[m][0] != rules[i][j] && m < NoRules; m++);
      NewK = TopDownParse(rules, statement, m, NoRules, k);
      if(k == NewK) return 0; else k = NewK;}
    else if(rules[i][j] == statement[k]) k++;
    return k;
}
```

```
void main()
{ int NoRules, len;
  char **rules, *statement;
  NoRules = ReadGrammar(&rules, statement);
  len = TopDownParse(rules, statement, 0, NoRules, 0);
  if(len != strlen(statement)) { clrscr(); puts("ERROE"); }
}
```



# ۴.۱۰ تمرین

**تمرین 1-** گرامر زیر برای ساختار لیست را در نظر بگیرید :

$$S \rightarrow (L) | a$$

$$L \rightarrow L, S | S$$

این گرامر را به فرم  $LL(1)$  تبدیل نموده برای آن جدول تجزیه بالا به پائین ایجاد کنید. با استفاده از این جدول تجزیه جمله  $(a, (a, a))$  را مورد تحلیل نحوی قرار دهید.

**تمرین 2-** گرامر زیر را به فرم  $LL(1)$  تبدیل نموده جدول تجزیه برای یک تحلیلگر پیش بینی کننده ایجاد نمایید.

$$S \rightarrow SAB | AB$$

$$A \rightarrow Aa | a$$

$$B \rightarrow Bb | \varepsilon$$

**تمرین 3-** یک الگوریتم برای تحلیل گر پیش بینی کننده ایجاد کنید که با استفاده از جدول تجزیه و یک پشته تجزیه عمل تحلیل نحوی را انجام دهد. برای این الگوریتم یک تابع بصورت زیر ایجاد کنید :

PredictiveParser( char \*\*ParseTable, int NoRows, int NoCols)

int

**تمرین 4-** یک مولد تحلیل گر پیش بینی کننده ایجاد کنید که گرامر  $LL(1)$  را در ورودی می پذیرد. این مولد سپس ، مجموعه های سرآغاز برای ترمهای میانی را محاسبه میکند. با استفاده از مجموعه های سرآغاز به راحتی میتوان جدول تجزیه را تولید کرد.

**تمرین 5-** گرامر زیر را به فرم توسعه یافته  $LL(1)$  تبدیل نموده ، یک تحلیل گر کاهینه بازگشتی برای آن ایجاد کنید. در ضمن مسأله بهبود از خطا را نیز در نظر بگیرید.

$$S \rightarrow SbB | SaB | L a A$$

$$L \rightarrow L a B | LbB | \varepsilon$$

$$A \rightarrow b A | d$$

$$B \rightarrow Bb | \varepsilon$$

**تمرین 6-** گرامر ارائه شده در تمرین 5 را تبدیل به فرم  $LL(1)$  نمایید و سپس جدول تجزیه بالا به پائین برای آن ایجاد کنید.

**تمرین 7-** گرامر زیر را به فرم  $LL(1)$  تبدیل کنید :

$$A \rightarrow \alpha$$

$$A \rightarrow A_1 \alpha_1$$

$$A_1 \rightarrow A_2 \alpha_2$$



$$\begin{array}{cc} \dots & \dots \\ \dots & \dots \\ A_n \rightarrow A & \alpha_{n+1} \end{array}$$

**تمرین 8-** يك الگوریتم كلي براي حذف گسترش‌هاي تهی در گرامر زبانها ارائه دهید.

**تمرین 9-** گرامر زیر را به فرم  $LL(1)$  تبدیل نموده يك تجزیه گر کاهینه بازگشتی برای آن ایجاد کنید. مسئله بهبود از خطا را نیز در نظر بگیرید.

$$\begin{array}{l} S \rightarrow SAB \mid Bd \\ A \rightarrow BdA \mid dB \mid \varepsilon \\ B \rightarrow Bb \mid \varepsilon \end{array}$$

**تمرین 10-** چگونه میتوان برای يك تجزیه گر پیش بینی کننده مسأله بهبود از خطا را در نظر گرفت. الگوریتم خواسته شده در تمرین 3 را با در نظر گرفتن مسأله بهبود از خطا تکمیل کنید.

**تمرین 11-** برنامه يك تجزیه گر کاهینه بازگشتی برای گرامر يکي از زبانهاي رایج برنامه نویسی ، ایجاد کنید. مسئله بهبود از خطا در نظر گرفته شود.

**تمرین 12-** مولد تحلیلیگر نحوی ارائه شده در انتهای فصل را آنچنان تکمیل نمائید که تحلیلیگر لغوی را فراخوانی کند تا ترم بعدی را از ورودی دریافت کند. ترمهای میانی نیز به هر صورتی در گرامر ظاهر شوند. با محاسبه اتوماتیک مجموعه First برای ترمهای میانی و سرترم میتوان کار مولد تحلیلیگر را تسریع نمود. مسأله بهبود از خطا نیز در نظر گرفته شود.

**تمرین 13-** گرامر زیر را به فرم  $LL(1)$  تبدیل نمائید و سپس با در نظر گرفتن مسئله بهبود از خطا برای آن يك تحلیلیگر کاهینه بازگشتی ایجاد کنید.

$$\begin{array}{l} S \rightarrow Abd \mid Bd \\ A \rightarrow Aa \mid a \\ B \rightarrow Bb \mid b \end{array}$$

**تمرین 14-** گرامر زیر را به فرم  $LL(1)$  تبدیل نموده ، يك تحلیلیگر کاهینه بازگشتی برای آن ایجاد کنید.

$$\begin{array}{l} S \rightarrow AB \mid ABC \\ A \rightarrow Aa \mid \varepsilon \\ B \rightarrow bA \mid Abb \end{array}$$



$$C \rightarrow Cc | \varepsilon$$

**تمرین 15-** در حالت کلی چگونه میتوان اثبات کرد که یک گرامر به فرم  $LL(1)$  قابل تبدیل است.



## فصل پنجم

### تجزیه پایین به بالا

#### ۵.۱ مقدمه

در روش تجزیه پائین به بالا مراحل تجزیه از ترمهای پایانی درون جمله داده شده آغاز، و به سر ترم گرامر خاتمه می یابد. تجزیه گرهایی پائین به بالا گرامرهای گسترده تری نسبت به تجزیه گرهایی بالا به پائین را می پوشانند. در این فصل انواع روشهای اتوماتیک تجزیه پائین به بالا مطرح خواهد شد و چگونگی ترسیم جداول تجزیه، به روشهایی موسوم به LR، LALR، SLR مطرح میگردد. نکته قابل توجه استفاده از گرامرهای مبهم است که موضوع آخر این فصل را به خود اختصاص میدهد.

روش LR(k) برای تجزیه پائین به بالا با استفاده از k ترم بعدی در جمله مورد کامپایل در هر مرحله از تجزیه استفاده می نماید. چون عمل خواندن لغات از داخل جمله ورودی مورد کامپایل از چپ به راست انجام میشود حرف L که مخفف Left to Right می باشد، در نام این روش ظاهر شده است. حرف R مخفف Rightmost derivation یا استنتاج راست است. کلمه LALR مخفف Lookahead LR است. روش LALR(k) نیز برای دسته ای محدودتر از گرامرها نسبت به روش LR(k) مورد استفاده قرار میگیرد. کلمه SLR مخفف Simple LR است. در این فصل روشهای LR(1)، LALR(1) و SLR(1) مورد بررسی قرار خواهد گرفت.



## ۵.۲ اصول تجزیه پایین به بالا

اصولاً در روش تجزیه بالا به پایین پس از اینکه تحلیلگر نحوی لغات را دریافت نمود دو عمل را ممکن است انجام دهد. تحلیلگر یا لغت را مستقیماً به داخل یک پشته بنام پشته تجزیه انتقال میدهد و یا اینکه بر اساس لغت در یافت شده ترمهای بالای پشته که با سمت راست یک قاعده از قواعد گرامر مطابقت دارند را از بالای پشته خارج نموده، با ترم میانی سمت راست قاعده جایگزین میکند. با جایگزینی ترمهای بالای پشته با ترم میانی سمت چپ قاعده مربوطه در واقع چند ترم بالای پشته به یک ترم کاهش یافته اند. لذا، این عمل را در اصطلاح عمل کاهش یا Reduce گویند. عمل انتقال لغات دریافتی از تحلیلگر لغوی به داخل پشته تجزیه را در اصطلاح عمل انتقال یا Shift گویند.

عمل کاهش یا Reduce بر اساس یک قاعده از گرامر انجام می گیرد. برای نمونه ترمهای بالای پشته تجزیه که عیناً مشابه ترمهای سمت راست قاعده شماره  $n$  هستند، به ترم سمت چپ قاعده که یک ترم میانی یا سرترم گرامر است کاهش داده می شود. این عمل را بطور خلاصه با دستور  $R_n$  مشخص میکنند. دستور العمل  $R_n$  مشخص میکند که عمل Reduce بر اساس قاعده شماره  $n$  انجام میشود.

اصولاً در روش تجزیه پایین به بالا عمل خواندن لغات مثل قبل از چپ به راست جمله داده شده انجام می شود. ترمها بر اساس قواعد زبان، دسته بندی و به یک ترم میانی در سمت راست قواعد کاهش می یابند و یا در اصطلاح خارجی Reduce داده میشوند. یک جمله یا برنامه در داخل یک فایل متن یا در اصطلاح Text قرار میگیرد. در انتهای هر فایل متن علامت خاتمه فایل ظاهر میشود. هر جمله داده شده نهایتاً در صورت صحت از لحاظ فرم گرامری به سرترم گرامر کاهش داده میشود. بنابراین پس از سرترم گرامر همواره انتظار مشاهده علامت خاتمه فایل می رود.

علامت خاتمه فایل در اینجا با کاراکتر  $\$$  مشخص می شود. جهت کسب اطمینان از ظهور علامت خاتمه فایل پس از سرترم گرامر چنانچه برای نمونه سرترم گرامر  $s$  باشد، قاعده

$$S' \rightarrow S \$$$

را به ابتدای گرامر افزوده، در اصطلاح گرامر را به فرم توسعه یافته یا Extended تبدیل می نمایند. بنابراین به ابتدای گرامر عبارات چهار عمل اصلی با سرترم  $E$ ، قاعده:

$$E' \rightarrow E \$$$

افزوده شده، در اصطلاح گرامر عبارات به فرم توسعه یافته تبدیل می شود.

$$0 \quad E' \rightarrow E \$$$

$$1 \quad E \rightarrow E + T$$

$$2 \quad E \rightarrow E - T$$



- 3  $E \rightarrow T$
- 4  $T \rightarrow T * F$
- 5  $T \rightarrow T / F$
- 6  $T \rightarrow F$
- 7  $F \rightarrow Id$
- 8  $F \rightarrow No$
- 9  $F \rightarrow (E)$

بنا بر گرامر فوق ، صحت عبارت  $(a - b) * c / d$  سنجیده میشود . برای این منظور از يك پشته تجزیه ، جهت حفظ فرمهاي جمله اي استفاده مي شود .

| پشته تجزیه | ورودی        | عملیات   |
|------------|--------------|----------|
| (A         | (a-b)*c/d \$ | s,s      |
| (A         | -b)*c/d \$   | R7,R6,R3 |
| (A         | )*c/d \$     | S,S      |
| (A         | )*c/d \$     | R7       |
| (E-T       | )*c/d \$     | R6       |
| (E         | )*c/d \$     | R2       |
| (E)        | )*c/d \$     | S        |
| F          | )*c/d \$     | R9       |
| T          | /d \$        | R6       |
| T*c        | /d \$        | S,S      |
| T*F        | /d \$        | R7       |
| T          | \$           | R4       |
| T/d        | \$           | S,S      |
| T/F        | \$           | R7       |
| T          | \$           | R5       |
| E          |              | R3,S,R0  |

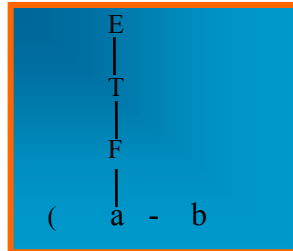
شکل 1 و 4- مراحل تجزیه جمله  $(a - b) * c / d$

در جدول فوق ، نکته قابل توجه انتخاب عمل کاهش و یا انتقال در هر مرحله از تجزیه بالا به پایین است. تصمیم گیری در مورد انتخاب عمل کاهش (Reduce) و یا انجام عمل انتقال (Shift) ، به موقعیت کنونی پشته و فرم جمله ای موجود در آن و بالاخره چگونگی ترم موجود بر سر ورودی که در اصطلاح ترم پیش بینی یا Look ahead نامیده می شود ، وابسته است . برای نمونه در شروع عمل تجزیه ابتدا ، و سپس 'a' از ورودی خوانده می شود. چون ترم بعدی موجود بر سر ورودی اکنون علامت منها میباشد و طبق گرامر و بنابر قاعده :

$$2 \quad E \rightarrow E - T$$



حتماً قبل از منها يك E باید وجود داشته باشد، تصمیم به کاهش a بر اساس قاعده شماره هفت و یا بطور مختصر تصمیم به انجام دستور العمل R7 و سپس R6 و نهایتاً R3 گرفته شد. لذا، تا این مرحله درخت تجزیه بصورت زیر ایجاد میشود.



در مرحله بعدی با انجام عمل S یا در واقع عمل انتقال لغت '، از سر ورودی خوانده میشود. اکنون طبق گرامر پس از علامت '، باید در ورودی T ظاهر شود. لذا، ترم بعدی یعنی 'b' از ورودی به داخل پشته تجزیه انتقال یا در اصطلاح Shift داده میشود.

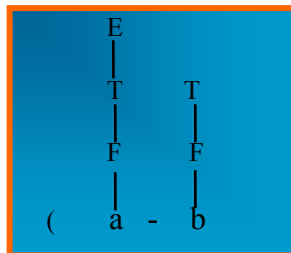
حالا، بر سر ورودی ترم '، قرار گرفته است. قبل از '، بر طبق قاعده :

$$9 \quad F \rightarrow (E)$$

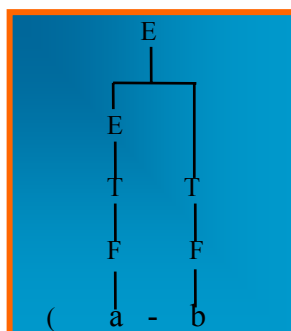
باید E ظاهر شود. تا این مرحله طبق جدول تجزیه بر سر پشته فرم جمله ای '(E - b'

قرار دارد و ترم پیش بینی '، است. لذا، جهت رسیدن به E قبل از '، عمل R7 و سپس عمل R6 انجام میشود. بنابراین فرم جمله ای موجود در پشته تجزیه بصورت '(E - T'

تبدیل میشود. تا این مرحله از تجزیه پائین به بالا درخت تجزیه بصورت زیر است. فرمهای جمله ای ایجاد شده نیز در داخل پشته تجزیه در بالا مشخص می باشند.



حالا ، ترم پیش بینی '، و بر سر پشته تجزیه ترم T موجود است. اما بلافاصله T با E جایگزین نشده ، دستور العمل R3 اجراء نمی شود . باید توجه نمود که همواره تنها ترم نیش بینی عامل تصمیم گیرنده نیست بلکه ، چگونگی فرم جمله ای در بالای پشته تجزیه نیز در تصمیم گیری و انتخاب نوع عمل کاهش و یا انتخاب عمل انتقال موثر است . لذا، در این مرحله عمل R2 انجام شده ، بر سر پشته تجزیه E - T به E بر طبق قاعده شماره 2 کاهش داده میشود. تا این مرحله از تجزیه پائین به بالا درخت تجزیه بصورت زیر است :



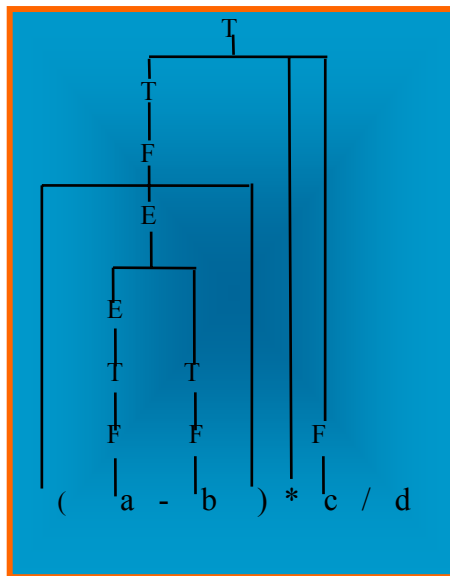




در مرحله بعدی، با انجام عمل  $s$  به داخل پشته تجزیه انتقال داده میشود. اکنون بر سر ورودی لغت  $*$  قرار دارد. لذا، چون قبل از ضرب طبق قاعده

$$4 \quad T \rightarrow T * F$$

باید  $T$  وجود داشته باشد عملیات  $R_9$  و سپس  $R_6$  انجام میشود. حالا با انجام دو عمل متوالی ترم های  $*$  و  $C$  به داخل پشته تجزیه انتقال داده میشوند. اکنون بر سر پشته تجزیه فرم جمله ای  $T * C$  و ترم نیش بینی  $/$  است. لذا، عملیات  $R_7$ ،  $R_6$  و  $R_4$  متوالیاً انجام میشوند. سپس با انجام دو عمل  $s$  لغت  $/$  و  $d$  به داخل پشته انتقال داده میشوند. تا این مرحله درخت تجزیه بصورت زیر است.



به همین ترتیب تا انتهای جمله داده شده عمل تجزیه ادامه دارد.

### ۵.۳ طرح روشی برای ایجاد جدول تجزیه $LR(1)$

در این بخش چگونگی ایجاد الگوریتم تجزیه پایین به بالا استدلال میشود. الگوریتم حاصل بطور خلاصه در انتها ارائه شده است. الگوریتم حاصل تجزیه  $LR(1)$ <sup>1</sup>

<sup>1</sup> همانگونه که در مقدمه این فصل توضیح داده شد، در کلمه  $LR(1)$  حرف  $L$  مخفف Left to Right و  $R$  مخفف Rightmost derivation است.



نامیده می شود. این الگوریتم مبتنی بر تحلیل روش تجزیه که در بالا توضیح داده شد ایجاد میشود.

### 5.3.1 تولید الگوریتم

در بخش قبل مشاهده کردید که در حالت کلی برای انجام عمل تجزیه نیاز به استفاده از یک پشته تجزیه می باشد. دو عمل صورت میگیرد یکی انتقال و دیگری کاهش. عمل انتقال و کاهش بر اساس چگونگی ترم پیش بینی بر سر ورودی و وضعیت کنونی پشته تجزیه مشخص می شد. در بعضی از تجزیه گرهایی LR نیاز به بیش از یک ترم پیش بینی برای عمل تجزیه است، برای نمونه اگر حداکثر  $K$  ترم پیش بینی نیاز باشد، تجزیه گر را  $LR(k)$  می نامند.

اکنون با یک استدلال ساده نشان داده خواهد شد که چگونه میتوان بصورت اتوماتیک بر اساس جدول تجزیه که در مورد آن بحث خواهد شد عمل تجزیه پائین به بالا را انجام داد. برای نمونه گرامر زیر را در نظر بگیرید:

- 0  $S' \rightarrow SS$
- 1  $S \rightarrow aBb$
- 2  $S \rightarrow AB$
- 3  $A \rightarrow bA$
- 4  $A \rightarrow b$
- 5  $B \rightarrow Bb$
- 6  $B \rightarrow a$

بر طبق گرامر فوق نهایتاً در بالایی درخت تجزیه باید سرترم  $s'$  ظاهر شود. بنابراین آخرین مرحله در تجزیه بالا به پائین کاهش  $SS$  به  $s'$  است. اما قبل از اینکه بتوان این عمل را انجام داد در ورودی ابتدا باید ترم  $s$  ظاهر شود. بنابراین میتوان گفت در تجزیه پائین به بالا، در آغاز کار تحلیلگر نحوی در انتظار کاهش ورودی یا به عبارت دیگر برنامه یا جمله مورد کامپایل به  $s$  است. لذا، میتوان این وضعیت انتظار را بصورت زیر برای تحلیلگر مشخص نمود.

$$S' \rightarrow \bullet SS$$

در این وضعیت، نشان میدهد که در انتظار  $s$  باید بود. اما برای تشکیل  $s$  باید طبق گرامر یا عمل  $R_1$  یا عمل  $R_2$  انجام شود. یعنی طبق گرامر

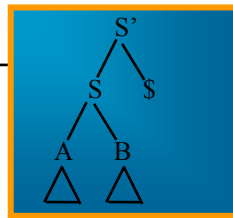
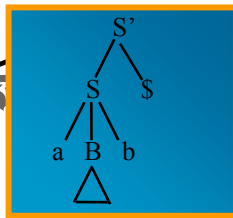
$$1 \quad S \rightarrow$$

$aBb$

$$2 \quad S \rightarrow$$

$AB$

رشته  $aBb$  یا رشته  $AB$  در ورودی ظاهر شود. به عبارت دیگر قبل از خاتمه عمل تجزیه باید یکی از درختهای زیر ایجاد شوند.



## فصل 5- تجزیه پایین به بالا

پس از مشاهده سرترم  $s$  طبق وضعیت  $S \rightarrow \bullet S \$$  انتظار می‌رود که علامت خاتمه فایل  $\$$  در ورودی ظاهر شود. پس از مشاهده  $\$$  است که می‌توان عمل  $R_0$  را انجام داد. بنابراین تا این مرحله می‌توان گفت که وضعیت در شروع عمل تجزیه بصورت زیر می‌تواند باشد.

$$\begin{aligned} S' &\rightarrow \bullet S \$ \\ S &\rightarrow \bullet a B b \text{ , } \$ \\ S &\rightarrow \bullet A B \text{ , } \$ \end{aligned}$$

در بالا علامت  $\$$  توسط ویرگول از دو گسترش متفاوت  $s$  جدا شده است. به این ترتیب مشخص شده که پس از کاهش سمت راست این دو قاعده به  $s$  انتظار می‌رود که در ورودی  $\$$  ظاهر شود. یا به عبارت دیگر انتظار می‌رود که پس از تشخیص  $s$  ترم پیش بینی  $\$$  باشد. این موضوع را وضعیت  $S \rightarrow \bullet S \$$  مشخص نمود.

بنابراین تا کنون مشخص شده است که در حالت شروع و قبل از اینکه هیچ لغتی از جمله مورد کامپایل در ورودی ظاهر شود، تحلیلگر نحوی انتظار  $S'$  و لذا جهت تشکیل  $s'$  در آغاز انتظار کاهش ورودی به  $s$  را دارد. پس از مشاهده سرترم  $s$  انتظار می‌رود که علامت خاتمه فایل  $\$$  در ورودی ظاهر شود.

برای مشاهده  $s$  در آغاز کار انتظار مشاهده  $a$  و یا تشکیل ترم میانی  $A$  می‌رود. طبق وضعیت :

$$S \rightarrow \bullet a B b \text{ , } \$$$

ابتدا  $a$  سپس  $B$  و پس از آن  $b$  باید در ورودی ظاهر شوند تا بتوان عمل  $R_1$  را انجام داد و  $s$  را ایجاد کرد. البته عمل  $R_1$  در صورتی موثر است که در سر ورودی  $\$$  وجود داشته باشد. به همین ترتیب طبق وضعیت  $S \rightarrow \bullet A B \text{ , } \$$  باید ابتدا  $A$  ایجاد شود پس از آن  $B$  تا بتوان عمل  $R_2$  را انجام داد. بنابراین باید ابتدا در ورودی  $A$  تشخیص داده شود و پس از تشخیص  $A$  باید حتماً در سر ورودی ترمی متعلق به مجموعه  $First(B)$  ظاهر شود تا بتوان مطمئن شد که می‌توان  $B$  را پس از  $A$  دید.

برای ایجاد  $A$  نیز طبق گرامر باید یا عمل  $R_3$  و یا  $R_4$  انجام شود. و بعد از انجام عمل حالا بر طبق انتظاری که در بالاتر طبق وضعیت  $S \rightarrow \bullet A B \text{ , } \$$  می‌رفت، تحلیلگر نحوی باید یک ترم متعلق به  $First(B)$  را در ورودی مشاهده کند تا بتواند به کار خود ادامه دهد و  $B$  را در ورودی تشخیص دهد. بنابراین جهت رسیدن به  $A$  یکی از دو وضعیت زیر در آغاز کار و قبل از دریافت هر گونه لغتی از تحلیلگر لغوی پیش می‌آید.

$$\begin{aligned} A &\rightarrow \bullet b A \text{ , } First(B) \\ A &\rightarrow \bullet b \text{ , } First(B) \end{aligned}$$



بنابراین در حالت شروع و قبل از دریافت اولین لغت از تحلیلگر لغوی وضعیت های مورد انتظار تحلیلگر نحوی بصورت زیر میباشد.

|  |
|--|
| $I_0 : S' \rightarrow \bullet S \$$    |
| $S \rightarrow \bullet a B b , \$$     |
| $S \rightarrow \bullet A B , \$$       |
| $A \rightarrow \bullet b A , First(B)$ |
| $A \rightarrow \bullet b , First(B)$   |

حالا فرض کنید که اولین ترم پایانی یا اولین لغت از تحلیلگر لغوی دریافت شود. چه اتفاقی میتواند رخ دهد؟ طبق انتظار تحلیلگر که در بالا مشخص شده است باید این لغت  $b$  یا  $a$  باشد. طبق وضعیت:

$$'S \rightarrow \bullet a B b , \$'$$

انتظار مشاهده  $a$  و طبق وضعیتهای:

$$'A \rightarrow \bullet b A , First(B)'$$

$$'A \rightarrow \bullet b , First(B)'$$

در آغاز انتظار مشاهده  $b$  میرود. اگر در ورودی  $b$  ظاهر شود حالت جدید زیر حاصل میشود:

|   |
|---|
| $II : A \rightarrow b \bullet A , First(B)$ |
| $A \rightarrow b \bullet , First(B)$        |

حالا اگر در ورودی  $First(A)$  ظاهر شود به سراغ گسترش  $A$  در ادامه وضعیت  $b \bullet$  باید رفت و اگر  $First(B)$  در ورودی ظاهر شود باید طبق قاعده  $A \rightarrow b$  عمل کاهش  $b$  به  $A$  را انجام داد. بنابر  $'A \rightarrow b \bullet A , First(B)'$  برای مشاهده  $A$  در حالت  $II$  انتظار دیدن  $A$  دومی هم در سمت راست وضعیت میرود. اما برای مشاهده  $A$  در ورودی طبق قواعد 3 و 4 گرامر باید  $A$  یا  $b$  در ورودی ظاهر شود. پس از این  $A$  دوم  $First(B)$  باید در ورودی ظاهر شود. بنابراین حالت  $II$  بصورت زیر تبدیل میشود:

|   |
|---|
| $II : A \rightarrow b \bullet A , First(B)$ |
| $A \rightarrow b \bullet , First(B)$        |
| $A \rightarrow \bullet b A , First(B)$      |
| $A \rightarrow \bullet b , First(B)$        |

در حالت  $II$  طبق وضعیت  $'A \rightarrow b \bullet A , First(B)'$  انتظار مشاهده  $A$  پس از  $b$  در سمت راست وضعیت میرود. پس از  $A$  انتظار مشاهده  $First(B)$  میرود. بنابراین، برای تشکیل  $A$  در ورودی دو وضعیت:

$$A \rightarrow \bullet b A , First(B)$$

$$A \rightarrow \bullet b$$

,First(B)

به حالت  $II$  افزوده شده است. به این ترتیب در این حالت پس از اینکه طبق یکی از دو وضعیت فوق در ورودی  $A$  تشخیص داده شد وضعیت  $'A \rightarrow b \bullet A , First(B)'$  که در انتظار تشکیل  $A$  در ورودی است تغییر حالت داده جالت جدید  $I_5$  تشکیل میشود.



$$I5: A \rightarrow b A \bullet \text{ First}(B)$$

حالا می توان عمل  $R3$  را انجام داد. در حالت  $II$  طبق وضعیت  $'A \rightarrow b \bullet \text{ First}(B)'$  مشخص شده که در ورودی  $b$  ظاهر شده است. اکنون ، در صورتی که ترم پیش بینی عنصری متعلق به  $\text{First}(B)$  باشد ، می توان اذعان داشت که در ورودی  $A$  مشاهده شده است. بنابراین میتوان به حالت  $I0$  برگشت و اعلام کرد که برطبق انتظار  $A$  در ورودی مشاهده شد.

اکنون ، در حالت  $I0$  وضعیت  $'S \rightarrow \bullet AB \text{ , } \$'$  که در انتظار مشاهده  $A$  در ورودی بوده به وضعیت جدید:

$$'S \rightarrow A \bullet B \text{ , } \$'$$

تبدیل میشود. این وضعیت هسته حالت جدید تری بنام  $I2$  بصورت زیر میشود.

|   |
|---|
| $I2: S \rightarrow A \bullet B \text{ , } \$$ |
| $B \rightarrow \bullet B b \text{ , } \$, b$  |
| $B \rightarrow \bullet a \text{ , } \$, b$    |

در هسته حالت  $I2$  طبق وضعیت  $'S \rightarrow A \bullet B \text{ , } \$'$  انتظار مشاهده  $B$  میرود پس از  $B$  نیز همانند  $S$  انتظار مشاهده  $\$$  در این وضعیت میرود. بنابراین باید گسترشهای مختلف  $B$  با ترم پیش بینی  $\$$  را ایجاد کرد. بنابراین دو وضعیت زیر به این حالت افزوده میشود.

$$B \rightarrow \bullet B b \text{ , } \$$$

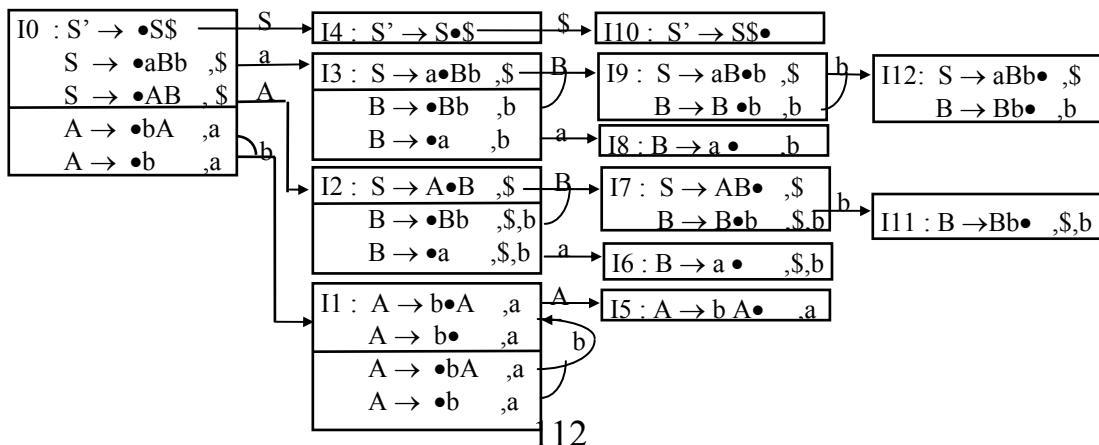
$$B \rightarrow \bullet a \text{ , } \$$$

حالا ، طبق وضعیت  $'B \rightarrow \bullet B b \text{ , } \$'$  انتظار مشاهده  $B$  در سمت راست میرود و پس از  $B$  انتظار دیدن  $b$  در ورودی میرود. برای مشاهده  $B$  طبق گرامر باید  $Bb$  یا  $a$  در ورودی ظاهر شود. بنابراین باید دو وضعیت  $'B \rightarrow \bullet B b \text{ , } b'$  و  $'B \rightarrow \bullet a \text{ , } b'$  به این حالت افزوده شوند. اما، چون قبلاً این دو وضعیت با ترم پیش بینی  $\$$  وجود دارند می توان ترم پیش بینی  $a$  را فقط به آن افزود. بنابراین دو وضعیت زیر به حالت  $I2$  افزوده شده است.

$$B \rightarrow \bullet B b \text{ , } \$, b$$

$$B \rightarrow \bullet a \text{ , } \$, b$$

اگر به این ترتیب ادامه داده شود ، گراف تجزیه  $LR(1)$  بصورت زیر ایجاد میشود:





### شکل 5.1- گراف تجزیه LR(1)

#### 5.3.2 الگوریتم تولید گراف تجزیه LR(1)

بطور خلاصه برای تولید گراف حالات که يك نمونه از آن در شکل 5.1 نمایش داده شد، باید مراحل زیر انجام شود:

1- عمل تولید گراف از ایجاد حالت شروع  $I_0$  آغاز میشود. چنانچه سر ترم گرامر  $S$  باشد، در هسته یا در اسطلاح Kernel این حالت وضعیت

$$I_0: S' \rightarrow \bullet S \$$$

گنجانده میشود. علامت  $\bullet$  قبل از  $S$  مشخص میکند که در آغاز انتظار مشاهده  $S$  میرود.

2- برای هر وضعیت

$$A \rightarrow \alpha \bullet B \beta, \delta$$

از يك حالت که در آن  $\alpha$  و یا  $\beta$  هر رشته ای از ترمها و یا اینکه تهی می تواند باشد، باید کلیه گسترشهای ترم میانی  $B$  بصورت وضعیتهای:

$$B \rightarrow \bullet \eta, \text{First}(\beta)$$

را به آن حالت افزود. ترم پیش بینی برای این گسترشها  $\text{First}(\beta)$  است و چنانچه  $\beta$  وجود نداشته باشد، آنگاه ترم پیش بینی  $\delta$  است. برای نمونه یکی از وضعیت های حالت  $I_0$  در گراف شکل 5.1 وضعیت  $S \rightarrow \bullet AB, \$$  است. چون پس از  $\bullet$  ترم میانی  $A$  قرار دارد، گسترشهای مختلف  $A$  با ترم پیش بینی  $\text{First}(B)$  که مساوی  $a$  است، در نظر گرفته شده است.

$$A \rightarrow \bullet bA, a$$

$$A \rightarrow \bullet b, a$$

3- ترم پیش بینی برای وضعیت های خودبازگشتی با فرم کلی

$$A \rightarrow \bullet A\alpha, \delta$$

$$A \rightarrow \bullet \beta, \delta$$

بصورت

$$A \rightarrow \bullet A\alpha, \delta, \text{First}(\alpha)$$

$$A \rightarrow \bullet \beta, \delta, \text{First}(\alpha)$$

است. برای نمونه در حالت  $I_2$  از گراف شکل 5.1 برای وضعیت  $S \rightarrow A \bullet B, \$$  طبق معمول دوگسترش ترم میانی  $B$  با ترم پیش بینی  $\$$  ایجاد میشود:

$$B \rightarrow \bullet Bb, \$$$

$$B \rightarrow \bullet a, \$$$

اکنون پس از  $\bullet$  ترم میانی  $B$  وجود دارد لذا، باید وضعیتهای:

$$B \rightarrow \bullet Bb, b$$

$$B \rightarrow \bullet a, b$$



را به حالت  $I_2$  افزود. بنابراین با ترکیب این دو وضعیت با وضعیتهای بالا دو وضعیت زیر حاصل میشود:

$$\begin{aligned} B &\rightarrow \bullet Bb, b, \$ \\ B &\rightarrow \bullet a, b, \$ \end{aligned}$$

### 5.3.3 خلاصه عملیات در گراف تجزیه

اگر به گراف شکل 5.1 توجه نمایید. سه نوع عملیات در آن مستتر است.  
 1- عمل کاهش یا Reduce : عمل کاهش در بالا توضیح داده شد. برای نمونه در حالت  $I_{11}$  طبق وضعیت ' $a, \$, a \bullet \rightarrow B a$ ' چنانچه بر سر ورودی یکی از دو ترم پایانی  $\$$  و یا  $a$  ظاهر شود میتوان بر طبق قاعده ' $B \rightarrow B a$ ' عمل کاهش را انجام داد یا به عبارت دیگر میتوان طبق قاعده شماره 5 عمل  $R_5$  را انجام داد. در حالت کلی عمل  $R_n$  به مفهوم کاهش بر اساس قاعده شماره  $n$  است.

2- عمل انتقال یا Shift : عمل دیگر که در گراف مستتر است ، عمل انتقال است. برای نمونه در حالت  $I_0$  با مشاهده  $b$  در ورودی ،  $b$  به داخل پشته تجزیه انتقال داد میشود و به حالت  $I_1$  گذر میشود. این عمل را بطور خلاصه با  $S_1$  نمایش میدهند. در حالت کلی عمل  $S_n$  به مفهوم انتقال و سپس گذر به حالت  $n$  است.

3- عمل GoTo : عمل سوم عمل رفتن مستقیم یا در اصطلاح GoTo از یک حالت به حالت دیگر است. برای نمونه در حالت  $I_0$  با تشکیل  $A$  در سر پشته گذری به حالت 2 بلافاصله انجام میشود. بطور خلاصه عمل  $Goto_2$  انجام میشود. در حالت کلی با تشکیل یک ترم میانی مورد انتظار بر روی پشته میتوان عمل GoTo را به حالت جدیدتر انجام داد.

### 5.3.4 ایجاد جدول تجزیه

جدول تجزیه در واقع نمایش ماتریسی گراف تجزیه است. عملیات انتقال و GoTo موجب تغییر حالت و یا گذر بین گره های گراف میشود. برای نمونه جدول تجزیه شکل 5.1 را میتوان به جدول زیر تبدیل نمود.

- 0  $S' \rightarrow SS$
- 1  $S \rightarrow aBb$
- 2  $S \rightarrow AB$
- 3  $A \rightarrow bA$
- 4  $A \rightarrow b$

|   | a  | b  | \$  | S | A | B |
|---|----|----|-----|---|---|---|
| 0 | S3 | S1 | -   | 4 | 2 | - |
| 1 | -  | S1 | -   | - | 5 | - |
| 2 | S6 | -  | -   | - | - | 7 |
| 3 | S8 | -  | -   | - | - | 9 |
| 4 | -  | -  | S10 | - | - | - |
| 5 | R3 | -  | -   | - | - | - |
| 6 | -  | R6 | R6  | - | - | - |

5  $B \rightarrow Bb$ 6  $B \rightarrow a$ 

## شکل 5.2- جدول تجزیه LR(1)

اکنون با استفاده از جدول فوق می توان به راحتی عمل تجزیه بالا به پایین را انجام داد. برای نمونه عبارت  $abab$  را توسط جدول فوق بصورت زیر می توان مورد تجزیه پایین به بالا قرار داد.

| تخته تجزیه     | ورودی           | دستور العمل |
|----------------|-----------------|-------------|
| 0              | <u>a</u> abbb\$ | S3          |
| 0 a 3          | <u>a</u> bbbb\$ | S8          |
| 0 a 3 a 8      | <u>b</u> bbb\$  | R6          |
| 0 a 3 B        | <u>b</u> bbb\$  | GoTo 9      |
| 0 a 3 B 9      | <u>b</u> bb\$   | S12         |
| 0 a 3 B 8 b 12 | <u>b</u> b\$    | R5          |
| 0 a 3 B        | <u>b</u> b\$    | GoTo 9      |
| 0 a 3 B 9      | <u>b</u> b\$    | S12         |
| 0 a 3 B 8 b 12 | <u>b</u> \$     | R5          |
| 0 a 3 B        | <u>b</u> \$     | GoTo 9      |
| 0 a 3 B 9      | <u>b</u> \$     | S12         |
| 0 a 3 B 8 b 12 | \$              | R2          |
| 0 S            | \$              | S10         |

مثال - برای مشخص شدن پررنگی (تذکره) در جدول زیر توجه نمایید :

$$S \rightarrow CC$$

$$C \rightarrow aC$$

$$C \rightarrow d$$

گرامر ساده فوق را در نظر بگیرید ، هدف ایجاد جدول تجزیه LR(1) برای این گرامر است. همانگونه که قبلاً نیز تذکر داده شد ، ابتدا می بایست گرامر را به فرم توسعه یافته تبدیل نمود و پس از آن قواعد را شماره گذاری نمود . به این ترتیب این گرامر بصورت زیر تبدیل میشود.

$$0 \quad S' \rightarrow S \$$$

$$1 \quad S \rightarrow CC$$

$$2 \quad C \rightarrow aC$$

$$3 \quad C \rightarrow d$$

اکنون میتوان در مورد حالات ممکن تجزیه شروع به استدلال نمود. به این ترتیب که در حالت شروع وضعیت  $S' \rightarrow \cdot S \$$  است . در اینجا علامت  $\cdot$  پس از فلش





، چگونگی وضعیت را مشخص میکند . هدف تشخیص  $s$  در نهایت مشاهده علامت  $\$$  است.

پس باید در حالت شروع ، در ورودی يك  $s$  را مشاهده کرد یا انتظار دیدن يك  $s$  می رود و پس از آن انتظار می رود که در ورودی  $\$$  ظاهر شود. اما طبق گرامر برای مشاهده  $s$  باید در ورودی  $cc$  را دید، لذا وضعیت در حالت شروع به صورت زیر تبدیل می شود :

$$\begin{aligned} S' &\rightarrow \bullet S \$ \\ S &\rightarrow \bullet CC \end{aligned}$$

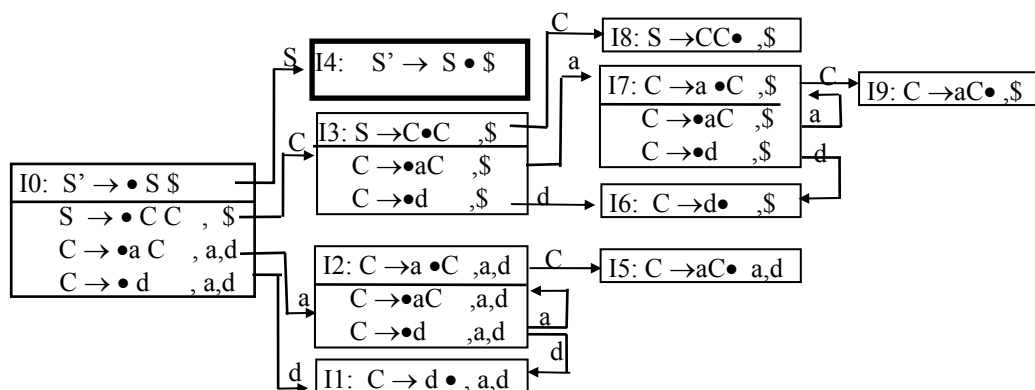
طبق وضعیت  $S' \rightarrow \bullet S \$$  ، پس از  $s$  انتظار دیدن  $\$$  می رود. پس ، پیش بینی میشود که بعد از  $C$  نیز در ورودی  $\$$  ظاهر شود . حالا در این وضعیت انتظار می رود که در اولین مرحله در ورودی يك  $C$  ظاهر شود و بعد از این  $C$  اول  $C$  دومی ظاهر شود :

$$\begin{aligned} S' &\rightarrow \bullet S \$ \\ S &\rightarrow \bullet CC \quad , \$ \\ C &\rightarrow \bullet aC \quad , \text{First}(C) \\ C &\rightarrow \bullet d \quad , \text{First}(C) \end{aligned}$$

همانگونه که مشاهده می شود طبق وضعیت  $S' \rightarrow \bullet S \$$  ، انتظار مشاهده يك  $C$  در ورودی می رود. لذا، باید  $C$  در ورودی تشخیص داده شود. برای تشخیص  $C$  باید طبق گرامر یا  $aC$  و یا ترم پایانی  $d$  طبق گرامر در ورودی ظاهر شود. در حالت شروع اگر در ورودی  $d$  ظاهر شود حالت جدید  $I_1$  تولید می شود. حالت  $I_1$  تنها شامل يك وضعیت :

$$C \rightarrow \bullet d \quad , \text{First}(C)$$

خواهد بود. پس از مشاهده  $d$  در ورودی ، میتوان به حالت  $I_0$  برگشت و اعلام نمود که در وضعیت  $S' \rightarrow \bullet S \$$  ، انتظار مشاهده يك  $C$  میرفت و حالا در ورودی  $C$  تشخیص داده شده است. به این ترتیب حالت جدید  $I_3$  با وضعیت  $S' \rightarrow C \bullet C \quad , \$$  در هسته آن ظاهر میشود. پس اینجا تلاش برای دیدن  $C$  دوم در ورودی و مشاهده  $\$$  بعد از  $C$  دوم آغاز میشود. بطور کلی گراف تجزیه بر طبق استدلال فوق به صورت زیر ایجاد میشود :





شکل 5.5 - گراف تجزیه LR (1)

جدول تجزیه برای گراف فوق بصورت زیر است.

|   |                      |
|---|----------------------|
| 0 | $S' \rightarrow S\$$ |
| 1 | $S \rightarrow C C$  |
| 2 | $C \rightarrow a C$  |
| 3 | $C \rightarrow d$    |

|   | Action |    |    | GoTo |   |
|---|--------|----|----|------|---|
|   | a      | d  | \$ | S    | C |
| 0 | S2     | S1 |    | 4    | 3 |
| 1 | R3     | R3 |    |      |   |
| 2 | S2     | S1 |    |      | 5 |
| 3 | S7     | S6 |    |      | 8 |
| 4 | Accept |    |    |      |   |
| 5 | R2     | R2 |    |      |   |
| 6 |        |    | R3 |      |   |
| 7 | S7     | S6 |    |      | 9 |
| 8 |        |    | R1 |      |   |
| 9 |        |    | R2 |      |   |

شکل 5.6 - جدول تجزیه LR(1)

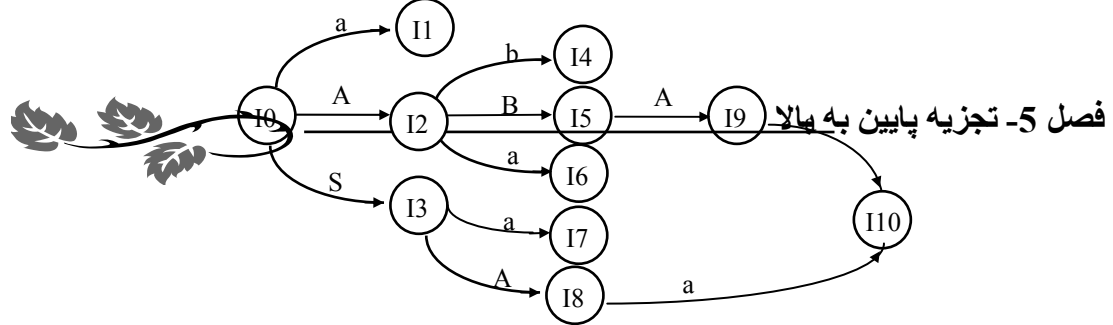
مثال : جدول تجزیه LR(1) برای گرامر زیر ایجاد کنید :

- 0  $S' \rightarrow S\$$
- 1  $S \rightarrow SA$
- 2  $S \rightarrow AB$
- 3  $B \rightarrow BA$
- 4  $B \rightarrow b$
- 5  $A \rightarrow Aa$
- 6  $A \rightarrow a$

گرامر فوق در قرم توسعه یافته است. پس می توان گراف تجزیه را بلافاصله ایجاد کرد. چون تعداد حالات نسبتاً زیاد است ، هر يك از حالات را بصورت جداگانه مشخص نموده سپس ، با استفاده از يك گراف ارتباط بین حالات ترسیم میشود.

- |   |   |  |
|---|---|--|
| I0: $S' \rightarrow \bullet S\$$<br>$S \rightarrow \bullet SA$ , \$, a<br>$S \rightarrow \bullet AB$ , \$, a<br>$A \rightarrow \bullet Aa$ , b, a<br>$A \rightarrow \bullet a$ , b, a<br>I1: $A \rightarrow a \bullet$ , b, a<br>I2: $S \rightarrow A \bullet B$ , \$, a<br>$A \rightarrow A \bullet a$ , b, a<br>$B \rightarrow \bullet BA$ , \$, a<br>$B \rightarrow \bullet b$ , \$, a | I3: $S' \rightarrow S \bullet \$$<br>$S \rightarrow S \bullet A$ , \$, a<br>$A \rightarrow \bullet Aa$ , \$, a<br>$A \rightarrow \bullet a$ , \$, a<br>I4: $B \rightarrow b \bullet$ , \$, a<br>I5: $S \rightarrow AB \bullet$ , \$, a<br>$B \rightarrow B \bullet A$ , \$, a<br>$A \rightarrow \bullet Aa$ , \$, a<br>$A \rightarrow \bullet a$ , \$, a<br>I6: $A \rightarrow Aa \bullet$ , b, a | I7: $A \rightarrow a \bullet$ , \$, a<br>I8: $S \rightarrow SA \bullet$ , \$, a<br>$A \rightarrow A \bullet a$ , \$, a<br>I9: $B \rightarrow BA \bullet$ , \$, a<br>$A \rightarrow A \bullet a$ , \$, a<br>I10: $A \rightarrow Aa \bullet$ , \$, a |
|---|---|--|

گراف تجزیه بصورت زیر است :



جدول تجزیه LR(1) و گرامر در زیر ارائه شده است.

|    | a      | b  | \$   | S  | A  | B |
|----|--------|----|------|----|----|---|
| 0  | S1     |    |      | 13 | 12 |   |
| 1  | R6     | R6 |      |    |    |   |
| 2  | S6     | S4 |      |    |    | 5 |
| 3  | S7     |    | تذیر |    | 8  |   |
| 4  | R4     |    | R4   |    |    |   |
| 5  | R2     |    | R2   |    | 9  |   |
| 6  | R5     |    | R5   |    |    |   |
| 7  | R6     |    | R6   |    |    |   |
| 8  | R1,S10 |    | R1   |    |    |   |
| 9  | R3,S10 |    | R3   |    |    |   |
| 10 | R5     |    | R5   |    |    |   |

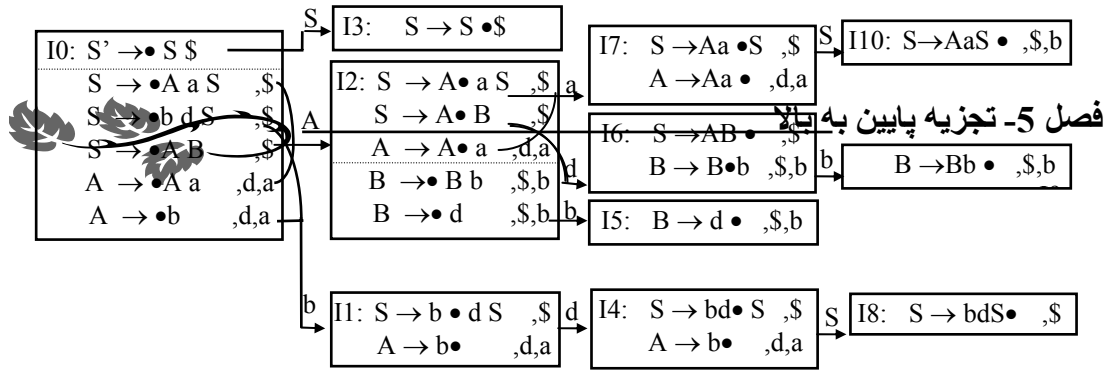
همانگونه که مشاهده می کنید ، در دو حالت I8 و I9 در داخل جدول تجزیه مشخص نیست که با مشاهده a آیا باید عمل کاهش و یا عمل انتقال را انجام داد. در اصطلاح ، در این دو حالت اختلال در کاهش و انتقال<sup>2</sup> وجود دارد لذا، گرامر LR(1) نیست.

مثال - جدول تجزیه LR(1) برای گرامر زیر ایجاد کنید.

- 0  $S' \rightarrow S \$$
- 1  $S \rightarrow A a S$
- 2  $S \rightarrow b d S$
- 3  $S \rightarrow A B$
- 4  $A \rightarrow A a$
- 5  $A \rightarrow b$
- 6  $B \rightarrow B b$
- 7  $B \rightarrow d$

گراف تجزیه LR(1) برای گرامر فوق بصورت زیر است :

<sup>2</sup> اختلال در کاهش و انتقال را در اصطلاح Shift Reduce Conflict نیز می گویند. این مشکل موجب میشود که با در دست داشتن يك ترم نیش بینی نتوان تصمیم گرفت عمل Shift باید انجام شود یا Reduce. ممکن است Reduce Reduce Conflict نیز در برخی موارد ایجاد شود.



گرامر فوق LR(1) نیست زیرا ، در حالت I1 با مشاهده d در ورودی مشخص نیست که آیا عمل R5 و یا عمل S4 باید انجام شود. بعبارت دیگر نمی توان مشخص کرد که آیا عمل انتقال باید انجام شود و یا عمل کاهش. بنابراین ، در این حالت اختلال در کاهش و انتقال و یا در اصطلاح Shift Reduce Conflict وجود دارد.

## ۵.۴ مشکل گرامرهای LR (۱)

اگر توجه نموده باشید در گرامر LR(1) جدول تجزیه نسبت به تعداد قواعد گرامر بسیار بزرگ می باشد. برای نمونه برای گرامر کوچک :

$$\begin{aligned} S &\rightarrow CC \\ C &\rightarrow aC \\ C &\rightarrow d \end{aligned}$$

جدول تجزیه دارای ده ردیف و پنج ستون بود . به این ترتیب جدول تجزیه برای یک گرامر با فقط سه قاعده تعداد پنجاه خانه داشت. برای گرامرهای واقعی با حدود صد قاعده ، جدول تجزیه حداقل ده هزار خانه از حافظه را اشغال می کند. جهت رفع این مشکل سعی شده که گرامر را محدود کنند و گرامرها با امکانات کمتر از گرامرهای LR(1) جهت بیان قواعد استفاده شود و یا اینکه گرامرها به صورت مبهم استفاده شوند. برای مثال گرامر عبارات بصورت :

$$\begin{aligned} E &\rightarrow E+T \mid E-T \mid T \\ T &\rightarrow T * F \mid T / F \mid F \\ F &\rightarrow id \mid No \mid (E) \end{aligned}$$

را می توان بصورت مبهم و با یک ترم میانی به صورت زیر تعریف کرد :

$$E \rightarrow E + E \mid E - E \mid E / E \mid E * E \mid (E) \mid id \mid No$$

همانطور که مشاهده می کنید در این گرامر بجای سه ترم میانی E و F و T فقط یک ترم میانی استفاده شده و بجای 9 قاعده برای فرم کلی عبارات ، 7 قاعده استفاده شده است که جدول را بسیار کوچکتر مینماید البته ابهام در گرامر مشکلات قابل حلی بوجود خواهد آورد که در مورد آنها کاملاً بحث خواهد شد.

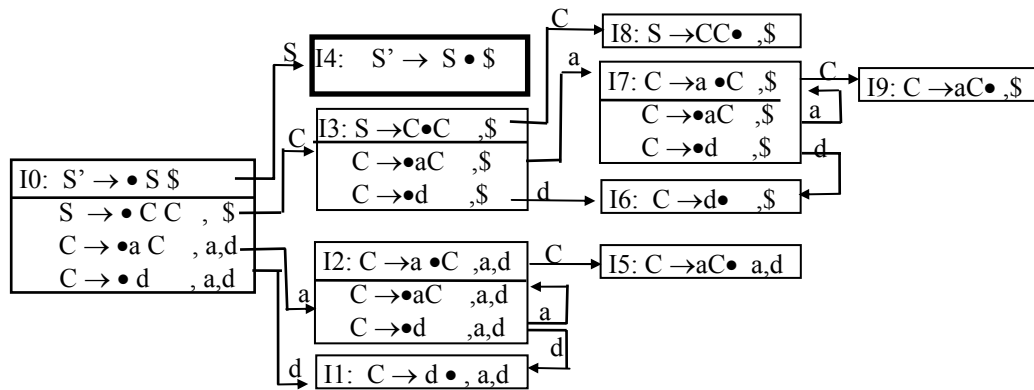


روش دیگر برای کوچکتر نمودن جدول تجزیه پائین به بالا ، استفاده از گرامرهای فرم محدودتری به اسامی SLR و LALR است. این نوع گرامرها در ادامه بحث توضیح داده خواهند شد.

## ۵.۴ گرامرهای (۱) LALR

در هنگام تولید جدول تجزیه LR (1) چنانچه بتوان بدون هیچگونه مشکلی حالات با وضعیت های مشابه ، اما ترمهای پیش بینی متفاوت را با یکدیگر ادغام نمود ، گرامر را LALR (1) گویند . مشکل به این صورت می تواند باشد که با در دست داشتن یک ترم پیش بینی یا عبارت دیگر یک ورودی بعدی نتوان تصمیم گرفت که چه عملی باید انجام شود. برای نمونه نتوان تصمیم گرفت که آیا عمل کاهش باید انجام شود یا عمل انتقال . برای درک بهتر مسئله به گرامر و گراف تجزیه مربوط به آن در شکل 5.7 توجه کنید.

- 0  $S' \rightarrow S \$$
- 1  $S \rightarrow CC$
- 2  $C \rightarrow aC$
- 3  $C \rightarrow d$



شکل 5.7 - گراف تجزیه LR (1)

در گراف شکل 5.7 دو حالت I2 و I7 دارای وضعیتهای یکسان با ترمهای پیش بینی متفاوت هستند. حالات I1 و I6 و همچنین دو حالت I5 و I9 نیز به همین صورت می باشند. اگر این حالات را با یکدیگر ادغام نمایم ، حاصل بصورت زیر خواهد بود :

الف: حالت I2 با I7 ادغام شده ، حالت جدید I2\_7 ایجاد میشود.

$$\begin{array}{l}
 17: C \rightarrow a \bullet C, \$ \\
 C \rightarrow \bullet aC, \$ \\
 C \rightarrow \bullet d, \$
 \end{array}
 +
 \begin{array}{l}
 I2: C \rightarrow a \bullet C, a, d \\
 C \rightarrow \bullet aC, a, d \\
 C \rightarrow \bullet d, a, d
 \end{array}
 \rightarrow
 \begin{array}{l}
 I2\_7: C \rightarrow a \bullet C, \$, a, d \\
 C \rightarrow \bullet aC, \$, a, d \\
 C \rightarrow \bullet d, \$, a, d
 \end{array}$$



ب: حالت I1 با I6 ادغام شده ، حالت جدید I1\_6 ایجاد میشود.

$$I1: C \rightarrow d \bullet, a, d \quad + \quad I6: C \rightarrow d \bullet, \$ \quad \rightarrow \quad I1\_6: C \rightarrow d \bullet, \$, a, d$$

ج: حالت I5 با I9 ادغام شده ، حالت جدید I5\_9 ایجاد میشود.

$$I5: C \rightarrow aC \bullet, a, d \quad + \quad I9: C \rightarrow aC \bullet, \$ \quad \rightarrow \quad I5\_9: C \rightarrow aC \bullet, \$, a, d$$

اکنون در جدول تجزیه باید بجای حالتهاي ادغام شده ، حالت جدید ادغامي را قرار داد. برای نمونه در بالا حالتهاي I5 و I9 از جدول تجزیه LR(1) حذف و با I5\_9 جایگزین می شوند. به این ترتیب ، هر دستورالعمل انتقال S5 با S9 با دستورالعمل S5\_9 جایگزین میشود. هر عمل GoTo به این حالتها نیز به GoTo به I5\_9 تبدیل می شود. جدول تجزیه قبل از جایگزینی و پس از جایگزینی حالتهاي ترکیب شونده در زیر مشخص شده است:

|   | Action |    |    | GoTo |   |
|---|--------|----|----|------|---|
|   | a      | d  | \$ | S    | C |
| 0 | S2     | S1 |    | 4    | 3 |
| 1 | R3     | R3 |    |      |   |
| 2 | S2     | S1 |    |      | 5 |
| 3 | S7     | S6 |    |      | 8 |
| 4 | Accept |    |    |      |   |
| 5 | R2     | R2 |    |      |   |
| 6 |        |    | R3 |      |   |
| 7 | S7     | S6 |    |      | 9 |
| 8 |        |    | R1 |      |   |
| 9 |        |    | R2 |      |   |

|     | Action |      |    | GoTo |     |
|-----|--------|------|----|------|-----|
|     | a      | d    | \$ | S    | C   |
| 0   | S2_7   | S1_6 | -  | 4    | 3   |
| 1_6 | R3     | R3   | R3 | -    | -   |
| 2_7 | S2_7   | S1_6 | -  | -    | 5_9 |
| 3   | S2_7   | S1_6 | -  | -    | 8   |
| 4   | Accept |      |    |      |     |
| 5_9 | R2     | R2   | R2 |      |     |
| 8   |        |      | R1 |      |     |

ب- قبل از ادغام

الف- پس از ادغام

### شکل 5.8- جدول تجزیه LR(1) و LALR(1)

قبل از ادغام ، باید حالتهاي کاندید را در داخل جدول مشخص کرد. هر جا که دستورالعمل GoTo به یکی از حالتهاي ادغامي وجود دارد ، نام حالت ادغامي به جای آن قرار می گیرد. همین عمل را برای دستورالعمل هاي انتقال یا در اصطلاح Shift نیز باید انجام داد.

مثال - جدول تجزیه LALR(1) برای گرامر زیر ایجاد کنید:

- 0  $E' \rightarrow E \$$
- 1  $E \rightarrow E + T$
- 2  $E \rightarrow T$
- 3  $T \rightarrow T * F$
- 4  $T \rightarrow F$
- 5  $F \rightarrow ( E )$
- 6  $F \rightarrow id$



حالات گراف تجزیه LR(1) برای این گرامر در زیر مشخص شده است:

|   |  |  |
|---|--|--|
| I0: $E' \rightarrow \bullet E \$$<br>$E \rightarrow \bullet E+ T \quad , \$, +$<br>$E \rightarrow \bullet T \quad , \$, +$<br>$T \rightarrow \bullet T * F \quad , \$, +, *$<br>$T \rightarrow \bullet F \quad , \$, +, *$<br>$F \rightarrow \bullet ( E ) \quad , \$, +, *$<br>$F \rightarrow \bullet Id \quad , \$, +, *$ | I1: $F \rightarrow Id \bullet \quad , \$, +, *$  | I2: $F \rightarrow ( \bullet E ) \quad , \$, +, *$<br>$E \rightarrow \bullet E+ T \quad , ) , +$<br>$E \rightarrow \bullet T \quad , ) , +$<br>$T \rightarrow \bullet T * F \quad , ) , +, *$<br>$T \rightarrow \bullet F \quad , ) , +, *$<br>$F \rightarrow \bullet ( E ) \quad , } , +, *$<br>$F \rightarrow \bullet Id \quad , } , +, *$ |
| I3: $T \rightarrow F \bullet \quad , \$, +, *$  | I4: $E \rightarrow T \bullet \quad , \$, +$<br>$T \rightarrow T \bullet * F \quad , \$, +, *$  | I5: $E' \rightarrow E \bullet \$$<br>$E \rightarrow E \bullet + T \quad , \$, +$   |
| I6: $F \rightarrow Id \bullet \quad , ) , +, *$   | I7: $F \rightarrow ( \bullet E ) \quad , ) , +, *$<br>$E \rightarrow \bullet E+ T \quad , ) , +$<br>$E \rightarrow \bullet T \quad , ) , +$<br>$T \rightarrow \bullet T * F \quad , ) , +, *$<br>$T \rightarrow \bullet F \quad , ) , +, *$<br>$F \rightarrow \bullet ( E ) \quad , } , +, *$<br>$F \rightarrow \bullet Id \quad , } , +, *$ | I8: $T \rightarrow F \bullet \quad , ) , +, *$<br>I9: $E \rightarrow T \bullet \quad , ) , +$<br>$T \rightarrow T \bullet * F \quad , ) , +, *$<br>I10: $F \rightarrow ( E \bullet ) \quad , \$, +, *$<br>$E \rightarrow E \bullet + T \quad , ) , +$  |
| I11: $T \rightarrow T * \bullet F \quad , \$, +, *$<br>$F \rightarrow \bullet ( E ) \quad , \$, +, *$<br>$F \rightarrow \bullet Id \quad , \$, +, *$  | I12: $E \rightarrow E + \bullet T \quad , \$, +$<br>$T \rightarrow \bullet T * F \quad , \$, +, *$<br>$T \rightarrow \bullet F \quad , \$, +, *$<br>$F \rightarrow \bullet ( E ) \quad , \$, +, *$<br>$F \rightarrow \bullet Id \quad , \$, +, *$  | I13: $F \rightarrow ( E \bullet ) \quad , ) , +, *$<br>$E \rightarrow E \bullet + T \quad , ) , +$   |
| I14: $T \rightarrow T * \bullet F \quad , ) , +, *$<br>$F \rightarrow \bullet ( E ) \quad , } , +, *$<br>$F \rightarrow \bullet Id \quad , } , +, *$  | I15: $E \rightarrow E + \bullet T \quad , ) , +$<br>$T \rightarrow \bullet T * F \quad , ) , +, *$<br>$T \rightarrow \bullet F \quad , ) , +, *$<br>$F \rightarrow \bullet ( E ) \quad , } , +, *$<br>$F \rightarrow \bullet Id \quad , } , +, *$  | I16: $F \rightarrow ( E ) \bullet \quad , \$, +, *$<br>I17: $T \rightarrow T * F \bullet \quad , \$, +, *$<br>I18: $E \rightarrow E + T \bullet \quad , \$, +$<br>$T \rightarrow T \bullet * F \quad , \$, +, *$   |
| I19: $F \rightarrow ( E ) \bullet \quad , ) , +, *$   | I20: $T \rightarrow T * F \bullet \quad , ) , +, *$  | I21: $E \rightarrow E + T \bullet \quad , ) , +$<br>$T \rightarrow T \bullet * F \quad , ) , +, *$   |

در زیر جدول تجزیه LR(1) و LALR(1) برای این گرامر ارائه شده است.

|    | Action |    |     |     |     |     | Goto |    |    |
|----|--------|----|-----|-----|-----|-----|------|----|----|
|    | id     | (  | )   | +   | *   | \$  | T    | E  |    |
| 0  | S1     | S2 |     |     |     |     | 3    | 4  | 5  |
| 1  |        |    | R6  | R6  | R6  | R6  |      |    |    |
| 2  | S1     | S2 |     |     |     |     | 3    | 4  | 10 |
| 3  |        |    | R4  | R4  | R4  | R4  |      |    |    |
| 4  |        |    | R2  | R2  | S11 | R2  |      |    |    |
| 5  |        |    |     | S12 |     | acc |      |    |    |
| 10 |        |    | S16 | S12 |     |     |      |    |    |
| 11 | S1     | S2 |     |     |     |     | 17   |    |    |
| 12 | S1     | S2 |     |     |     |     | 3    | 18 |    |
| 16 |        |    | R5  | R5  | R5  | R5  |      |    |    |
| 17 |        |    | R3  | R3  | R3  | R3  |      |    |    |
| 18 |        |    | R1  | R1  | S11 | R1  |      |    |    |

|   | Action |    |   |     |     |     | Goto |   |    |  |
|---|--------|----|---|-----|-----|-----|------|---|----|--|
|   | id     | (  | ) | +   | *   | \$  | F    | T | E  |  |
| 0 | S1     | S2 |   |     |     |     | 3    | 4 | 5  |  |
| 1 |        |    |   | R6  | R6  | R6  |      |   |    |  |
| 2 | S6     | S7 |   |     |     |     | 8    | 9 | 10 |  |
| 3 |        |    |   | R4  | R4  | R4  |      |   |    |  |
| 4 |        |    |   | R2  | S11 | R2  |      |   |    |  |
| 5 |        |    |   | S12 |     | acc |      |   |    |  |
| 6 |        |    |   | R6  | R6  | R6  |      |   |    |  |
| 7 | S6     | S7 |   |     |     |     | 8    | 9 | 13 |  |
| 8 |        |    |   | R4  | R4  | R4  |      |   |    |  |
| 9 |        |    |   | R2  | R2  | S14 |      |   |    |  |



|    |    |    |     |     |     |     |    |    |  |
|----|----|----|-----|-----|-----|-----|----|----|--|
| 10 |    |    | S16 | S15 |     |     |    |    |  |
| 11 | S1 | S2 |     |     |     |     | 17 |    |  |
| 12 | S1 | S2 |     |     |     |     | 3  | 18 |  |
| 13 |    |    | S19 | S15 |     |     |    |    |  |
| 14 | S6 | S7 |     |     |     |     | 20 |    |  |
| 15 | S6 | S7 |     |     |     |     | 8  | 21 |  |
| 16 |    |    |     | R5  | R5  | R5  |    |    |  |
| 17 |    |    |     | R3  | R3  | R3  |    |    |  |
| 18 |    |    |     | R1  | S11 | R1  |    |    |  |
| 19 |    |    |     | R5  | R5  | R5  |    |    |  |
| 20 |    |    |     | R3  | R3  | R3  |    |    |  |
| 21 |    |    |     | R1  | R1  | S14 |    |    |  |

### شکل 5.9- جداول تجزیه LR(1) و LALR(1)

برای ادغام حالات ، ابتدا حالاتی را که بدون ایجاد مسأله اختلال در کاهش و انتقال و به سادگی قابل ادغام هستند باید در نظر گرفت. حالات I1 و I6 ، I3 و I8 ، I16 و I19 و بلاخره I17 و I20 بلافاصله قابل ادغام هستند. با جایگزینی حالات معادل مشاهده میشود که حالات I11 و I14 نیز قابل ادغام هستند. با ادغام این دو حالت می توان نتیجه گرفت که دو حالت I18 و I21 نیز یکسان هستند.

## 5.5 گرامرهای SLR(1)

گرامرهای Simple LR(1) یا بطور مختصر SLR(1) روشی دیگر برای تجزیه پائین به بالا را ارائه می کنند. این گرامرها بسیار محدودتر از گرامرهای LALR(1) و بالنتیجه گرامرهای LR(1) هستند زیرا، در این نوع گرامرها فرض بر این است که ترمهای پیش بینی برای یک ترم میانی A وابسته به محل قرار گرفتن A در سمت راست قواعد نمی باشد. بلکه برای هر ترم میانی A ، مستقل از چگونگی قرار گرفتن آن در سمت راست قواعد مختلف، همواره مجموعه Follow(A) شاخص ترمهای پیش بینی برای A است. بنابراین تعداد حالات و یا ردیف های جدول تجزیه مساوی با جدول LALR(1) است زیرا ، در اینجا همانند LALR(1) ترمهای پیش بینی عاملی برای تفکیک دو حالت از یکدیگر نیستند. به عبارت دیگر نمی توان دو حالت مشخص نمود که دارای وضعیت های یکسان اما ترم های پیش بینی متفاوت باشند.

جهت درک بهتر نقش ترمهای پیش بینی در گرامرها به مثال زیر توجه کنید :

Statement  $\rightarrow$  IfSt | WhileSt

IfSt  $\rightarrow$  If condition Then Statement ElsePart





WhileSt  $\rightarrow$  While condition Do Statement

با دقت در این مثال می بینیم که پس از مشاهده if درون IfSt. ترم میانی Condition. قرار گرفته است. درون While St. نیز پس از کلمه While ترم میانی condition ظاهر شده است اما، در قالب جمله if بعد از Condition انتظار دیدن Then و در قالب جمله While پس از Condition انتظار مشاهده DO می رود. بنابراین مشاهده می شود که وابسته به اینکه یک ترم میانی سمت راست کدام قاعده قرار گرفته ترمهای پیش بینی آن متفاوت است. اگر ترم میانی Condition در وضعیت زیر باشد :

IfSt  $\rightarrow$  If • condition Then Statement ElsePart

آنگاه ترم پیش بینی برای گسترشهای متفاوت condition کلمه Then خواهد بود. یعنی باید گسترشهای متفاوت condition با ترم پیش بینی Then را پس از وضعیت فوق به حالت مربوطه افزود. در صورتیکه ، اگر Condition در قالب جمله While و در وضعیت زیر قرار گیرد :

WhileSt  $\rightarrow$  While • condition Do Statement

آنگاه ترم پیش بینی برای گسترشهای متفاوت condition کلمه Do خواهد بود. یعنی باید گسترشهای متفاوت condition با ترم پیش بینی Do را پس از وضعیت فوق به حالت مربوطه افزود.

در گرامرهای (1) SLR گرامر آنقدر محدود است که مهم نیست ترم میانی در داخل چه قاعده ای قرار داشته باشد. در این نوع از گرامرها همواره برای یک ترم میانی ترمهای پیش بینی مساوی با مجموعه Follow آن ترم میانی است. در مثال فوق اگر بجای Then در تعریف IfSt کلمه Do بصورت زیر قرار داده میشود

Statement  $\rightarrow$  IfSt | WhileSt

IfSt  $\rightarrow$  If condition Do Statement ElsePart

WhileSt  $\rightarrow$  While condition Do Statement

آنگاه گرامر SLR(1) می بود. برای نمونه در زیر جدول تجزیه (1) SLR برای گرامر عبارات ایجاد شده است. در شکل 5.9 جدول های تجزیه LR(1) و LALR(1) برای عبارات مشخص شد. در اینجا گرامر عبارات بصورت زیر مطرح است :

- 0  $E' \rightarrow E \$$
- 1  $E \rightarrow E + T$
- 2  $E \rightarrow T$
- 3  $T \rightarrow T * F$
- 4  $T \rightarrow F$
- 5  $F \rightarrow ( E )$
- 6  $F \rightarrow id$



در مورد گرامرهای SLR(1) قبل از ایجاد گراف تجزیه باید اقدام به تولید مجموعه پیرو<sup>3</sup> یا در اصطلاح Follow برای ترمهای میانی نمود تا در واقع ترمهای پیش بینی برای هر ترم میانی مشخص شود .  
مجموعه پیرو برای ترمها در گرامر فوق بصورت زیر است.

$$\begin{aligned} \text{Follow}(E) &= \{ \$, +, ) \} \\ \text{Follow}(T) &= \{ * \} + \text{Follow}(E) = \{ \$, +, ), * \} \\ \text{Follow}(F) &= \text{Follow}(T) \end{aligned}$$

اکنون با در دست داشتن مجموعه پیرو برای ترمهای میانی بسادگی می توان گراف تجزیه SLR(1) را تولید نمود.

|   |   |   |   |
|---|---|---|---|
| I0: E' → • E \$<br>E → • E+ T<br>E → • T<br>T → • T * F<br>T → • F<br>E → • ( E ) | I1: F → Id •  | I2: F → ( • E )<br>E → • E+ T<br>E → • T<br>T → • T * F<br>T → • F<br>E → • ( E ) | I3: T → F •<br>I4: E → T •<br>T → T • * F<br>I5: E' → E • \$<br>E → E • + T |
| I6: F → ( E ) •<br>E → E • + T<br>I7: T → T • * F<br>F → • ( E )<br>F → • Id      | I8: E → E+ • T<br>T → • T * F<br>T → • F<br>F → • ( E )<br>F → • Id | I9: F → ( E ) •<br>I10: T → T * F •<br>I11: E → E+ T •<br>T → T • * F             |   |

در زیر جدول تجزیه SLR(1) برای گرامر فوق ارائه شده است . باید توجه داشته باشید که برای این دسته از گرامرها مجموعه های پیرو ترم های پیش بینی را تشکیل میدهند. لذا، در داخل جدول تجزیه برای کاهش id به F بر طبق قاعده شماره 6 در زیر ستونهای مربوط به عناصر مجموعه پیرو F دستورالعمل R6 قرار داده شده است.

|    | Action |     |    |    |     | Goto |    |   |
|----|--------|-----|----|----|-----|------|----|---|
|    | id     | ( ) | +  | *  | \$  | F    | T  | E |
| 0  | S1     | S2  |    |    |     | 3    | 4  | 5 |
| 1  |        |     | R6 | R6 | R6  |      |    |   |
| 2  | S1     | S2  |    |    |     | 3    | 4  | 6 |
| 3  |        |     | R4 | R4 | R4  |      |    |   |
| 4  |        |     | R2 | R2 | S7  | R2   |    |   |
| 5  |        |     |    | S8 | acc |      |    |   |
| 6  |        |     | S9 | S8 |     |      |    |   |
| 7  | S1     | S2  |    |    |     | 10   |    |   |
| 8  | S1     | S2  |    |    |     | 3    | 11 |   |
| 9  |        |     | R5 | R5 | R5  |      |    |   |
| 10 |        |     | R3 | R3 | R3  |      |    |   |
| 11 |        |     | R1 | R1 | S7  | R1   |    |   |

<sup>3</sup> همانگونه که در فصل قبل نیز توضیح داده شد، برای هر ترم میانی مجموعه پیرو برای یک ترم میانی به مجموعه ترم هایی اطلاق می شود که می تواند بعد از آن ترم میانی ظاهر شود . بنابراین ، برای بدست آوردن مجموعه پیرو برای یک ترم میانی باید به قوانین نگریست و مجموعه First برای ترمهای بعدی آن را بدست آورد . در حالت کلی :

- الف- از قاعده  $A \rightarrow \alpha B \beta$  می توان نتیجه گرفت  $\text{Follow}(B) \supset \{b\}$
- ب - از قاعده  $A \rightarrow \alpha B \beta$  می توان نتیجه گرفت  $\text{Follow}(B) \supset \text{First}(\beta)$
- ج - از قاعده  $A \rightarrow \alpha B$  می توان نتیجه گرفت  $\text{Follow}(B) \supset \text{First}(A)$



شکل 5.9- جداول تجزیه (SLR(1) برای گرامر ساده عبارات

## 5.6 گرامرهای مبهم

همانگونه که قبلاً توضیح داده شد، گرامر مبهم گرامری است که بر اساس آن بیش از یک درخت تجزیه برای جمله داده شده و در نتیجه دو مفهوم متناقض بتوان داشت. با استفاده از گرامرهای مبهم می توان اندازه جدول تجزیه پائین به بالا را کوچکتر نمود. برای نمونه گرامر ساده عبارات را که در بخشهای قبل جدول تجزیه LR(1)، LALR(1) و SLR(1) برای آن ایجاد شد را بخاطر بیایورید. جدول تجزیه LR(1) و LALR(1) برای این گرامر دارای یازده حالت و در مجموع 108 خانه از حافظه را اشغال می کرد. با نوشتن گرامر عبارات به صورت مبهم زیر:

$$E \rightarrow E + E \mid E - E \mid E * E \mid E / E \mid (E) \mid \text{NO} \mid \text{id}$$

تعداد ترم های میانی کاهش می یابد و نشان داده خواهد شد که . اما، مبهم بودن گرامر و نوشتن آن به صورت فوق دو مشکل ایجاد می کند . این مشکلات توضیح داده خواهند شد.

الف- در گرامر مبهم فوق الویت عملگرها یکسان است.

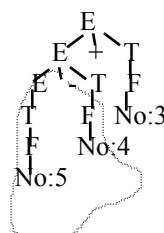
ب- اجتماع عملگرهای جمع و ضرب مشخص نیست.

قواعد مربوط به گرامر عبارات در حالت غیر مبهم بیانگر الویت و اجتماع عملگرها است.

- 0  $E' \rightarrow E \$$
- 1  $E \rightarrow E + T$
- 2  $E \rightarrow E - T$
- 3  $E \rightarrow T$
- 4  $T \rightarrow T * F$
- 5  $T \rightarrow T / F$
- 6  $T \rightarrow F$
- 7  $F \rightarrow ( E )$
- 8  $F \rightarrow \text{id}$
- 9  $F \rightarrow \text{No}$

در گرامر فوق + و - دارای اجتماع چپ هستند. برای نمونه درخت تجزیه برای عبارت زیر را در نظر بگیرید :

5 - 4 + 3





همانگونه که مشاهده میکنید ابتدا باید عبارت 4-5 را محاسبه نمود تا بتوان پس از آن حاصل را با 3 جمع کرد. در واقع از چپ به راست عمل جمع و تفریق انجام میشود. این بخاطر بیان قواعد مربوط به E بصورت خودبازگشتی چپ است. اگر قواعد مربوط به E بصورت خودبازگشتی راست بیان میشد. یعنی بصورت :

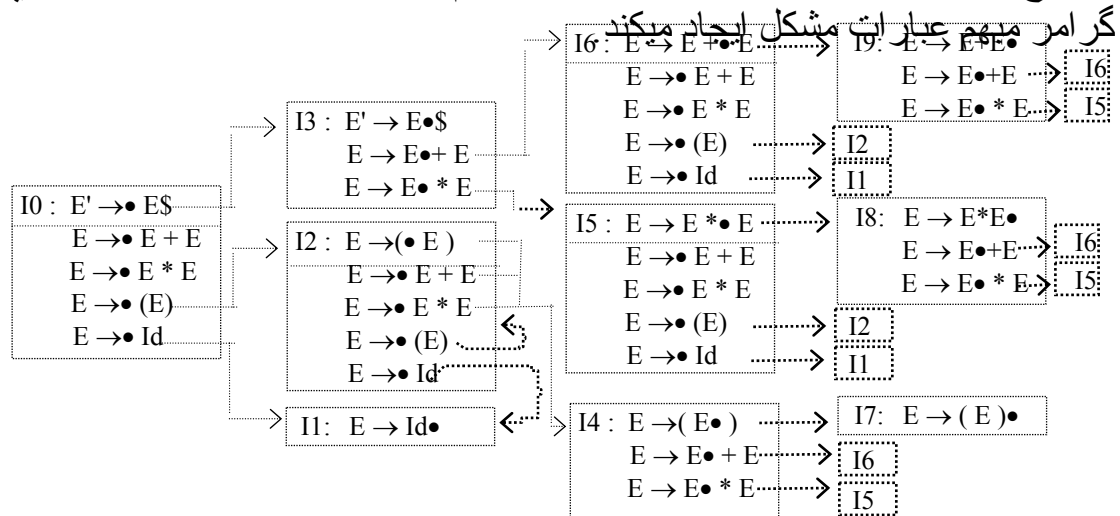
$$E \rightarrow T+E | T-E | T$$

آنگاه عبارت 3+4-5 از راست به چپ محاسبه می شد. یعنی ، ابتدا 3+4 و سپس 5-7 محاسبه میشد. بر طبق گرامر فوق قبل از اینکه بتوان E را انجام داد باید T را محاسبه کرد. در ون T عملیات ضرب و تقسیم و درون E عملیات تفریق و جمع نهفته است. لذا، ضرب و تقسیم بر طبق این گرامر بر جمع و تفریق الویت دارند.

بنابر این با بیان گرامر خلاصه عبارات بصورت مبهم :

- 0  $E' \rightarrow E\$$
- 1  $E \rightarrow E + E$
- 2  $E \rightarrow E * E$
- 3  $E \rightarrow ( E )$
- 4  $E \rightarrow Id$

اولاً الویبهها یکسان و ثانیاً اجتماع عملگرها نامشخص خواهد بود. نامشخص بودن اجتماع و یکسان بودن الویت عملگرها در هنگام ایجاد جدول تجزیه SLR(1) برای



جدول تجزیه برای گراف فوق در شکل 9.10 دارای دو نوع عملکرد برای عملگرهای + و \* در حالات 8 و 9 است. در این دو حالت به اختلال در کاهش و انتقال وجود دارد و مشخص نیست که با مشاهده دو عملگر + و \* آیا عمل کاهش را باید انجام داد یا انتقال. باید توجه داشته باشید که در گرامرهای SLR(1) ترمهای پیش بینی را مجموعه های پیرو مشخص میکنند. در گرامر فوق برای ترم میانی E باید مجموعه پیرو محاسبه شود.

$$\text{Follow}(E) = \{ \$, +, *, ) \}$$



|   | Action |    |    |                   |                   |        | Goto |
|---|--------|----|----|-------------------|-------------------|--------|------|
|   | id     | (  | )  | +                 | *                 | \$     | E    |
| 0 | S1     | S2 |    |                   |                   |        | 3    |
| 1 |        |    | R4 | R4                | R4                | R4     |      |
| 2 | S1     | S2 |    |                   |                   |        | 5    |
| 3 |        |    |    | S6                | S5                | Accept |      |
| 4 |        |    | S7 | S6                | S5                |        |      |
| 5 | S1     | S2 |    |                   |                   |        | 8    |
| 6 | S1     | S2 |    |                   |                   |        | 9    |
| 7 |        |    | R3 | R3                | R3                | R3     |      |
| 8 |        |    | R2 | <del>S6, R2</del> | <del>S5, R2</del> |        |      |
| 9 |        |    | R1 | <del>S6, R1</del> | <del>S5, R1</del> |        |      |

**شکل 5.10- جداول تجزیه SLR(1) برای گرامر مبهم عبارات**

در حالت 8 با توجه به وضعیت “ $E \rightarrow E * E$ ” میتوان گفت که قبلاً يك علامت \* در ورودی دیده شده است. طبق وضعیت “ $E \rightarrow E \cdot + E$ ” انتظار مشاهده + در سر ورودی می‌رود. لذا، با مشاهده يك عملگر + در ورودی چون ضرب بر جمع الویت دارد عمل کاهش R2 انجام میشود. برای نمونه عبارت  $4 + 3 \cdot 2$  را در نظر بگیرید. مسلماً در اینجا قبل از انتقال علامت + به داخل پشته تجزیه ، باید عمل ضرب انجام شود لذا، بجای S6 عمل R2 انجام میشود .

در حالت 9 با توجه به وضعیت “ $E \rightarrow E + E$ ” میتوان گفت که قبلاً يك علامت + در ورودی دیده شده است. طبق وضعیت “ $E \rightarrow E \cdot * E$ ” انتظار مشاهده \* در سر ورودی می‌رود. لذا، با مشاهده يك عملگر \* در ورودی چون ضرب بر جمع الویت دارد عمل انتقال S5 انجام میشود. برای نمونه عبارت  $4 \cdot 3 + 2$  را در نظر بگیرید. مسلماً در اینجا قبل از انجام عمل جمع باید عمل ضرب انجام شود لذا، علامت \* به داخل پشته تجزیه انتقال داده شده ، بجای R1 عمل S5 انجام میشود .

در حالت 8 با توجه به وضعیت “ $E \rightarrow E * E$ ” میتوان گفت که قبلاً يك علامت \* در ورودی دیده شده است. طبق وضعیت “ $E \rightarrow E \cdot * E$ ” انتظار مشاهده \* دیگری در سر ورودی می‌رود. لذا، با مشاهده يك عملگر \* در سر ورودی چون ضرب دارای اجتماع چپ است ، عمل کاهش R2 انجام میشود. برای نمونه عبارت  $4 \cdot 3 \cdot 2$  را در نظر بگیرید. مسلماً در اینجا قبل از انتقال علامت \* به داخل پشته تجزیه ، باید عمل ضرب انجام شود لذا، بجای S5 عمل R2 انجام میشود .

در حالت 9 با توجه به وضعیت “ $E \rightarrow E + E$ ” میتوان گفت که قبلاً يك علامت + در ورودی دیده شده است. طبق وضعیت “ $E \rightarrow E \cdot + E$ ” انتظار مشاهده + دیگری در سر ورودی می‌رود. لذا، با مشاهده يك عملگر + در سر ورودی چون جمع دارای اجتماع چپ است ، عمل کاهش R1 انجام میشود. برای نمونه عبارت  $4 + 3 \cdot 2$  را در نظر بگیرید. مسلماً در اینجا قبل از انتقال علامت + به داخل پشته تجزیه ، باید عمل جمع انجام شود لذا، بجای S6 عمل R1 انجام میشود .

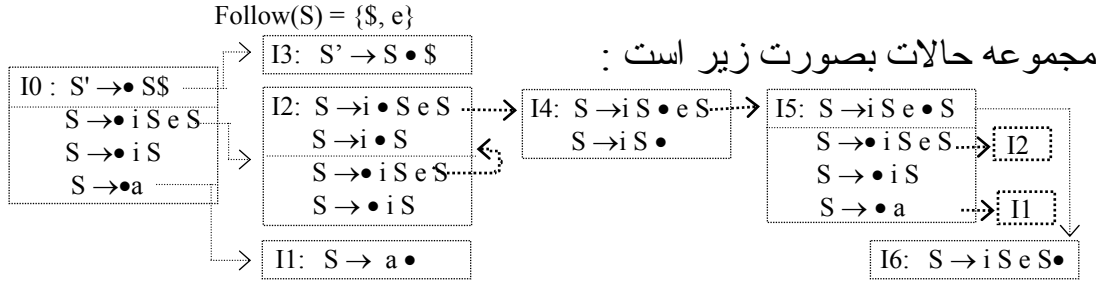
مثال - برای گرامر مبهم جملات شرطی IF جدول تجزیه SLR(1) ایجاد کنید.

$$0 \quad S' \rightarrow S \$$$



- 1  $S \rightarrow iSeS$
- 2  $S \rightarrow iS$
- 3  $S \rightarrow a$

در گرامر فوق  $S$  نمایانگر جمله ،  $i$  مخفف if و  $e$  مخفف expression است. در اولین مرحله باید مجموعه پیرو را برای ترم های میانی و سرترم گرامر بدست آورد. این مجموعه در واقع ترم های پیش بینی را برای ترم میانی مربوطه مشخص می کند.



در ردیف 4 از جدول تجزیه چون else یا  $e$  متعلق به نزدیکترین جمله if است ،  $S5$  انتخاب شده است.

|   | Action |        |    |        | Goto |
|---|--------|--------|----|--------|------|
|   | i      | e      | a  | \$     | S    |
| 0 | S2     |        | S1 |        | 3    |
| 1 |        | R3     |    | R3     |      |
| 2 | S2     |        | S1 |        | 4    |
| 3 |        |        |    | Accept |      |
| 4 |        | S5, R2 |    | R2     |      |
| 5 | S2     |        | S1 |        | 6    |
| 6 |        | R1     |    | R1     |      |

شکل 5.11- جدول تجزیه SLR(1) برای گرامر مبهم جملات شرطی If



## 5.7 تمرین

**تمرین 1** - نشان دهید که گرامر زیر  $LALR(1)$  است :

$$S \rightarrow A a | b a c | d c | b d a$$

$$A \rightarrow d$$

**تمرین 2** - آیا گرامر زیر  $LR(1)$  است.

$$S \rightarrow SAB | a B$$

$$A \rightarrow a A | A d$$

$$B \rightarrow B a | b A d$$

**تمرین 3** - آیا گرامر زیر  $LALR(1)$  است.

$$S \rightarrow a A B | S D b$$

$$A \rightarrow a D B | A b$$

$$B \rightarrow B D a | a b D$$

$$D \rightarrow D a | d b$$

**تمرین 4** - چرا جدول تجزیه  $LALR(1)$  و  $SLR(1)$  برای یک گرامر به یک اندازه هستند. برای نمونه جدول تجزیه  $LALR(1)$  و  $SLR(1)$  برای عبارات به یک اندازه است.

**تمرین 5** - اگر گرامری  $LR(1)$  باشد و حالات مشابه آن با یکدیگر ادغام شوند تا جدول تجزیه  $LALR(1)$  حاصل شود در هنگام ادغام حالات تنها امکان مشکل اختلال در کاهش و انتقال و نه اختلال در کاهش و کاهش و یا در اصطلاح Reduce-Reduce Conflict بوجود خواهد آمد. منظور از اختلال در کاهش و کاهش این است که برای نمونه با مشاهده  $a$  در ورودی بتوان دو عمل متفاوت  $R_2$  و  $R_3$  را انجام داد.

**تمرین 6** - نشان دهید که هر گرامر  $LL(1)$  یک گرامر  $LR(1)$  است، اما بالعکس صادق نیست.

**تمرین 7** - با در نظر گرفتن اینکه عملگر توان الویت بیشتری نسبت به ضرب و تقسیم دارد و اجتماع آن راست میباشد، گرامر عبارات را تکمیل نموده، جدول تجزیه  $SLR(1)$  برای این گرامر ایجاد کنید.

**تمرین 8** - در گرامر زیر علامت  $\wedge$  نمایانگر توان است. جدول تجزیه  $SLR(1)$  ایجاد کنید.

$$E \rightarrow E + E | E - E | E * E | E / E | E * E | (E) | NO | id$$

**تمرین 9** - جدول تجزیه  $SLR(1)$  برای گرامر زیر تشکیل دهید.

$$E \rightarrow E \theta_1 E | E \theta_2 E | \dots | E \theta_n E | (E) | id$$



فرض کنید که عملگرهای  $\theta_i$  دارای اجتماع راست و  $\theta_i$  الویت بیشتری نسبت به  $\theta_j$  دارد اگر اندیس  $i$  بزرگتر از  $j$  باشد.

تمرین 10- نشان دهید که گرامر زیر LL(1) است و SLR(1) نیست.

$$S \rightarrow A a A b \mid B b B a$$

$$A \rightarrow \varepsilon$$

$$B \rightarrow \varepsilon$$

آیا گرامر فوق LR(1) است.

راهنمایی - توجه داشته باشید در هر حالتی که گسترش تهی برای ترمهای میانی A یا B وجود داشته باشد، می توان در داخل جدول تجزیه در زیر ستون مربوط ترمهای پیش بینی برای این دو ترم عمل کاهش قرار داد.



# تولید کد میانی

## کد میانی چیست؟

کدی است در سطح زبان ماشین، اما مستقل از ساختار هر ماشین خاص، در واقع یک شبه اسمبلی است، که متعلق به هیچ ماشین خاصی نیست، لذا به آن ماشین مجازی (Virtual Machine) نیز گفته می شود، برای مثال JVM که همان ByteCode است که :

- امکان پیاده سازی راست و بدون اشکال دستورالعمل های جاوا را به شبه اسمبلی فراهم نمود.
  - ( در پاسکال Pcode و در C، Ccode داریم )
- علت استفاده از کد میانی چیست؟
- کد میانی :

- قابل اجرا در روی هر کامپیوتری می باشد ( Portability ).
- بهینه سازی خوبی دارد ( Optimization ).

## انواع کدهای میانی :

۱. دستورالعملهای شبه اسمبلی.
- در واقع این دستورالعملها بیانگر یک ماشین مجازی می باشند، زیرا محدودیت در تعداد ثباتها را ندارند.
۲. دستورالعملهای سه آدرسه.

۳. درختهای خلاصه نحوی. *Abstract Syntax Trees*

## روش تولید کد میانی :

۱. آیا در مرحله ای جداگانه کد میانی ایجاد می شود ( از لحاظ سرعت بسیار کند می باشد ).
۲. آیا همگام با تحلیل نحوی، این کار صورت می گیرد ( از لحاظ پیاده سازی دارای مشکل می باشد ).

حل مشکل :

پاسخ در روشی است تحت عنوان ترجمه هدایت شده همگام با تحلیل نحوی (Syntax Directed)

( Translation ).

روش :  
زبان کدهای میانی → ۱-۱ → ۲۶۴

- بعد از تشخیص هر ترم میانی.
- بعد از Reduce در روش بالا به پایین.
- بعد از فراخوانی روال هر ترم میانی در روش بالا به پایین، کد مربوطه تکمیل می شود.

مثال :

تولید کد میانی برای عبارت زیر :

$a*(b+c)+d*e$

```
mov T1, a
mov T2, b
add T2, c
mul T1, T2
mov T2, d
mul T2, e
add T2, T1
```

هدف :

تولید مولد کد شبه اسمبلی برای عبارات چهار عمل اصلی.

```
E → E + T | E - T | T
T → T * F | T / F | F
F → id | no | '(' E ')'
```

برای اینکه بتوان تجزیه گر کاهینه بازگشتی برای گرامر عبارات ایجاد نماییم، ابتدا باید گرامر را به فرم

LL(1) تبدیل می کنیم.

```
E → T{ ( + | - ) T }
T → F{ ( * | / ) F }
F → id | no | '(' E ')'
```

هر بار که New Temp اجرا می شود، String جدیدی را بعنوان متغیر کمکی بر می گرداند.

Var

Target, Source : Text;

TempNo : integer; // مقدار اولیه صفر

TempVar : string; // شامل رشته موقتی متغیر

Procedure NewTemp; // متغیر موقتی جدید ایجاد می کند

Begin

Tempno := TempNo + 1;

TempVar := 'T' + str( TempNo );

End;

Procedure RemTemp; // متغیر موقتی را برگشت می دهد

Begin

Tempno := TempNo - 1;

End;

Procedure Emitln( string s );

```

Begin
  Writeln( Target, S);
End;
Procedure Emit( string s );
Begin
  Write( Target, S);
End;

```

حال شروع به نوشتن تک تک تابع می کنیم :

```

Stops : set of symbols;
//-----
-----
(*F → id | no | '(' E ')' *)
Procedure F ( Stop : Stops; Var ResF : string; R : integer;);
Var
  R : integer;
  ResF : string;
Begin
  R := 0;
  If ( CurrentSymbol = S_id ) or ( CurrentSymbol = S_no ) then
    Begin
      ResF := CurrentToken.Lexeme;
      NextSymbol;
    End
  Else
    Begin
      Expect( S_OpenPar, Stop + [S_id, S_no, S_OpenPar]);
      E ( Stop + [S_ClosePar], ResF, R);
      Expect( S_ClosePar, Stop);
    End;
  End;
End;
//-----
-----
(* T → F{ ( * | / ) F } *)
Procedure E ( Stop : Stops; Var ResT : string; R : integer;);
Var
  OpCode : Symbols;
  Operand : string;
  R1 : integer;
Begin
  F( Stop + [S_mul, S_div], ResT, R);
  While ( CurrentSymbol = S_div ) or ( CurrentSymbol = S_mul ) do
    Begin
      OpCode := CurrentSymbol;
      NextSymbol;
      If R = 0 then
        Begin
          NewTemp;
          OpCode := TempVar;
          Emitln('mov ' + Operand + ',' + ResT);
          R := 1;
          ResT := Operand;
        End;
    End;
  End;

```

```

    End;
    F ( Stop + [ S_mul, S_div], Operand, R1);
    If (OpCode = S_mul) then
        Emit('mul ')
    Else Emit('div ');
    Emitln(ResT + ',' + Operand);
    If R1 = 1 then
        RemTemp;
    End;
End;
//-----
-----
(* E → T{ ( + | - ) T } *)
Procedure E ( Stop : Stops; Var ResE : string; R : integer);
Var
    OpCode : Symbols;
    Operand : string;
    R1 : integer;
Begin
    T( Stop + [S_add, S_sub], ResT, R);
    While (CurrentSymbol = S_add) or (CurrentSymbol = S_sub) do
        Begin
            OpCode := CurrentSymbol;
            If R = 0 then
                begin
                    NewTemp;
                    Operand := TempVar;
                    Emitln('mov ' + Operand + ',' + ResE);
                    R = 1;
                    ResE := Operand;
                End; { end of if }
            If OpCode = S_add then
                Emit('add ')
            Else Emit('sub ');
            T(Stop + [S_add, S_sub], Operand, R1);
            Emitln(ResE + ',' + Operand);
            If R1 = 1 then
                RemTemp;
            End; { end of while }
        End; { end of procedure }

```

هدف :

تولید دستورالعملهای شبه اسمبلی برای انواع جملات.

روش :

ترجمه همراه با هدایت نحوی ( Syntax Directed Translation )

```

(* id := E *)
Procedure Assignment( Stop : Stops; Var ResA : string; R : integer);
Var

```

```

ResE : string;
Begin
  ResA := CurrentToken.Lexeme;
  Expect(S_id, Stop + [S_assign]);
  Expect(S_assign, Stop + [S_id, S_no, S_OpenPar]);
  E(Stop, ResE);
  Emitln('mov ' + ResA + ',' + ResE);
  If R = 1 then
    RemTemp;
    R := 0;
End;

```

مثال :

الف-جملات تخصیصی

ب-جملات شرطی ( جملات If )

```

If a > b then c := a - b
Else c := a + b;

```

```

mov T1, a
cmp T1, b
jle L1
mov T1, a
sub T1, b
mov c, T1
jmp L2
L1:
mov T1, a
add T1, b
mov c, T1
L2:

```

```

Var
  LabelNo : integer;
Function NewLabel : string;
Begin
  LabelNo := LabelNo + 1;
  NewLabel := 'L' + str(LabelNo);
End;

```

```

(* Condition > E Relop E *)
Procedure Condition( Stop : Stops; Var ResC : string; R : integer);
Var
  ResE , ResE1 : string;
  LFalse : string;
  R1, R2 : integer;
  OpCode : Symbols;
Begin
  E(Stop + [S_lt, S_le, S_gt, S_ge, S_ne, S_e], ResE, R1);
  OpCode := CurrentSymbol;
  Relop(Stop + [ S_id, S_if,...]);

```

```

E(Stop, ResE1, R2);
Emitln('cmp ' + ResE + ',' + ResE1);
If R1 = 1 then
  RemTemp;
  R := 1;
  ResC := NewTemp;
  Emitln('xor ' + ResC + ',' + ResC);
  LFalse :=NewLabel;
  Case OpCode of
    S_lt :
      Emitln('jge ' + LFalse);
    S_le :
      Emitln('jg ' + LFalse);
    S_ne :
      Emitln('je ' + LFalse);
    ...
  end;
  Emitln('inc ' + ResC);
  Emitln(LFalse + ':');
End;

```

### تمرین :

برای عبارات If ، Case و While با در نظر گرفتن گرامر Condition ، کد شبه اسمبلی تولید نمایید.

```

(* Ifst > If Condition Then st Else st *)
Procedure Ifst( Stop : Stops; Var ResIf : string; R : integer);
Var
  ResCond : string;
  LabelElse, LabelEnd : string;
  RC : integer;
Begin
  Expect(S_if, Stop + [S_OpenPar, S_id, S_no, S_not]);
  Condition(Stop + [S_then], ResCond, RC);
  Emitln('cmp ' + ResCond + ',' + '0');
  LabelElse :=NewLabel;
  RemTemp;
  Emitln('je ' + LabelElse);
  Expect(S_then, Stop + [S_id, S_while, S_begin, ...]);
  st(Stop + [S_Else], '0', 0);
  if CurrentSymbol = S_Else then
    Begin
      LabelEnd :=NewLabel;
      Emitln('jmp ' + LabelEnd);
      Emitln(LabelElse + ':');
      NextSymbol;
      st(Stop, '0', 0);
    End
  Else
    LabelEnd := LabelElse;
    Emitln(LabelEnd + ':');
  End;
End;

```

مثال :

```
If a > b then c := a + 1
Else c := b + a;
  xor T1, T1
  mov T2, a
  cmp T2, b
  jle L1
  inc T1
L1:
  cmp T1, 0
  je L2
  mov T1, a
  add T1, 1
  mov c, T1
  jmp L3
L2:
  mov T1, b
  add T1, a
  mov c, T1
L3:
  ...
```

نکته :

باید توجه نمود که در تابع Condition که قبلا نوشته شده است، باید کد بصورتی تولید شود که ابتدا متغیر موقتی به ResC تخصیص داده شود تا پس از انجام مقایسه بتوان به درستی RemTemp را به اجرا در آورد.

تمرین :

رویه هایی بنویسید که برای جملات Case کد تولید نمایند.

```
Case> Case id of
      CasePart {CasePart}
      [ElsePart]
      End;
Casepart> (id | no ) {, ( id | no )} ':' st ';' ;
```

## تولید کد اسمبلی

هدف :

استفاده از دستورالعملهای اسمبلی پروسسورهای اینتل جهت تولید کد اسمبلی.

در این راستا می بایست قوانین اسمبلی رعایت شود و در عملیاتی مانند جمع و ضرب از اکومولاتور (ثبات AX) به عنوان اولین عملگر استفاده شود.

محدودیت دیگر، تعداد ثباتها می باشد که محدود هستند، دیگر اینکه همواره اولین عملگر می بایست در يك ثبات قرار گیرد. برای چگونگی تخصیص ثباتها از تابعی به نام Register Management استفاده می شود.

### : Register Management

RM یا مدیریت ثباتها، يك جدول به نام Register Table می باشد که دارای وضعیت تخصیصی Registerها را در آن مشخص می کنیم. این کلاس در تابع اصلی به نام Get و Free دارد که جهت گرفتن و با آزاد کردن Registerها مورد استفاده Code Generator قرار می دهد. يك نکته ای که RM در نظر می گیرد علاوه بر تخصیص ثبات مشخص می کند که ثبات حافظه مقدار کدام متغیر است.

```
mov DI, 1
add AX, DI
add AX, 1
mov DI, AX
mov AX, DI
mul AX, 2
mov SI, AX
Reg := GetReg('AX');
Reg2 := CheckReg(CurrentToken.Lexeme);
Reg := GetReg('j');
Reg := RM.GetReg(CurrentToken.Lexeme);
'mov DI, 1'
Reg := RM.GetReg('AX');
Reg2 := CheckReg(CurrentToken.Lexeme);
'mov AX, DI'
'add AX, 1'
Reg := GetReg(CurrentToken.Lexeme);
'mov DI, AX'
```

تا به حال برای تولید کدهای اسمبلی از متغیرهای موقتی استفاده می کردیم ، برای مثال

$(a+b*c) * (d+c*f)$

```
Mov t1,a
Mov t2,b
Mul t2,c
Add t1,t2
Mov t2,d
Mov t3,c
Mul t3,f
Add t2,t3
Mul t1,t2
```



اما چنانچه که میدانیم کدهای بالا به صورت عملی کاربردی ندارد و اجرا نخواهد شد. برای اینکه بتوانیم کدهای بالا را قابل اجرا کنیم باید به جای متغیرهای موقتی از ثباتها استفاده کنیم به این طدیق که به جای متغیرهای موقتی ، ثباتها را جایگزین کنیم.

**سؤال:** چرا نیاز به مدیریت ثباتها داریم؟

(۱) تعداد ثباتها به اندازه تعداد متغیرهای موقتی نیست (محدودیت ثباتها)

(۲) نسبت دادن متغیرهای موقتی به ثباتها مشکل بوجود می آورد.

## یک روش کلی (جایگزاری):

برای تبدیل کد بالا به کد قابل اجرا باید جای متغیرهای موقتی از ثباتها استفاده کنیم. برای این کار ابتدا کد برای متغیرهای موقتی ایجاد کرده و سپس در تبدیل به جای هر متغیر موقتی ثبات قرار می دهیم . در این اینجا دو سؤال پیش می آید :

(۱) تعداد ثباتها محدود است .

(۲) چه وقت نیاز به آن ثباتی که استفاده شده است نداریم؟

جواب (۱) فرض کنید ما دو ثبات داریم، داخل یکی مقدار T1 را قرار داده ایم و داخل دیگری T2 را. حال به یک ثبات دیگر نیاز داریم، می توانیم بسته به قراردادی که برای خودمان در نظر می گیریم یکی از ثباتها را برای انجام کارمان خالی کنیم یعنی مقدارش را در یک متغیر محلی به نام X1 قرار دهیم . سپس از آن ثبات استفاده کنیم در اینجا ما از FIFO استفاده می کنیم ، یعنی اینکه آن ثباتی که دارای شماره کمتری از نظر الویت است مقدارش را در متغیر موقتی X1 قرار می دهیم که خواهیم داشت :

| ثبات               | الویت    |
|--------------------|----------|
| <b>Ax -&gt; T1</b> | <b>1</b> |
| <b>Bx -&gt; T2</b> | <b>2</b> |
| <b>X1 -&gt; Ax</b> |          |
| <b>Ax -&gt; T3</b> | <b>3</b> |

الویت Ax کمتر است :

برای انجام این کار به صورت عملی به رکوردهای زیر نیاز داریم :

رکورد RegTableRow :

(۱) نام ثبات (RegName) --> از نوع String

(۲) نام متغیر (VarName) --> از نوع String

(۳) شماره الویت (Turm) --> از نوع Integer

(۴) آیا ثبات در حال استفاده هست ؟ (Turn) --> از نوع Boolean

برای هر متغیر که به آن یک ثبات اختصاص میدهیم رکورد بالا را پر میکنیم ، برای مثال :

**Ax -> T1**

خواهیم داشت :

**RegName = Ax**  
**VarName = T1**  
**Turn = 1**  
**Busy = True**

برای زمانی که ثابت کم می آوریم ، باید يك ثابت را خالی کنیم . يك رکورد دیگر باید داشته باشیم .

رکورد TempTableRow :

(۱) نام متغیر موقتی (TempName) -- از نوع String

(۲) نام متغیر یا ثابت (varName) -- از نوع String

به مثال زیر توجه کنید :

**(a+b\*c) \* (d+c\*f)**

**Mov t1,a**  $\xrightarrow{1}$

**Mov Ax,a**

**Mov t2,b**  $\xrightarrow{2}$

**Mov Bx, b**

**Mul t2,c**  $\xrightarrow{3}$

**Mul Bx,c**

**Add t1,t2**  $\xrightarrow{4}$  RemTemp

**Add Ax,Bx**

**Mov t2,d**  $\xrightarrow{5}$

**Mov Bx,d**

**Mov t3,c**  $\xrightarrow{6}$

{  
**Mov X1,Ax**  
**Mov Ax,c**

**Mul t3,f**  $\xrightarrow{7}$

**Mul Ax,f (for level 7)**

**Add t2,t3**  $\xrightarrow{8}$

**Add Bx,Ax**

**Mul t1,t2**  $\xrightarrow{9}$

{  
**Mov Ax,X1**

در مورد کد بالا به موارد زیر توجه کنید :

(۱) ما فقط دو ثابت داریم : AX,BX

(۲) به انجام مراحل زیر توجه کنید :

مرحله ۱ :

**Regname=AX**  
**Varname=T1**  
**Turn=1**  
**Busy=True**

داخل جدول ثباتها و متغیرها را جستجو میکنیم .

اگر به T1 ثابت اختصاص نداده باشیم , به آن

ثبات اختصاص می دهیم.

مرحله ۲ :

**Regname=BX**  
**Varname=T2**  
**Turn=2**  
**Busy=True**

داخل جدول ثباتها و متغیرها را جستجو میکنیم ,  
اگر به T1 ثبات اختصاص نداده باشیم , به آن  
ثبات اختصاص می دهیم.

مرحله ۳ :

در داخل جدول ثباتها جستجو می کنیم چون به T2 یکبار ثبات داده شده است از همان در این مرحله استفاده میکنیم

مرحله ۴ :

در داخل جدول ثباتها جستجو می کنیم چون به T2 , T1 یکبار ثبات داده شده است از همان در این مرحله استفاده میکنیم .

نکته : وقتی یک متغیر در سمت راست آورده می شود در هر مرحله ای که باشیم آن متغیر را در داخل جدول ثباتها جستجو می کنیم اگر آن متغیر دارای یک ثبات باشد ، اشغالی آن ثبات را False می کنیم چون دیگر نیازی به آن نیست ، چون مقدارش در متغیر سمت چپ ریخته شده است (کاملاً مثل قبل عمل می کنیم در قبل ما Remteoup می کردیم ) .

باید یک رجیستر پیدا کنیم که خالی باشد تا مقدار D را در آن قرار دهیم داخل جدول رجیستر جستجو می کنیم چون Busy ، bx اش False است می یوانیم از این ثبات برای قرار دادن d استفاده کنیم .  
باید داخل جدول ثباتها جستجو کنیم تا یک ثبات خالی پیدا کنیم ولی چون دیگر ثبات خالی دیگری وجود ندارد مجبوریم یکی از ثباتها را به یک متغیر موقتی بریزیم و از آن ثبات خالی شده استفاده کنیم ، برای این کار به صورت زیر عمل می کنیم .

داخل جدول متغیرها (1)

**Temp name = x1**  
**Vov name = T1**  
**X1 ← ax**

(2) **Reg name = ax**

**Vav name = T3**  
**Turn = 3**  
**Busy = True**

مانند قبل عمل می کنیم داخل جدول ثباتها چون به T3 یک بار ثبات اختصاص داده شده است دیگر برای آن ثبات جدیدی در نظر نمی گیریم و عمل ضرب را انجام می دهیم .

عمل جم ++ انجام می شود ولی چون ax در سمت راست قرار دارد دیگر نیازی به آن نیست و (Busy = False) اشغال آنرا برابر False قرار می دهیم ( یعنی می توان از این استفاده کرد ) .

در مرحله (q) باید T1, T2 را جستجو کنیم T2 را در جدول مربوط به ثباتها پیدا کرده و مقدارش که bx را در نظر می گیریم ولی T1 در جدول ثباتها وجود ندارد پس جدول مربوط به متغیرها را نیز جستجو می کنیم آنرا پیدا می کنیم

می فهمیم مقدارش در  $x_1$  وجود دارد آنرا داخل يك ثبات خالی قرار می دهیم ( اگر وجود نداشت يك ثبات را خالی می کنیم ) و سپس عمل Mul را انجام می دهیم .